## Autoren

An der Überarbeitung und Ergänzung der Texte und Abbildungen haben mitgewirkt:

**Bartelmann, Matthias** Institut für Theoretische Astrophysik<sup>1</sup> Heidelberg

**Bastian, Ulrich** Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

#### Bernlöhr, Konrad

MPI für Kernphysik Heidelberg

#### Bernstein, Hans-Heinrich

Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

#### Beuther, Henrik

MPI für Astronomie Heidelberg

**Böhnhardt, Hermann** MPI für Sonnensystemforschung Lindau/Harz

**Camenzind, Max** Landessternwarte<sup>1</sup> Heidelberg

**Dreizler, Stefan** Institut für Astrophysik Göttingen **Fendt, Christian** MPI für Astronomie Heidelberg

Fuchs, Burkhardt Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

# Gail, Hans-Peter

Institut für Theoretische Astrophysik<sup>1</sup> Heidelberg

#### Greiner, Jochen

MPI für extraterrestrische Physik Garching

# Hoeppe, Götz

College of William & Mary Williamsburg, Virginia, USA

#### Jahreiß, Hartmut

Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

# Jessberger, Elmar K.

Institut für Planetologie Münster

#### Just, Andreas

Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

Autoren

*Klahr, Hubert* MPI für Astronomie Heidelberg

VI |

Klement, Rainer MPI für Astronomie

Heidelberg

Köppen, Joachim

Observatoire de Strasbourg Strasbourg, Frankreich

*Krautter, Joachim* Landessternwarte<sup>1</sup> Heidelberg

**Leinert, Christoph** MPI für Astronomie Heidelberg

**Lenzen, Rainer** MPI für Astronomie Heidelberg

*Meisenheimer, Klaus* MPI für Astronomie Heidelberg

*Mundt, Reinhardt* MPI für Astronomie Heidelberg

**Oberauer, Lothar** Technische Universität München Fakultät für Physik Garching

**Peter, Hardi** MPI für Sonnensystemforschung Lindau/Harz

**Preibisch, Thomas** Universitätssternwarte München **Reffert, Sabine** Landessternwarte<sup>1</sup> Heidelberg

**Reich, Wolfgang** MPI für Radioastronomie Bonn

**Richtler, Tom** Universidad Concepción, Dept. Fisica Concepción, Chile

*Rix, Hans-Walter* MPI für Astronomie Heidelberg

**Röser, Hermann-Josef** MPI für Astronomie Heidelberg

**Schmadel, Lutz** Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

**Schmidt, Robert W.** Astronomisches Rechen-Institut<sup>1</sup> Heidelberg

**Schwenn, Rainer** MPI für Sonnensystemforschung Lindau/Harz

**Tscharnuter, Werner** Institut für Theoretische Astrophysik<sup>1</sup> Heidelberg

**Völk, Heinrich** MPI für Kernphysik Heidelberg

Werner, Klaus Institut für Astronomie und Astrophysik Tübingen

<sup>1</sup> Zentrum für Astronomie der Universität Heidelberg (ZAH)

#### Vorworte

Als der Wiley-Verlag wegen einer neuen Bearbeitung des *Abriss der Astronomie* an mich herantrat, war sofort klar, dass ich selbst eine solche nicht mehr übernehmen konnte. Einerseits war ich längst nicht mehr in der aktiven Forschung tätig. Vor allem aber haben meine Augen im Laufe der Jahre (ich habe inzwischen die 90 überschritten) so nachgelassen, dass Lesen nur noch mit Mühe, ein unumgängliches Literaturstudium aber gar nicht mehr möglich ist. Nach einigem Überlegen, wie nun zu verfahren sei, gelang es, die Herren Hermann-Josef Röser und Werner Tscharnuter als Herausgeber für eine völlig neu bearbeitete Auflage zu gewinnen. Hierüber habe ich mich sehr gefreut und möchte den beiden Herren an dieser Stelle meinen besonderen Dank sagen.

Es zeigte sich sehr schnell, dass es bei der enormen Entwicklung der Astronomie für zwei Herausgeber nicht mehr möglich ist, den gesamten Stoff selbst zu bearbeiten. Sie gewannen einen Stab von Experten, die die jeweiligen Abschnitte übernahmen. Außerdem haben die Herausgeber – besonders im Anhang – einige nützliche Ergänzungen hinzugefügt. Dies alles ist im folgenden Vorwort der Herausgeber näher erläutert. So stellt sich der *Abriss* heute dank der Arbeit der einzelnen Autoren und der Herausgeber in einer erweiterten und vertieften Fassung dar.

Göttingen, 27. Oktober 2011

Hans-Heinrich Voigt

Seit der letzten Auflage des *Abriss der Astronomie* sind 20 Jahre vergangen, eine Zeit, in der die Astronomie, bedingt durch große Teleskope am Boden und im All, neue Instrumentierungen in allen Spektralbereichen sowie die Verfügbarkeit von immer leistungsfähigeren Rechnern, eine stürmische Vorwärtsentwicklung erfahren hat. Wir haben daher den Vorschlag gerne aufgenommen, eine Neuauflage des *Abriss*es zu übernehmen. Um diese in annehmbarer Zeit zu realisieren, haben wir uns entschlossen, die Arbeit auf viele Schultern zu verteilen. Auch wenn es kein neues Buch, sondern eben eine Neuauflage werden sollte, so zeigte sich doch

bald, dass einige Kapitel praktisch neu geschrieben werden mussten (z. B. Kosmologie oder Aktive Galaktische Kerne), andere kamen neu hinzu (Exoplaneten, Gravitationslinsen, usw.). Die rasante Entwicklung der Astronomie spiegelt sich auch im deutlich gestiegenen Umfang des Buches wider.

Das charakteristische Erscheinungsbild des Abrisses mit seinem Telegrammstil und dem strukturierten Layout sollte erhalten bleiben. Allerdings war bei der Vielzahl der beteiligten Autoren ein einheitlicher Guss der Kapitel nicht immer zu erreichen. Die für den Abriss typischen skizzenhaften Abbildungen – dem Tafelanschrieb nachempfunden – wurden entsprechend den heutigen technischen Möglichkeiten neu gestaltet. Wie bisher deckt der Abriss sowohl den Stoff der Einführungsvorlesung als auch die wichtigsten Grundlagen für das vertiefende Curriculum ab.

In früheren Auflagen waren die theoretischen Abschnitte in den Anwendungskapiteln angesiedelt. Es erschien uns sinnvoll, diese disziplinübergreifenden Abschnitte in einem eigenen Kapitel am Ende des Buches zusammenzustellen.

In der Astronomie werden immer noch weitestgehend cgs-Einheiten benutzt. Gleichwohl entschlossen wir uns, den SI-Einheiten den Vorzug zu geben, allerdings aus obigen Gründen nicht bis zur letzten Konsequenz.

Das Internet spielt auch in der Astronomie inzwischen eine große Rolle. Der direkte Zugriff sowohl auf Publikationen als auch auf Datenbanken mit Datensammlungen oder digitalen Beobachtungsdaten hat die Arbeitsweise der Astronomen verändert. Um dem Rechnung zu tragen, geben wir entsprechende Hyperlinks an, allerdings nicht direkt im Text, sondern gesammelt im Anhang.

Unser Dank gilt zunächst allen, die an der Neuauflage aktiv mitgewirkt haben. Darüber hinaus wurden wir von zahlreichen Kolleginnen und Kollegen unterstützt, die Daten und Abbildungen zur Verfügung gestellt, mit uns Fragen diskutiert oder einzelne Abschnitte oder gar das ganze Buch Korrektur gelesen haben. Wir möchten uns dafür bedanken bei (in alphabetischer Reihenfolge): Svetlana Berdyugina, Eduard Bopp, Paul Chodas, Norbert Christlieb, Thomas Gehren, Reinhard Genzel, Katharina Glatt, Eva Grebel, Jochen Heidt, Hans Hippelein, Ulrich Hopp, Walter Jaffe, Philipp Kronberg, Dietrich Lemke, Nicolas Martin, Sabine Möhler, Yazan Momany, Rick Perley, Stefanie Phleps Andrea Richichi, Hans Ritter, Margit Röser, Elena Schilbach, Johny Setiawan, Sami Solanki, Ottmar Stahl, Sandro Villanova, Fabian Walter, und Christian Wolf.

Bei einem Unterfangen wie diesem wäre es – trotz gründlicher Kontrollen – vermessen anzunehmen, das Buch sei frei von Fehlern. Es wäre uns wichtig, dass uns Fehler mitgeteilt werden, z. B. in einer E-Mail an den Verlag unter info@wiley-vch.de mit dem Betreff *Abriss der Astronomie*.

Diese Neuauflage wäre nicht zustande gekommen, hätte nicht Herr Christoph von Friedeburg vom Wiley-Verlag die Anregung dazu gegeben. Frau Ulrike Werner begleitete beim Verlag das Projekt über vier Jahre mit großer Geduld. Die ursprünglichen Abbildungsskizzen sowie neu hinzu gekommene Abbildungen wurden von Herrn Peter Hesse zunächst grafisch digital umgesetzt. Herr Uwe Krieg hat uns bei LATEX-Fragen beraten, die Texte korrigiert und dem Layout den letzten Schliff gegeben. Ihnen allen danken wir herzlich für ihre Mühen.

Reichartshausen und Puchheim im Oktober 2011

Hermann-Josef Röser und Werner Tscharnuter.

#### Aus dem Vorwort zur 1. Auflage

Grundlage dieses Buches sind stichwortartige Zusammenfassungen des jeweils zu behandelnden Stoffes, die zu Beginn jeder Vorlesungsstunde an die Hörer der zweisemestrigen "Einführung in die Astronomie" verteilt wurden. Dadurch sollte ihnen das Mitschreiben erspart und eine stärkere Konzentration auf die Materie selbst ermöglicht werden. Dieser "Extrakt" wurde auch an anderen Orten zur Vorbereitung der dortigen Vorlesungen verwendet und dient in Göttingen seit langem als Grundlage für die Examensvorbereitung.

Die mehrfache Anregung, hieraus eine zusammenhängende "Einführung in die Astronomie" zu schreiben, habe ich jedoch nicht aufgegriffen, weil ein fortlaufender Text nicht der ursprünglichen Idee entsprochen und sich auch zu stark mit anderen neueren Büchern ähnlicher Art überschnitten hätte. Als das Bibliographische Institut sich jedoch bereit erklärte, diese Zusammenfassung unter Beibehaltung des stichwortartigen Telegrammstils in der Skriptenreihe herauszubringen, habe ich die ursprüngliche Fassung völlig überarbeitet und stark erweitert, so daß der nun vorliegende Abstrakt weitgehend über eine "Einführung" hinausgeht.

Aus dieser Vorgeschichte ergibt sich, was dieses Buch ist bzw. nicht ist. Es ist *kein Lehrbuch der Astronomie* für den Anfänger, der bisher noch nichts mit der Materie zu tun hatte, dazu bedarf es der mündlichen Ergänzung etwa einer Vorlesung. Es ist eher eine knappe und hoffentlich übersichtliche Zusammenstellung dessen, was man irgendwo schon einmal ausführlich gehört oder gelesen hat. Das Buch ist ferner *keine astronomische Datensammlung*. Dazu gibt es andere und bessere Nachschlagewerke, von denen nachstehend einige aufgezählt sind. Es wurde kein Wert darauf gelegt, ein möglichst umfangreiches, genaues und dem letzten Stand der Kenntnis entsprechendes Zahlenmaterial zu liefern; Zahlenwerte sollen nur zur Illustration und Erläuterung dienen. Ziel des Buches ist es vielmehr, die astronomischen Begriffe zu definieren, wichtige Gleichungen abzuleiten und die grundlegenden Methoden und Zusammenhänge darzulegen. – Einzelne Beobachtungsergebnisse und die Beschreibung spezieller astronomischer Objekte treten demgegenüber in den Hintergrund und sind ebenfalls mehr zur Illustration gedacht, als um ihrer selbst willen.

Göttingen, April 1969

H.H. Voigt

# Inhaltsverzeichnis

I	Sphärische Astronomie, Sternpositionen, Astrometrie
I.1	Sternpositionen und Koordinatensysteme 1
I.2	Zeit 10
I.3	Sternörter 22
I.4	Änderungen von Sternpositionen 32
I.5	Astronomische Konstanten 45
I.6	Sternkataloge 47
I.7	Orts- und Zeitbestimmung auf der Erde 51
II	Das Planetensystem 57
II.1	Sonnensystem — Überblick 57
II.2	Planetenbahnen 60
II.3	Historische Entwicklung 69
II.4	Zweikörperproblem 73
II.5	Bahnbestimmung 78
II.6	<i>n</i> -Körperproblem — Störungsrechnung 80
II.7	Das System Erde–Mond 88
II.8	Bahnen künstlicher Raumfahrzeuge 100
II.9	Die Planeten und ihre Monde 104
II.10	Kleinplaneten 128
II.11	Kometen 137
II.12	Meteore und Meteorite 145
II.13	Interplanetare Materie 150
II.14	Exoplaneten 156
II.15	Planetenentstehung 168
ш	Die Sonne 175
III.1	Globale Eigenschaften der Sonne 175
III.2	Sonneninneres und Rotation 179

Inhaltsverzeichnis

III.3 III.4 III.5 III.6 III.7 III.8	Photosphäre 186 Sonnenflecken 192 Chromosphäre 194 Korona 199 Aktivität der Sonne 206 Solar-terrestrische Beziehungen 217
IV	Astronomische Beobachtungen 221
IV.1	Einfluss der Erdatmosphäre 222
IV.2	Teleskope 224
IV.3	Instrumentierung 266
IV.4	Empfänger: Nachweis der Strahlung 278
IV.5	Weltraum-Observatorien 289
v	Zustandsgrößen der Sterne 297
V1	Helligkeit Farbe Leuchtkraft 297
V2	Spektralklassifikation 305
V.3	Radius 315
V.4	Masse, Dichte, Schwerebeschleunigung 320
V.5	Zustandsdiagramme 325
V.6	Temperaturen 333
V.7	Rotation 336
V.8	Magnetfelder 340
V.9	Chemische Zusammensetzung 342
VI	Sternatmosphären 347
VI.1	Atmosphärenstruktur und synthetische Spektren 347
VI.2	Theorie der Fraunhoferlinien 373
VI.3	Zirkumstellare Hüllen 390
VII	Stornouthou und Stornontwicklung 407
VII VII 1	Die Crundeleichungen 409
VII.1 VII.2	Die Zustandsgleichungen 415
VII.2 VII.2	Opagitätekooffigiont 422
VII.5 VII 4	Enorgio Erzougung 424
VII 5	Stornontstohung 131
VII.5 VII.6	Sternentwicklung 157
VII 7	Sternentwicklung in engen Donnelsternen 183
VII.7 VII 8	Braune Zworge 191
v 11.0	Diautie Zweige 434

XII

VIII Veränderliche und p	ekuliare Sterne 503
--------------------------	---------------------

- VIII.1 Allgemeines 503
- VIII.2 Pulsationsveränderliche 506
- VIII.3 Eruptiv veränderliche Sterne 515
- VIII.4 Enge Doppelsterne 525
- VIII.5 Rotierende Veränderliche 545
- VIII.6 Pekuliare Sterne, Allgemeines 548
- VIII.7 Pekuliare Sterne im Bereich G... M 555
- VIII.8 Gammastrahlenausbrüche 558
- VIII.9 Kompakte Objekte 566

#### IX Doppelsterne 593

- IX.1 Doppelsterne, Allgemeines 593
- IX.2 Visuelle Doppelsterne 597
- IX.3 Astrometrische Doppelsterne 603
- IX.4 Spektroskopische Doppelsterne 605
- IX.5 Photometrische Doppelsterne 608

Х	Sternhaufen	615
X	Sternnauten	615

- X.1 Assoziationen 615
- X.2 Sternhaufen Allgemeines 618
- X.3 Offene Sternhaufen 629
- X.4 Kugelsternhaufen in der Milchstraße 636
- X.5 Extragalaktische Sternhaufen 648
- X.6 Bildung von Kugelsternhaufen 656

#### XI Das Milchstraßensystem oder die Galaxis 659

- XI.1 Entfernungsbestimmungen 659
- XI.2 Räumlicher Aufbau des Milchstraßensystems 665
- XI.3 Interstellare Materie 691
- XI.4 Galaktische Radiostrahlung 717
- XI.5 Bewegung der Sterne, Dynamik 724
- XI.6 Spiralstruktur 739
- XI.7 Kosmische Strahlung 743
- XI.8 Entstehung und Entwicklung der Milchstraße 749

#### XII Außergalaktische Systeme 761

- XII.1 Galaxien 761
- XII.2 Entstehung und Entwicklung von Galaxien 818
- XII.3 Die lokale Gruppe 831
- XII.4 Galaxienhaufen 837

884

VIII	Alting Kome was Orlanian 052
	Aktive Kerne von Galaxien 853
	Wighting Objektlesson mit typischen Beisnielen
ЛШ.2 УШ.2	Phase in the Markella Grand Markel in the Solution of the Solu
XIII.3	Physikalische Modelle für aktive Kerne 868
XIII.4	Vereinneitlichte Modelle 8/6
XIII.5	Suchmethoden, Durchmusterungen, Kataloge 881
XIII.6	Absorptionslinien in den Spektren der quasistellaren Objekte
XIV	Astronomie im Gammastrahlen-Bereich 889
XIV1	Kern-Gammalinien 890
XIV2	Hochenergie-Gammaastronomie 890
XIV3	TeV-Gammaastronomie 895
XIV4	Ausblick 900
/11/11	Aussian 500
XV	Das Universum 901
XV.1	Kosmologische Modelle 901
XV.2	Strukturbildung 911
XV.3	Alter des Universums 915
XV.4	Die Hubble-Konstante 916
XV.5	Häufigkeit der leichten Elemente 919
XV.6	Direkte Bestimmungen der Materiedichte 921
XV.7	Der kosmische Mikrowellenhintergrund 923
XV.8	Großräumige Struktur in der Galaxienverteilung 926
XV.9	Schwacher kosmischer Gravitationslinseneffekt 929
XV.10	Supernovae vom Typ Ia 931
XV.11	Normierung des Leistungsspektrums 932
XV.12	Dunkle Materie 934
XV.13	Kosmische Inflation und Dunkle Energie 935
M/I	Dhusikaliasha Drazana (22)
	Physikalische Prozesse 939
	Elektromagnetische Straniung 959
ΛV1.2 VVI.2	Neutrinos 955
XVI.3	Gravitationswellen 960
XVI.4	Physik der Gasnebel 961
XVI.5	Grundlagen der Stellardynamik 968
XVI.6	Gravitationslinsen 987
XVI.7	Plasmaphysik 996
XVI.8	Kontinuumsnäherung der Materie (Hydrodynamik) 1003
XVI.9	Magnetfelder in ionisierter Materie (Magnetohydrodynamik, MHD) 1013

XVI.10 Akkretionsscheiben 1035

- XVI.11 Dynamik von Winden und Jets 1047
- XVI.12 Teilchenbeschleunigung 1055
- XVI.13 Numerische Simulationen 1059
- XVII Geschichte der Astronomie 1065
- XVII.1 Symbolik des Himmels 1065
- XVII.2 Der Himmel mit bloßem Auge 1066
- XVII.3 Das Teleskop 1075
- XVII.4 Das mechanistische Weltbild 1076
- XVII.5 Zeitmessung 1077
- XVII.6 Kleinplaneten, Uranus und Neptun 1077
- XVII.7 Stellarastronomie 1078
- XVII.8 Himmelsatlanten und Sternkataloge 1080
- XVII.9 Struktur des Sternsystems 1081
- XVII.10 "Nebel" 1081
- XVII.11 Astrophysik 1082
- XVII.12 Galaxien 1085
- XVII.13 Expansion des Universums 1086
- XVII.14 Dunkle Materie und Strukturentstehung 1087
- XVII.15 Extrasolare Planeten 1088
- XVII.16 Neue Technologie und astronomische Entdeckungen 1089
- XVII.17 Moderne Durchmusterungen 1091

XVIII	Anhang	1095
-------	--------	------

- XVIII.1 Astronomie im Internet 1095
- XVIII.2 Fachwörterbuch 1101
- XVIII.3 Quellennachweise der Abbildungen 1115

Register 1121

# Kapitel I Sphärische Astronomie, Sternpositionen, Astrometrie

- Dick, J. (1965): Grundtatsachen der sphärischen Astronomie, 2. Auflage, J.A. Barth Verlag
- Smart, W.M. (1977): *Textbook on Spherical Astronomy*, 6. Auflage, Cambridge University Press

#### I.1 Sternpositionen und Koordinatensysteme

- *Ort* oder *Position* eines Sterns oder sonstigen Himmelsobjekts an der scheinbaren Himmelskugel: Im weitesten Sinn die Richtung der in ein Teleskop fallenden Strahlung.
- Astrometrie: Die Messung von Positionen (Örtern)
- Koordinatensysteme: Festlegung der Sternörter durch zwei sphärische Koordinaten (analog den geographischen Koordinaten).

Dritte Koordinate (= Entfernung) bleibt zunächst unberücksichtigt; es interessiert nur die Richtung.

Jedes System ist definiert durch:

- Grundebene = Großkreis (= Äquator) mit zugehörigen Polen und Breitenkreisen (= Parallelkreisen)
- (2) *Längenkreise* = Großkreise von Pol zu Pol
- (3) Ausgangspunkt der Koordinatenzählung, Schnittpunkt eines "Null-Längenkreises" (analog Meridian durch Greenwich) mit der Grundebene.
- ⇒ Erste Koordinate: Winkelabstand des Längenkreises durch das Objekt vom Null-Längenkreis ( $\stackrel{\frown}{=}$  geographische Länge; von 0° bis +360° bzw. 0<sup>h</sup> bis 24<sup>h</sup>)
- ⇒ Zweite Koordinate: Winkelabstand von der Grundebene ( $\hat{=}$  geographische Breite; von  $-90^{\circ}$  bis  $+90^{\circ}$ ) oder — seltener — Winkelabstand vom Pol (von  $0^{\circ}$  bis  $+180^{\circ}$ ).

I Sphärische Astronomie, Sternpositionen, Astrometrie

## I.1.1

Horizontsystem (natürliches System der Himmelsbeobachtung)

Grundkreis:	Horizont	Oberer Pol:	Zenit
		Unterer Pol:	Nadir
Längenkreise:	Großkreise	e durch Zenit =	Vertikale = Azimutkreise
Parallelkreise:	Höhenkreise	2	
Null-Längenkreis:	Vertikal du	ırch Südpunkt	= Meridian

Koordinaten:

Azimut $A =$	Winkel zwischen Vertikal durch Objekt und Meridian;
	von S über W, N, O gezählt (Linkssystem); in der
	Radioastronomie gelegentlich auch von N über O, S, W.
Höhe $h =$	Winkel über dem Horizont ( $-90^\circ+90^\circ$ ;
	negativ = unter dem Horizont) — oder
Zenitdistanz $z =$	$90^{\circ}-h$

The odoliten und sehr große Teleskope (alle über 5 m Durchmesser, ins besondere Radioteleskope) sind "azimutal" montiert.

*Tägliche Bewegung* von Himmelsobjekten: Durch die Rotation der Erde verändern sich Höhe und Azimut sehr schnell — Aufgang im Osten, Untergang im Westen, Umkreisung des Himmelspols für Zirkumpolarsterne (s. § I.1.2) usw.

Heliakischer Auf-/Untergang: Erster/letzter sichtbarer Auf-/Untergang eines Himmelskörpers in der Morgen-/Abenddämmerung.

Akronyktischer (auch akronychischer, griech.: ἀχρώνυχος = "mit den Zehenspitzen berührend") Auf-/Untergang: Himmelskörper geht bei Sonnenuntergang auf/unter.

*Kosmischer* Auf-/Untergang: Himmelskörper geht bei Sonnenaufgang/-untergang auf/unter.

Wegen Refraktion des Lichtes in der Erdatmosphäre (siehe § I.4.1) ist der scheinbare Aufgang früher (Untergang später) als der wahre.

## I.1.2 Äquator-Systeme

= Projektion der geographischen Koordinaten vom Erdmittelpunkt aus an den Himmel

# I.1.2.A Festes Äquatorsystem:

Null-Längenkreis "fest" mit Beobachtungsort verbunden Koordinatensystem dreht sich im Raum aufgrund der Erdrotation

wird für Ausrichtung von Teleskopen benutzt

Grundkreis:	Himmelsäquator = Projektion des Erdäquators an Himmel
Nord- und Südpol =	Verlängerung der Erdachse, Nordpol nahe am Polarstern
Null-Längenkreis:	Großkreis Pol-Zenit-Südpunkt = Meridian

#### Koordinaten:

Stundenwinkel 
$$t$$
 = Winkelabstand des Längenkreises durch den Stern  
vom Meridian (0<sup>h</sup>...24<sup>h</sup>);  
von S  $\rightarrow$  W  $\rightarrow$  N  $\rightarrow$  O  $\rightarrow$  S; (Linkssystem)  
Deklination  $\delta$  = Abstand vom Äquator (-90°...+90°)

Meridianschnitt:



Zirkumpolarsterne: Sterne, die nie untergehen (ortsabhängig!).

Am Nordpol der Erde:	Alle Sterne nördlich des Äquators zirkumpolar,
	alle südlichen Sterne nie zu sehen
Am Erdäquator:	alle Sterne je 12 <sup>h</sup> über und unter dem Horizont,
	keiner zirkumpolar

Der Stundenwinkel *t* eines Sterns durchläuft — infolge der Erdrotation — im Laufe eines Tages (genauer: eines Sterntages, Punkt A in § I.2.1) alle Werte. Deklination  $\delta$  bleibt unverändert.

Deswegen wird t i. Allg. nicht im Gradmaß, sondern im Zeitmaß gemessen:

 $\begin{array}{rll} 24^h \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 360^\circ & also & 1^h \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 15^\circ \ ; & 1^\circ \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 4^m \\ & 1^m \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 15' \ ; & 1' \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 4^s \\ & 1^s \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 15'' \ ; & 1'' \stackrel{\scriptscriptstyle \frown}{=} 0 \stackrel{s}{_{\scriptstyle \circ}} 067 \end{array}$ 

t=seit dem Meridiandurchgang des Sterns vergangene Sternzeit (s. § I.2.1)

 $t = 0^{h}$ : Stern im Meridian, obere Kulmination

 $t = 12^{h}$ : untere Kulmination

Die meisten optischen Teleskope sind "äquatorial" = "parallaktisch" montiert. Eine Achse (= *Stundenachse*) steht parallel zur Erdachse. Kompensation der Erdrotation durch entgegengesetzte Drehung um diese Achse (= Nachführung, s. § IV.2.1.5).

## I.2 Zeit

10

I.2.1 Grundbegriffe

```
(A) Sternzeit \theta = Stundenwinkel des Frühlingspunktes \uparrow
\uparrow definiert durch Äquatorsystem (s. § I.1.2)
```

```
Sterntag = Zeit zwischen zwei Meridiandurchgängen des \uparrow
= 24 Sternzeitstunden.
```

Wegen der Präzession (s. § I.4.4) um 0  $\pm$  0084 kürzer als die tatsächliche Rotationszeit der Erde (*siderischer Tag*). Sternzeit für bürgerliche Zwecke ungeeignet, da Sonne sich bewegt und  $\theta = 0$  daher zu verschiedenen Tageszeiten eintritt.

```
(B) Wahre Sonnenzeit = Stundenwinkel der wahren Sonne \pm 12^{h}
Somit: Tagesanfang nachts.
```

Kein gleichmäßiges Zeitmaß, da

- 1) Geschwindigkeit der Sonne variabel (Elliptizität der Erdbahn)
- 2) Sonne in der Ekliptik, d. h. schief zur Rotationsachse der Erde läuft.

#### (C) Mittlere Sonnenzeit; Zeitgleichung

Man definiert eine "mittlere Sonne", die bei gleicher Umlaufzeit (1 Jahr) mit konstanter Geschwindigkeit auf dem Äquator umläuft.

Differenz: Wahre Zeit – mittlere Zeit = *Zeitgleichung* 

(früher anderes Vorzeichen!)

- a) ganzjährige Periode wegen wechselnder Geschwindigkeit Sommer: 186<sup>d</sup>; Winter: 179<sup>d</sup>
- b) halbjährige Periode, wegen Projektionseffekt auf den Äquator wenn a = b, dann ist a' < b'.

Beide Perioden überlagern sich

$+3 \stackrel{\text{m}}{\cdot} 8$	ca. 14. Mai
$+16 \stackrel{\mathrm{m}}{\cdot} 4$	3. Nov.
$-14 \stackrel{\mathrm{m}}{\cdot} 4$	12. Feb.
$-6 \stackrel{m}{\cdot} 4$	26. Juli
	$+3 \stackrel{\text{m}}{\cdot} 8$ +16 $\stackrel{\text{m}}{\cdot} 4$ -14 $\stackrel{\text{m}}{\cdot} 4$ -6 $\stackrel{\text{m}}{\cdot} 4$

Daten etwas variabel wegen der Schaltjahre.



# Kapitel II Das Planetensystem

## II.1 Sonnensystem — Überblick

- Beatty, K. J., C. Collins Petersen *et al.* (1999): *The new solar system*, Cambridge University Press.
- McFadden, L.-A., P. R. Weissman, T. V. Johnson (2007): *Encyclopedia of the Solar System* (2. Auflage), Academic Press (Elsevier).
- Sonnensystem = große Zahl von Himmelskörpern, die durch die Gravitation an den "Zentralstern Sonne" gebunden sind. Durchmesser des Einflussbereichs der Sonnengravitation ist ca. 10<sup>6</sup> AE (1 AE = mittlerer Abstand Erde–Sonne, s. u.).
- Sonne: Radius  $R_{\odot} = 696\,000 \text{ km} = 109 R_{\odot} (\delta = \text{Symbol für Erde})$ 
  - Masse  $M_{\odot} = 1.989 \times 10^{30} \text{ kg} = 333\,000 \, M_{\odot}$

= 99.9 % der Masse des ganzen Sonnensystems

Schwerkraft an der Oberfläche:

 $g_{\odot} = 274 \text{ m s}^{-2} [= 1 \text{ Gal}] = 28 g_{\odot}$ 

Mittlerer Abstand Erde–Sonne =  $1 \text{ AE} = 149.6 \times 10^6 \text{ km}$ 

Planeten (s. § II.9, S. 104 und § II.9.3, S. 110)

8 Planeten sind bekannt. Nahezu kreisförmige Bahnen, etwa in der Ekliptik. Gesamtmasse = 448 Erdmassen = 1  $\%\,$  von  $M_\odot\,$  .

*Monde oder Satelliten* = Begleiter der Planeten (s. § II.9.3, S. 110) Bis September 2008 sind 166 Monde bei 6 Planeten sicher bekannt; meist klein gegenüber den Planeten.

*Asteroiden* (= Planetoiden, Kleinplaneten) (s. § II.10, S. 128) Ekliptikorientierte elliptische Bahnen, vorwiegend zwischen Mars und Jupiter. Kuipergürtel-Objekte (= Transneptun-Objekte, s. § II.10, S. 133)

Ekliptikorientierte elliptische Bahnen, meist zwischen Neptunabstand (30 AE) und 50 AE.

*Kometen* (s. § II.11, S. 137)

Ekliptiknahe elliptische Bahnen mit Aphel in Jupiterabstand sowie isotrop verteilte, parabelnahe Ellipsen und (selten) parabelnahe Hyperbeln; "Kometenwolke" reicht weit über das System der Planeten hinaus.

Interplanetare Materie

- Meteorite: Kleinkörper des Planetensystems (s. § II.12, S. 145)
- *Interplanetarer Staub (Zodiakallicht):* Staubteilchen in Ekliptiknähe (s. § II.13.1, S. 150)
- Interplanetares Plasma (Sonnenwind): elektrisch geladene Ionen und Elektronen (s. § II.13.2, S. 153)

*Invariable Ebene* = Ebene senkrecht zum Drehimpulsvektor des gesamten Sonnensystems:

Neigung gegen die Ekliptik (2000.0) =  $1^{\circ}35'13''.9$ Aufsteigender Knoten =  $107^{\circ}36'30''.8$ 

## Gemäß Definition der Internationalen Astronomische Union (IAU) von 2006:

Ein *Planet* ist ein Himmelskörper in einer Bahn um einen Stern bzw. den Überrest eines Sterns, der unter seiner eigenen Schwerkraft eine runde Körpergestalt angenommen hat, der jedoch nicht genug Masse besitzt, dass in seinem Inneren thermonukleare Reaktionen ablaufen, und der den Raum in der Umgebung seiner Bahn (durch gravitative Streuung und Kollisionen) von Planetesimalen frei gemacht hat.

Ein *Zwergplanet* erfüllt dieselben Kriterien wie ein Planet, war jedoch nicht in der Lage, seine Bahnumgebung von Planetesimalen zu befreien, und ist kein Satellit eines Planeten. Zwergplaneten sind z. B. Ceres und Pluto.

*Kleine Körper* im Sonnensystem sind alle anderen Himmelskörper, die die Sonne umkreisen (und nicht Satelliten von Planeten) sind.

Als *Planetesimale* gelten kleine Körper und Zwergplaneten im Sonnensystem, die sich im Laufe der Entstehung des Planetensystems in der ursprünglichen Scheibe gebildet haben.

Objekt Symbol	Ø Vergleich	Entfernung	
Sonne 💿	1.40 m	von der ⊙	
Merkur 🏼 🎽	5 mm Erbse	60 m	
Venus 9	12 mm Hacolmuss	110 m	
Erde $d, \oplus$	12 mm	150 m	
Mars ♂	7 mm Erbse	230 m	
Jupiter <sup>2</sup> +	14 cm	800 m	
Saturn h	14 cm f Kleiner Konkopi	1 500 m	
Uranus ô	5 cm Mandarina	3 km	
Neptun 🖔	$5 \text{ cm} \int 101 \text{ manual me}$	4.5 km	
Nächster Fixstern (Proxima Centauri) 40 000 km			

Anschauliches Modell des Sonnensystems im Maßstab 1: 10<sup>9</sup>

 $1\,\text{mm} \,\widehat{=}\, 1\,000\,\text{km}$ 

# Zusammenstellung der himmelsmechanischen Charakteristika

Körper	Dimensionen	Bahnform	Bahnlage
Sonne	10 <sup>6</sup> km	—	—
Planeten	$10^3 - 10^5 \text{ km}$	kreisnahe Ellipsen	Ekliptik
Asteroiden	0.01–10 <sup>3</sup> km	)	nahe der Ekliptik
Kuipergürtel- Objekte	20–10 <sup>3</sup> km	Ellipsen	ekliptikorientiert
Kometen:	Kern: 1–10 <sup>2</sup> km		
Jupiter-Familie	Koma: $10^4 - 10^7$ km	J	stark ekl.orientiert
Langperiodische	Schweif: $> 10^8$ km	langgestreckte Ell.	etwas ekl.orientiert
Oortsche Wolke	Schwein: > 10° km		regellos
Meteorite	1 μm–1 m	<pre>alle Kegelschnitte</pre>	z. T. regellos, z. T. zur Ekl. konzentriert
Partikel des Zodiakallichts	Staub: 10µm	kreisähnlich	stark zur Ekliptik konzentriert

## II.2 Planetenbahnen

- Bucerius, H. (1966/67): Vorlesungen über Himmelsmechanik I/II. Mannheim, Bibliographisches Institut.
- Moulton, F. R. (2008): *An introduction to celestial mechanics*, Johnston Press (elementar)

Schneider, M. (1979): Himmelsmechanik, BI Mannheim

- Stumpff, K. (1959/65/71): *Himmelsmechanik*, Bd. I, II, III, Deutscher Verlag der Wissenschaft, Berlin (astronomisch orientiertes Fachbuch)
- Siegel, C. L., J. K. Moser (1971): *Lectures on Celestial Mechanics*, Springer, Berlin (mathematisch orientiertes Fachbuch)

In diesem Paragraphen gehen wir aus von den Keplerschen Gesetzen. In § II.4 folgt die Herleitung aus dem Gravitationsgesetz.

1. Keplersches GesetzPlanetenbahnen sind Ellipsen, in deren einem Brennpunkt<br/>sich die Sonne befindet.

# II.2.1 Definitionen, Bahnelemente

a = große Halbachse b = kleine Halbachse  $c = \overline{FM} = \text{Abstand Mittelpunkt-Brennpunkt}$   $e = c/a = \sin \varphi = \text{Exzentrizität}$   $\varphi = \text{Exzentrizitätswinkel}$ Es gilt:  $a^2 = b^2 + c^2 = b^2 + a^2e^2$ damit:  $b^2 = a^2 (1 - e^2)$   $\overline{AP} = \text{Apsidenlinie}$   $P = \text{Perihel, Periheldistanz} = \overline{PF} = a - c = a (1 - e)$   $A = \text{Aphel, Apheldistanz} = \overline{AF} = a + c = a (1 + e)$ a) Form der Ellipse: Bestimmt durch zwei Größen. In der Astronomie üblich: a und e

- b) Lage der Bahnebene im Raum:
  - $\overline{\Omega?} =$ Knotenlinie = Schnittlinie Bahnebene-Ekliptik
  - $\Omega$  = Aufsteigender Knoten (Planet läuft nach Norden)
  - S = Absteigender Knoten(Planet läuft nach Süden)



- i = Neigung der Bahn gegen die Ekliptik
- $\Omega = L$ änge des aufsteigenden Knotens
  - = Abstand vom Frühlingspunkt  $\Upsilon$

Lage der Bahnebene definiert durch  $\Omega$  und *i* 

- $i < 90^{\circ}$ : Bahn rechtläufig, auf Ekliptik projiziert, wie die Erde; von Norden gesehen entgegen dem Uhrzeiger.  $i > 90^{\circ}$ : Bahn rückläufig.
- c) Lage der Ellipse in der Bahnebene:

charakterisiert durch Lage des Perihels

- $\omega$  = Länge des Perihels in der Bahn (Abstand von Knotenlinie =  $\sphericalangle \Omega P$ )
- $\overline{\omega}$  = Länge des Perihels =  $\triangleleft \uparrow \Omega + \triangleleft \Omega P = \Omega + \omega$

*Beachte:*  $\omega$  = "gebrochener" Winkel, zusammengesetzt aus zwei Winkeln in verschiedenen Ebenen

d) Ort des Planeten in der Bahn

Bahnbewegung liegt durch Bewegungsgesetz fest (s. § II.2.2), daher genügt zur Festlegung ein "Nullpunkt" in der Zeit:

*T* | Perihelzeit = Durchgang des Planeten durch das Perihel.

Die eingerahmten Größen sind die	sechs Bahnelemente
$\Omega$ , <i>i</i> , $\omega$ : Lage der Ellipse im Raum	abhängig vom Koordinatensystem; ändern sich wegen Präzession; Angabe der Epoche notwendig!
$\left.\begin{array}{rcl}a,e & : & \text{Form der Ellipse}\\T & : & \text{zeitliche Lage}\end{array}\right\}$	unabhängig vom Koordinatensystem

Bei parabelnahen Kometenbahnen ist e = 1, daher nur fünf Bahnelemente. Bei Kreisbahnen (e = 0) entfällt die Lage des Perihels, daher nur vier Bahnelemente.

#### II.7.4 Finsternisse

a) *Mondfinsternis:* Mond ganz (totale Finsternis) oder teilweise (partielle Finsternis) im Kernschatten der Erde



Aus den Abständen und Größen der beteiligten Körper folgen die Durchmesser und Längen der Schatten:

	$R_{\dagger} = \text{Erdradius}$
Mittlere Länge des Schattens (Erde-Spitze)	$=$ 217 $R_{t}$
Mittlere Entfernung Erde-Mond	$= 60 R_{t}$

Ferner vom Erdmittelpunkt aus:

TA7º 1 1

۰.

A ......

Mittlerer	Winkelradius des Schattens	
:	in Mondentfernung	$\gamma = 41'.2$
Mittlerer	Winkelradius des Mondes	$(R_{\rm C}) = 15!5$
Mittlerer	Winkelradius des Halbschatten	= 75'
Dazu die	mittlere Bewegung des Mondes	= 33'/h
daraus folgt:	Dauer der Gesamtfinsternis	bis zu 3 <sup>h</sup> .8
	Dauer der Totalität	bis zu $1$ $\stackrel{h}{\cdot}$ 7
	Dauer der penumbralen Finsterr	nis bis zu 6 <sup>h</sup>

— Wirkung der Refraktion

Das die Erde tangierende Sonnenlicht wird um die doppelte Horizont-Refraktion (=  $2 \times 35'$ , s. § I.4.1) abgelenkt. Daraus folgt: Länge des absoluten Schattens =  $40 R_{\circ}$  reicht nicht bis zum Mond.

Der Mond bekommt stets Licht (dunkelrot bis purpur, weil rotes Licht weniger absorbiert wird, quasi "doppeltes Morgenrot"). Lichtverhältnisse im Einzelnen stark vom jeweiligen Zustand der Atmosphäre abhängig. Nach dem Ausbruch des Krakatau waren die Finsternisse wegen der Staubmassen in der Luft praktisch dunkel.

## II.9.2 Allgemeines zu den Planeten

Grundsätzlich sind:

# 1. Direkte Beobachtungsgrößen

Radius R:	direkt mikrometrisch	
Masse m:	dynamisch, 3. Keplersches Gesetz	$ ightarrow$ mittlere Dichte $\overline{\varrho}$
	oder aus Bahnstörungen	

Rotation: Oberflächenerscheinungen, Dopplereffekt, Lichtwechsel

Reflexionsvermögen:

Albedo 
$$A = \frac{\text{nach allen Seiten gestreutes Licht}}{\text{einfallendes Sonnenlicht}}$$

Der Rest (1 - A) wird absorbiert und als Wärme wieder abgestrahlt.

Polarisation, Farbe, Spektrum: direkt

- a) reflektiertes Sonnenspektrum; überlagert vom Absorptionsspektrum der jeweiligen Atmosphäre (besonders im Infraroten); H<sub>2</sub>O-Eis (z. B. bei Monden) und CH<sub>4</sub>-Gas (z. B. Jupiter) macht sich durch breite Bänder im Infraroten bemerkbar.
- b) Thermisches Spektrum durch Eigenleuchten (siehe Temperatur), z. T. mit Emissionsbanden.
- 2. **Phasen** vor allem für Merkur und Venus; für den Mond sieht die Zeichnung etwas anders aus, die Formeln gelten jedoch auch für die Mondphasen.



Aus der Zeichnung entnimmt man:  $\sin \varphi = (r_{t}/r_{Pl}) \sin E$ 

Zwei Monde (entdeckt 1877, Asaph Hall/USA)

Vermutlich eingefangene Asteroiden

(Dichte entspricht der chondritischer Meteorite);

mit Kratern übersät und mit Regolithschicht bedeckt;

größter Krater 10 km Durchmesser;

synchrone Rotation (Längsachse zeigt zum Mars).

*Phobos:* 3-achsiges, unregelmäßiges Ellipsoid  $27 \times 21 \times 19 \text{ km}^3$ ;

260 Krater lokalisiert.

Nur 2.8 Marsradien entfernt; Umlaufzeit 7<sup>h</sup>,7, d. h. schneller als Marsrotation. Phobos geht also im Westen auf und im Osten unter, entgegengesetzt zur täglichen scheinbaren Bewegung der Sterne.

*Deimos:*  $15 \times 12 \times 11 \text{ km}^3$ 

6.9 Marsradien entfernt; Umlaufzeit 30 <sup>h</sup>,3, also etwas länger als Marsrotation. Deimos läuft von O nach W, aber sehr langsam; er bleibt fast drei Marstage über dem Horizont und durchläuft in dieser Zeit mehrmals alle Phasen.

Jupiter | Mittlere Oppositionshelligkeit:  $-2 \stackrel{\text{m}}{.} 55$ .

 $U = 11^{a}.87$  $S = 1^{a}.34^{d}$ 

Maximaler Winkeldurchmesser 46." 86. Schnelle Rotation, d. h. 10000 Tage pro Jupiterjahr; Abplattung 1:15.

Rotation: Sichtbare Atmosphäre rotiert differentiell,

Äquatorregionen ca. 1% schneller als mittlere Breiten.

Da es keine festen Punkte gibt, werden Bewegungen (laut IAU-Definition von 1962) auf System III bezogen, definiert durch Radioquelle (Dekameterbereich) in tieferen Schichten. Rotation System III: 9<sup>h</sup> 55<sup>m</sup> 29<sup>s</sup>:37.

*Atmosphäre:* > 98 % H<sub>2</sub>, ca. 1 % He; Höhe > 15000 km.

mehr als 10 weitere Moleküle entdeckt, darunter am stärksten  $CH_4$  (Methan),  $C_2H_6$  (Äthan),  $NH_3$  (Ammoniak),  $H_2O$  (Wasser).

 $T_{\rm eff} = 123 \, {\rm K} \, (-150 \, {}^{\circ}{\rm C})$ 

Zonale (Wolken-)Strukturen, Streifensystem parallel zum Äquator, im Visuellen helle und dunkle Wolkenbänder (helle Bänder liegen höher).

Diese Wolken zeigen eine komplizierte Meteorologie mit Jet-Strömungen, Wellen, Wirbeln, Konvektionszellen. Änderungen innerhalb von Tagen. Mechanismus des globalen Wetters nicht durch Sonne (wie bei der Erde) bestimmt, sondern durch interne Wärmequellen. In den Wolken bis 10 % Helium. Farbe verursacht durch chemische Verbindungen (s. o., namentlich Phosphorverbindungen). Windgeschwindigkeiten bis zu 100 m/s. Sichtbare Wolkengrenze liegt an Tropopause.

Über der Wolkenobergrenze: verschiedene Leuchterscheinungen (Blitze und Polarlichter) *Großer Roter Fleck:* Großer antizyklonischer Wirbel hoher Stabilität. Volle Rotation in ca. 6<sup>h</sup>.

Obergrenze ca. 8 km über Umgebung. Temperatur niedriger.

Vermutlich Konvektionsströmung, durch die Wärmeenergie aus einer unbekannten, langlebigen, stabilen Quelle in großer Tiefe nach oben transportiert wird.

Beobachtet seit über 300 Jahren; geschätztes Alter mehr als 100 000 a.

Innerer Aufbau (Modell): Mittlere Dichte  $\bar{\varrho} = 1\,330 \text{ kg m}^{-3}$  (kleiner als Sonne). Bis zu 1 000 km unter Wolkendecke Atmosphäre mit Mischung aus flüssigem und gasförmigem H<sub>2</sub>, Flüssiganteil nimmt mit Tiefe zu. Darunter metalli-

Innerer Kern (eventuell 12–45 Erdmassen) besteht vermutlich aus Gesteinsmaterial und Metallen.

Radiostrahlung: 1955 entdeckt;

scher flüssiger Wasserstoff.

cm-Gebiet : thermische Strahlung

dm-Gebiet : nicht-thermisch, Strahlungstemperatur ca. 50 000 K

m-Gebiet : kurzzeitige Ausbrüche (Ionosphäre)

Jupiter gibt etwa doppelt soviel Energie ab, wie er von der Sonne empfängt; Quelle: vermutlich Kontraktion im Planeteninnern.

*Magnetfeld:* an Wolkenobergrenze 3...14 mT, ca. 14-mal stärker als Erdmagnetfeld.

Magnetosphäre: Größer als Planeten-Radius,

analog zu irdischer Magnetosphäre, aber reicher an Partikeln; van-Allen-Gürtelähnlicher Torus, durch den die inneren Monde hindurchgehen. Diese spielen beim Aufbau der jovianischen Magnetosphäre offenbar eine große Rolle. Magnetschweif des Planeten reicht bis jenseits Saturnbahn.

*Ringsystem:* bestehend aus 3 Segmenten:

innerer Torus, Hauptring, Gossamer Ring. Hauptring verursacht durch Monde Adrastea und Metis; silikatische Ringpartikel einige µm Durchmesser. Generell: Material aus Ringsystem driftet in Jupitersystem, muss nachgeliefert werden, vermutlich durch Kollisionen von Monden.

Satelliten: 63 Monde.

Davon gelten 8 als regulär (die Galileischen Monde und die inneren Monde), da auf fast kreisförmigen, äquatorialen Bahnen umlaufend im gleichen Sinn wie Planetenrotation. Die inneren Monde (sogenannte Amalthea-Gruppe) laufen so schnell, dass sie relativ zur Sonne "Schleifen- und Kehrbahnen" ausführen. Sie sorgen für Staubnachschub des Ringsystems und für die Stabilität der Ringe. Andere Satelliten sind meist klein und von unregelmäßiger

## II.14 Exoplaneten

Cassen, P., T. Guillot, A. Quirrenbach (2006): *Extrasolar planets*. Saas Fee Advanced Course 31, Springer Verlag

## ll.14.1 Übersicht

Radialgeschwindigkeit / m s<sup>-1</sup>

100

50

-50

-100

0

0.5

Phase  $\varphi$ 

1

# Erster bekannter Exoplanet um einen sonnenähnlichen Stern: 51 Pegasi b

Periode 4  $\stackrel{d}{.}$  23, große Halbachse 0.05 AE, min. Masse ( $m_2 \sin i$ ) 0.46 M<sub>4</sub> (Mayor und Queloz 1995)

Die ersten bekannten Exoplaneten überhaupt wurden um Pulsare gefunden, siehe Lichtlaufzeit-Methode auf Seite S. 163.

← Radialgeschwindigkeiten von 51 Pegasi, die zur Entdeckung des ersten Exoplaneten führten

Stand hier und im Folgenden Mai 2011: 431 bekannte Exoplaneten, davon 107 in Mehrfachsystemen

GJ 581, µ Arae und Gl 876 haben je 4 bekannte Exoplaneten, 55 Cancri 5 und HD 10180 und Kepler 11 sogar 6.

Zusammenstellungen → Weblink [58] auf S. 1099

- Die allermeisten Planeten wurden mit der Radialgeschwindigkeitsmethode gefunden; einige inzwischen auch mit der Transitmethode
- Notation: Planeten werden mit kleinen Buchstaben bezeichnet, beginnend mit *b*, also z. B. 51 Pegasi b, oder 55 Cancri c. Reihenfolge richtet sich nach der Reihenfolge der Entdeckungen und nicht nach der Bahngröße der Planeten.

## II.14.2 Methoden zur Planetensuche

# Radialgeschwindigkeitsmethode

Fortschritte in der Messung von relativen Radialgeschwindigkeiten machte die Entdeckungen erst möglich (vorher erreichbare Genauigkeiten  $\approx 0.5...1$  km/s). Mithilfe simultaner ThAr-Aufnahme oder Iodzelle erreichte man in den 1990er Jahren erstmals Genauigkeiten von 1–3 m/s.

*Simultane ThAr-Methode:* Gleichzeitig mit stellarem Spektrum wird mit demselben Instrument Licht einer Thorium-Argon Emissionslampe aufgenommen (s. S. 273).

*Iodzellen-Methode:* Sternlicht durchläuft geheizte Gaszelle, bevor es den Spektrographen erreicht  $\rightarrow$  viele scharfe Absorptionslinien überlagern sich dem Sternspektrum.

Die ThAr- bzw. die I<sub>2</sub>-Linien liefern *Referenzpunkt* für die zu messende Wellenlängenverschiebung.

Heute erreichbare Genauigkeiten der Radialgeschwindigkeiten besser als 1 m/s. Geplant: Genauigkeit mit Hilfe von Frequenzkämmen weiter zu verbessern (angestrebtes Ziel:  $10^{-2}$  m/s).

#### Planetennachweis

durch Änderung der Radialgeschwindigkeit  $v_{rad}$  des Zentralsterns (beide Komponenten umkreisen das gemeinsame Massenzentrum, wie bei unsichtbarem stellarem Begleiter):

$$v_{\rm rad} = \gamma + K \left[ e \cos \omega + \cos(\omega + \nu) \right]$$

mit $\gamma$ : Radialgeschwindigkeit des Massenzentrumse: ExzentrizitätK: Semi-Amplitude der $\omega$ : PeriastronlängeRadialgeschwindigkeitskurve $\nu$ : wahre Anomalie

Aus gemessener Radialgeschwindigkeitskurve ergeben sich, wie bei spektroskopischem Doppelstern (s. § IX.4), die 5 Bahnelemente K, e,  $\omega$ , sowie über die wahre Anomalie die Periode (P) und die Periastronzeit ( $T_0$ ).

Daraus berechnet sich die Massen-

funktion 
$$f(m)$$
  
mit  $m_1 =$  Primärsternmasse und  $m_2 =$  Exoplanetenmasse,  
und daraus (rekursiv) eine untere

Grenze für die Masse des Exoplaneten:  $m_2 \sin i$ .

$$f(m) = \frac{P}{2\pi G} \left( K \sqrt{1 - e^2} \right)^3 = \frac{(m_2 \sin i)^3}{(m_1 + m_2)^2}$$

Die beiden fehlenden Elemente, Neigung *i* und Länge des aufsteigenden Knotens  $\Omega$ , sind mit der Radialgeschwindigkeitsmethode nicht zugänglich; daher sind aus Radialgeschwindigkeiten allein nur untere Massengrenzen für die Begleiter bekannt.

Die Wahrscheinlichkeit p für große Neigungen (nahe 90°) ist allerdings recht hoch:  $p(i > \theta) = \cos(\theta)$ , so dass in den meisten Fällen die wahre Begleitermasse nicht allzu stark von der minimalen Begleitermasse  $m_2 \sin i$  abweicht.

Beispiel: Planet von  $1 M_{2}$  mit Periode von 10 Tagen in kreisförmiger Bahn um Stern von  $1 M_{\odot}$  entspricht einer Semiamplitude der Radialgeschwindigkeit *K* des Sterns von 94 m/s.

# Kapitel IV Astronomische Beobachtungen

Léna, P., F. Lebrun und F. Mignard (1998): *Observational Astrophysics*, Springer Verlag

McLean, Ian S. (2008): *Electronic Imaging in Astronomy* — *Detectors and Instrumentation*, 2. Auflage, Springer Verlag

Von den kosmischen Objekten empfangen wir Information praktisch nur in Form "elektromagnetischer Strahlung" verschiedener Wellenlänge (Ausnahmen: Kosmische Strahlung, Gravitationswellen, Neutrinos). Wir untersuchen:

Richtung	(Örter und Bewegung der Objekte)
Quantität	(Helligkeit)
Qualität	(Farbe, Spektrum, Polarisation, Kohärenz)

"Verarbeitung" der ankommenden Strahlung:

Teleskope (optische, Radio-, Röntgen-, Gamma-)

Analysatoren (Filter, Prisma/Gitter, Polarisator)

Empfänger (Auge, Photoplatte, Photozelle, CCD...)

Auswertegeräte (Mikrometer, Photometer, digitale Bildverarbeitung, ...)

## IV.1 Einfluss der Erdatmosphäre

#### IV.1.1 Durchlässigkeit der Erdatmosphäre



Im optischen Fenster jenseits  $\approx 600 \text{ nm}$  und bis in den Sub-mm-Bereich starke Schwankungen der Durchlässigkeit aufgrund von Molekülabsorption (H<sub>2</sub>O, O<sub>3</sub>, O<sub>2</sub>, CO<sub>2</sub>, CH<sub>4</sub>, ...)  $\rightarrow$  "Beobachtungsfenster":



Farbsysteme angepasst an diese Beobachtungsfenster, siehe § V.1.2.



2) Abbildungsmaßstab

Abbildung eines  $\infty$  fernen Objekts des = Durchmesser des D Winkeldurchmessers  $\omega$ : Objektivs = Brennweite  $\tan \omega = l/f$ f/D =Öffnungsverhältnis N Bildausdehnung *l* (für kleine  $\omega$ ) = 1/ "Blende" beim Photoapparat  $l = 0.0175 \, \omega f$  $(\omega \text{ in }^\circ)$ = Winkeldurchmesser des ω  $\bullet$  (= tan 1°) Objekts

Winkeldurchmesser der Sonne  $\approx 0.5^{\circ}$   $\rightarrow l = 0.009 f \approx 0.01 f$  $\rightarrow$  Faustregel: Sonnenbild in [cm]  $\approx$  Brennweite in [m].

3) Vergrößerung (dioptrisches System, visuelle Beobachtung am Okular)
 = Vergrößerung des Winkels, unter dem das Objekt gesehen wird.

Keplersches Fernrohr



Baulänge:  $f_1 + f_2$ 

Reelles Bild im gemeinsamen Brennpunkt *M*. Hier Anbringen eines Mikrometers möglich. Bild steht auf dem Kopf. Galileisches Fernrohr



Baulänge:  $f_1 - f_2$ 

Kein reelles Bild, kein Mikrometer möglich. Bild steht aufrecht (Theaterglas).

Der gestrichelten Linie entspricht nur dann ein wirklicher Strahl, wenn im Brennpunkt eine Mattscheibe (M) oder Feldlinse (s. u.) steht.

#### IV.2.2 Interferometrie

#### IV.2.2.1 Prinzip

Räumliche Auflösung eines Teleskops ( $\lambda/D$ , siehe S. 227) wird vom Durchmesser D bestimmt, d. h. vom maximalen Abstand zwischen Teilen seiner Öffnung. Realisierbare Teleskopgröße ist aber im Optischen wie im Radiobereich technisch und finanziell beschränkt. Wunsch nach höherer räumlicher Auflösung stößt damit an harte Grenzen.

 $\rightarrow$  Ausweg: interferometrische Koppelung von in größerem Abstand aufgestellten Einzelteleskopen.

Einfachster Fall: zwei Teleskope im Abstand B.

Die hohe interferometrische Auflösung ergibt sich hier nur längs der (an den Himmel projizierten) Verbindungslinie der Teleskope.

Phasengerechte Überlagerung der von beiden Teleskopen empfangenen Strahlung (bei getrennt stehenden Teleskopen nur mit erheblichen Anstrengungen zu erreichen) erzeugt in Bildebene durch Interferenz *Streifenmuster* mit Helligkeitsmaxima *I*<sub>max</sub> und Minima *I*<sub>min</sub>.

Abstand der Streifenmaxima und damit die *räumliche Auflösung* entspricht am Himmel dem Winkel  $\lambda/B_{eff}$ .



 $B_{\text{eff}} = \text{vom fernen Objekt gesehene Projektion der Basislinie} = B \cdot \sin \Theta$ . Reziproker Wert,  $u/\text{rad}^{-1} = B_{\text{eff}}/\lambda$ , ist die *Raumfrequenz* dieses Musters.

#### Wellenoptische Beschreibung

Einfallende monochromatische ebene Welle an Teleskop 1:

$$\vec{E}_1 \propto \exp\left[i(kx - \omega t)\right]$$
, wobei  $k = 2\pi/\lambda$ ,  $\omega = 2\pi\nu$ ;  $i = \sqrt{-1}$ .

Welle an Teleskop 2  $\vec{E}_2 \propto \exp [i(kx - \omega t + k\Delta)]$  habe gleiche Amplitude. *Optische Wegdifferenz* im Bildzentrum gegenüber  $\vec{E}_1$ :  $\Delta = -B \cos \Theta + d_2 - d_1$ Überlagerung der Wellen ergibt streng kosinusförmige Helligkeitsverteilung

$$I = |\vec{E}_1 + \vec{E}_2|^2 = |\exp[i(kx - \omega t)] [1 + \exp(ik\Delta)]|^2 = 2|\vec{E}_1|^2 (1 + \cos(2\pi\Delta/\lambda)) .$$

# Kapitel V Zustandsgrößen der Sterne

Scheffler, H. und H. Elsässer: *Physik der Sterne und der Sonne*, B.I. Wissenschaftsverlag, Mannheim, 2. Auflage 1990.

Ferner alle Gesamtdarstellungen der Astronomie, siehe Einleitung.

Zustandsgrößen charakterisieren den Stern "als Ganzes".

Die wichtigsten Zustandsgrößen sind:

Helligkeit *)	Masse	Effektiv-Temperatur
Leuchtkraft	Radius	Rotation
Farbe	Dichte	Magnetfeld
Spektraltyp	Schwerebeschleunigung	chemische Zusammensetzung

\*) keine echte Zustandsgröße, da entfernungsabhängig.

Die Zustandsgrößen sind nicht alle unabhängig voneinander, sondern durch teilweise einfache, teilweise komplizierte Zusammenhänge miteinander verknüpft: z. B. Masse, Radius, Dichte:  $M = (4/3) \pi \varrho R^3$ 

# V.1 Helligkeit, Farbe, Leuchtkraft

#### V.1.1 Scheinbare Helligkeit

= Helligkeit, mit der ein Stern uns erscheint.

Sie ist das älteste Bestimmungsstück und daher (leider) auch mit historischem Ballast beladen.

*Altertum:* Einteilung in "Größenklassen"; die hellsten Sterne waren Sterne 1. Größe, die schwächsten 6. Größe.

Moderne Definition in möglichst guter Anpassung daran.

Die Bezeichnungen im Altertum beruhten auf dem äußeren Sinneseindruck.

Für diesen gilt psycho-physisches Grundgesetz von Weber & Fechner (1860):

⇒ Empfindung proportional dem Logarithmus des Reizes

darum: scheinbare Helligkeit  $m \propto \log s$ 

- s = beim Beobachter ankommender Strahlungsfluss
  - = pro Flächen- und Zeiteinheit aufgefangene Lichtenergie
  - = Beleuchtungsstärke

In der Literatur häufig — aber nicht sauber — als "Intensität" bezeichnet (vgl. Definition in § VI.1.1).

Proportionalitätsfaktor so, dass möglichst gute Angleichung an historische Skala<sup>1)</sup>

#### Nullpunkt:

Früher festgelegt durch die oft vermessene Polsequenz:

Polarstern: 2<sup>m</sup> 12 visuell, (leicht veränderlich)

(Bezeichnung der Einheit durch hochgestelltes m,

Zeichen für "magnitudo")

Heute ist der A0V-Stern Wega der Bezugspunkt für alle photometrischen Messungen (s. u.).

Vermessung der spektralen Energieverteilung von Wega daher von grundlegender Bedeutung (siehe z. B. Hayes, D. S., Latham, D. W. 1975).

Beachte: Bezeichnung von physikalischer Größe und jeweiliger Maßeinheit geht in der Literatur durcheinander. Wir sprechen von der "Helligkeit" eines Sterns und messen sie in "Größenklassen" oder (besser) in "magnitudines" so, wie wir die "Länge" eines Tisches in "Meter" messen.

Im Deutschen auch z. B. Stern 5. Größe anstelle von 5<sup>m</sup>.

Sowohl die physikalische Größe als auch die Maßeinheit werden (leider) mit demselben Buchstaben *m* bzw. m bezeichnet. Ist m als Maßeinheit gemeint, wird es — wie das Grad-Zeichen — hochgestellt. Analog bezeichnet die Maßeinheit M die *absolute* Helligkeit (s. u.).

Anmerkung zu den logarithmischen Skalen:	Beispiel:
exp = Exponential-Intervall	$e^2 = 2 \exp \left(\frac{1}{1}\right)$
dex = Intervall in Zehnerpotenzen	$10^2 = 2 dex$
dB = Dezibel = Intervall in 0.1-Zehnerpotenzen	$10^2~=~20dB$
mag = Magnituden-Intervall	$10^2 = 5  mag$
2.5  mag = 2.3026  exp = 1  dex = 10  dB	

Erweiterung (Son	dertypen, insgesamt etwa 0.05 %)		
Am heißen Ende	Zentralsterne planetarischer Nebel Wolf-Rayet-Sterne Novae	P W Q	(s. § XI.3.2) (s. § VIII.6.1) [s. § VIII.4.5.1)
Am kühlen Ende 〈	(Nebenserie S-Sterne kräftige Banden des ZrO, YO, LaC Nebenserie C-Sterne (= Kohlenstof früher: R-Sterne und N-Sterne Starke Kohlenstoff-Verbindungen TiO fehlt. (s. § VIII.7.2)	), f-Stei (CN,	(s. § VIII.7.2) rne) CO, C <sub>2</sub> )

Die volle Reihe lautet also:



Beispiele von typischen Spektren einiger Hauptreihensterne der verschiedenen Spektralklassen:



## V.6 Temperaturen

#### V.6.1

## Definitionen nach dem Planckschen Strahlungsgesetz

# 1) Effektive Temperatur T<sub>eff</sub>

= Temperatur desjenigen schwarzen Körpers , der pro m<sup>2</sup> die gleiche Gesamtenergie ausstrahlt.

## 2) Strahlungstemperatur $T_{Str}$ (oder $T_{rad}$ )

=  $\boxed{\cdots}$ , der im beobachteten Spektralbereich pro m<sup>2</sup> die gleiche Energie ausstrahlt.

# 3) Schwarze Temperatur T<sub>Schw</sub>

- =  $\boxed{\cdots}$ , der bei einer bestimmten Wellenlänge pro m<sup>2</sup> die gleiche Energie ausstrahlt.
- $T_{\rm eff}\,$ ist ein wirkliches Maß für die Gesamtenergie, eine echte Zustandsgröße, aber nicht direkt messbar.

Der Übergang  $T_{\rm eff} \rightarrow T_{\rm Str}$  entspricht dem Übergang  $m_{\rm bol} \rightarrow m_{\rm vis}$ 

 $T_{\text{Schw}} = \text{Grenzfall von } T_{\text{Str}} \text{ für } \Delta \lambda \rightarrow 0$ 

# 4) Farbtemperatur T<sub>F</sub>

= ..., der im beobachteten Spektralbereich den gleichen Verlauf der Intensität zeigt.

# 5) Gradationstemperatur T<sub>G</sub>

=  $\overline{\cdots}$ , der bei einer bestimmten Wellenlänge die gleiche Steigung des Intensitätsverlaufs zeigt (= Grenzfall von  $T_F$  für  $\Delta \lambda \rightarrow 0$ ).

Schema:		Energie	Form der Kurve
	über alle Wellenlängen	$T_{\rm eff}$	_
	endliches $\Delta \lambda$	T <sub>Str</sub>	$T_{\rm F}$
	$\Delta\lambda  ightarrow 0$	T <sub>Schw</sub>	T <sub>G</sub>

# 6) Wiensche Temperatur T<sub>W</sub>

aus dem Maximum der Intensitätsverteilung nach dem Wienschen Gesetz, s. § XVI.1.5

Beispiel: Für einen A0V-Stern gilt etwa:

$$\begin{split} T_{\rm eff} &= 9\,500\,{\rm K}\,, \quad T_{\rm F}\,(425\,{\rm nm}) = 16\,700\,{\rm K}\,, \quad T_{\rm Str}\,({\rm phot}) = 10\,900\,{\rm K}\\ T_{\rm F}\,(500\,{\rm nm}) = 15\,300\,{\rm K}\,, \quad T_{\rm Str}\,({\rm vis}) &= 10\,500\,{\rm K} \end{split}$$

# Kapitel VII Sternaufbau und Sternentwicklung

- Schwarzschild, M. (1958): Structure and Evolution of Stars, Princeton University Press
- Clayton, D.D. (1968): Principles of Stellar Evolution and Nucleosynthesis, Mc. Graw Hill, New York
- Kippenhahn, R., A. Weigert (1990): Stellar Structure and Evolution, Springer-Verlag
- Weiss, A., W. Hillebrandt, H.-C. Thomas, H. Ritter (2004): *Cox and Giuli's Principles* of *Stellar Structure*, Cambridge Scientific Publishers, erweiterte 2. Auflage

Hansen, C. J., S D. Kawaler (1994): Stellar Interiors, Springer-Verlag

Avrett, D. (1995): Supernovae and Nucleosynthesis: An investigation of the History of Matter, from the Big Bang to the Present, Princeton University Press

Erste ernsthafte Beschäftigung mit diesem Problem:

- Emden: Gaskugeln, 1907

- Eddington: Innerer Aufbau der Sterne, 1928

## Prinzip:

Gegeben:

- a) Zustandsgrößen der Sterne (Masse, Chemie, ...)
- b) Physikalische Gesetze (§ VII.1 und § VII.2)
- c) Materialeigenschaften (§ VII.3 und § VII.4)

Gesucht:

► Sternmodell, das mit diesen Gesetzen den "richtigen" Stern wiedergibt

Heutiger wesentlicher Fortschritt gegenüber Eddington:

- Kenntnis der Energiequellen (Kernprozesse, s. § VII.4)
- Kenntnis der Opazitäten (§ VII.3)
- Schnelle Computer

b) Es ist zunächst anschaulicher, die auftretenden Größen Druck, Temperatur, Leuchtkraft und Masse als Funktion des Radius r anzugeben. Bei einem Stern ist jedoch primär die Masse und nicht der Radius gegeben. Daher ist es physikalisch sinnvoller und üblich, die Größen T, P,  $L_r$  und r als Funktion von  $M_r$  anzugeben.

Im Folgenden sind die Grundgleichungen in beiderlei Schreibweise angegeben. Die Umrechnung geschieht mit Hilfe der Grundgleichung (VII.1.1).

#### VII.1.1 Masse-Beziehung

Volumen einer Kugelschale (Dicke = dr) =  $4\pi r^2 dr$ Masse in einer solchen Kugelschale  $dM_r$  =  $\varrho \cdot 4\pi r^2 dr$ daraus:

$$\frac{\mathrm{d}M_r}{\mathrm{d}r} = 4\pi\varrho r^2 \quad \Rightarrow \quad \left|\frac{\mathrm{d}r}{\mathrm{d}M_r} = \frac{1}{4\pi\varrho r^2}\right| \tag{VII.1.1}$$

Aus Gl. (VII.1.1) folgt:  $M_r = \int_0^r \varrho(r) 4\pi r^2 dr$ 

= Masse der Sternmaterie vom Zentrum bis zum Radius *r*.

Diese Gleichung kann man auch als Definitionsgleichung von  $M_r$  betrachten; sie hat auch unmittelbaren Bezug zur kugelsymmetrischen Lösung der Poisson-Gleichung für das Gravitationspotential,  $\Phi = \Phi(r)$ ,

$$\frac{1}{r^2}\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r}\left(r^2\frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}r}\right) = 4\pi G\varrho \quad \xrightarrow{r^{-2}\int_0^r \cdots r^2 \mathrm{d}r} \quad \boxed{\frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}r} = \frac{GM_r}{r^2} \equiv g}$$

#### VII.1.2

Hydrostatisches Gleichgewicht (vgl. § VI.1.9)

Wir betrachten: Volumenelement in der Tiefe r mit Höhe dr sowie einen Teilbereich seiner Oberfläche von 1 m<sup>2</sup>.

Dann ist:

$$\begin{array}{rcl} \ddot{\text{A}}\text{nderung der Druckkraft} &= & \text{Gewicht des Volumenelements} \\ &= & \text{Masse} & & \text{mal Beschleunigung} \\ -dP &= & \varrho(r) \, dr & \times & & GM_r r^{-2} \\ & & \text{Kraft/m}^2 &= & \text{Masse/m}^2 & \times & \text{Beschleunigung}, \end{array}$$

VII Sternaufbau und Sternentwicklung

also mit Gl. (VII.1.1):

$$\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}r} = -\varrho \frac{GM_r}{r^2} \quad \Rightarrow \quad \boxed{\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}M_r} = -\frac{GM_r}{4\pi r^4}} \tag{VII.1.2}$$

Hier bereits erste grobe Abschätzung möglich: Gl. (VII.1.2) anwenden auf die Mitte zwischen Oberfläche (Index "0") und Zentrum (Index "c") der Sonne: Mit  $r = R_{\odot}/2$ ;  $M_r = M_{\odot}/2$ ;  $\varrho = \bar{\varrho}_{\odot}$ ;  $dr = R_{\odot}$ ;  $dP = P_c - P_{\odot} \approx P_c$ wird  $P_c = 2 \bar{\varrho}_{\odot} G M_{\odot}/R_{\odot} = 6 \times 10^{14}$  Pa (Zahlenwerte Sonne s. S. 175). Mit Zustandsgleichung des idealen Gases  $P = (R/\bar{\mu}) \ \varrho T$ und  $\bar{\mu} = 0.5$  (H und Elektronen) wird  $T_c = 2 \times 10^7$  K, d. h. das Sonnenzentrum ist ein Gas  $\rightarrow$  nicht Physik der Flüssigkeiten oder fester Körper! Genaue Modelle (s. § V.4.4 und § VII.6) ergeben:  $P_c = 2 \times 10^{16}$  Pa;  $T_c = 1.5 \times 10^7$  K.

Das hydrostatische Gleichgewicht hat eine sehr kurze Zeitskala (siehe § VII.4.4); charakteristische Zeit für die Sonne etwa 1/4 Stunde), d. h. eine Verletzung von Gl. (VII.1.2) macht sich schon nach wenigen Minuten bemerkbar.

Mit anderen Worten: das hydrostatische Gleichgewicht stellt sich praktisch momentan ein; Gl. (VII.1.2) ist im Inneren normaler Sterne jederzeit erfüllt.

#### VII.1.3 Energiebilanz

"Normale" Sternmaterie  $\approx$  ideales, vollionisiertes Gas  $\rightarrow \gamma = c_v/c_v = 5/3$ .

Daraus:

Thermische Energie  $E_{\rm T} = \frac{3}{2} \int_0^M \frac{P}{\varrho} dM_r$ Gravitationsenergie  $E_{\rm G} = -\int_0^M \frac{GM_r}{r} dM_r$   $\left\{ \begin{array}{c} \frac{{\rm Virial satz}}{({\rm II.6.2})} & E_{\rm T} = -\frac{1}{2}E_{\rm G} \end{array} \right\}$ 

Nukleare Energiefreisetzung pro Zeit  $(\dot{E}_N) \rightarrow$  allein maßgebend für Lebensdauer normaler Sterne im mechanischen und thermischen Gleichgewicht (s. Gl. (VII.1.2) bzw. Gl. (VII.1.3a) gleich anschließend im nächsten Absatz).

a) *Gleichgewichtsfall* Änderung der Leuchtkraft  $L_r$  längs des Weges dr = Energieproduktion in
im direkten Umfeld entstehender massereicher Sterne Ansammlungen massearmer Sterne  $\rightarrow$  massereiche Sterne sind vermutlich die letzten Objekte in der Entstehungsgeschichte eines Sternhaufens  $\rightarrow$  durch die endgültige Zerstörung ihrer Mutterwolke wird jede weitere Sternentstehung in diesem Gebiet unterbunden.

Reipurth, B., D. Jewitt, K. Keil (Herausgeber, 2007): *Protostars & Planets V* (PPV), University of Arizona Press.

Insbesondere Beiträge von H. Arce *et al.*, S. 245; H. Beuther *et al.*, S. 165; I. Bonnell *et al.*, S. 149; R. Cesaroni *et al.*, S. 197.

VII.6 Sternentwicklung

# VII.6.1 Hauptreihenstadium

# Definition der Hauptreihe (HR):

Ort der vollkommenen Gleichgewichtszustände (mechanisch+thermisch) der Sterne einer festen homogenen chemischen Zusammensetzung im Hertzsprung-Russell-Diagramm (HRD, s. § V.5.1).

"Normale" Sterne dieser Kategorie sind in der Phase des Wasserstoffbrennens  $(H \rightarrow He)$  = langlebigste Energiephase, da Energieausbeute sehr hoch und H das häufigste Element ist

→ sogenannte "Alter-Null-Hauptreihe" = "Wasserstoff (H)-Hauptreihe" = "H-HR", (engl.: Zero-Age Main Sequence, Abk.: "ZAMS")

Üblicherweise ist mit "Hauptreihe" immer die "normale" H-Hauptreihe (H-HR) gemeint, sofern nicht explizit auf andere Hauptreihen Bezug genommen wird.

 $\begin{array}{l} \textit{Entwicklungszeit} = \tau_E \ \text{gegeben durch Gl. (VII.4.1);} \\ \text{z. B. B3-Stern mit} \approx 10 \ M_{\odot} \quad \longrightarrow \quad \tau_E \approx 70 \ \text{Millionen Jahre.} \end{array}$ 

# Andere Hauptreihen

Sterne auf der Helium- oder der Kohlenstoff-Hauptreihe (He-HR bzw. C-HR) bestehen fast vollständig aus He bzw. zu etwa gleichen Teilen aus C und O

= Produkte der Sternentwicklung nach Verlust der H- bzw. He-reichen Hülle durch massiven Sternwind (siehe § VII.6.4) oder durch Massen-Überstrom auf den Begleitstern in engen Doppelsternsystemen (s. § VII.7).



Hauptreihen von Sternen unterschiedlicher chemischer Zusammensetzung:

Auf der Helium- und Kohlenstoff-Hauptreihe sind Sterne gleicher Masse *kompakter, leuchtkräftiger, heißer* (s. Abbildung).

#### Historische Bemerkung

Bevor man die Energiequellen genau kannte und im Stern lokalisieren konnte, unterschied man schematisch:

- Standard-Modell: Quellen ziemlich gleichmäßig im Sterninneren verteilt,

z. B. gespeist aus Zerfall gleichmäßig im Sterninneren verteilter radioaktiver Elemente ("radioaktiver Stern")  $\rightarrow$  Näherungsmodell für massearme (sonnenähnliche) Sterne  $\leftrightarrow$  Fit einer konvektiven Hülle mit einem radiativen Kern.

- Punktquellen-Modell: Energieerzeugung nur im Zentrum
  - $\rightarrow$  grobes Modell für massereiche Sterne mit konvektiven Kernen  $\leftrightarrow$  Fit einer radiativen Hülle mit dem konvektiven Kern.
- Schalenquellen-Modell: Energieerzeugung in einer Massenschale
  - $\rightarrow$  qualitatives Modell für Entwicklungseffekte.

Eigenschaften der Hauptreihe (Ind

te anderer Hauptreihensterne.

(Index c: Zentrum des Sterns)



$$T_{\rm c} = (T_{\rm c})_{\odot} (M/M_{\odot}) (R/R_{\odot})^{-1}$$

- Entartung des Kerns erst beim Eisenkern.
- Kernkollaps, wenn Masse des Eisenkerns auf Grenzmasse M<sub>kr</sub> anwächst. Abwurf der darüber liegenden Masse (Supernovaexplosion)
   → Neutronenstern oder Schwarzes Loch.

Unterschiedliches Verhalten im unteren und oberen Massenbereich:

- −  $M < 15 M_{\odot}$ : Sterne entwickeln sich nach Ende des H-Brennens zum Roten Riesen, He-Brennen wird auf dem Riesenast (RGB) zur dominierenden Energiequelle → Schleife nach links im HR beim He-Brennen (vgl. Abbildungen auf S. 463 und 465), dann "asymptotisch" zurück zum Riesenast (AGB).
- $15 M_{\odot} < M < 25 M_{\odot}$ : He-Brennen dominiert bereits am "rechten Ende" der Hertzsprung-Lücke (siehe S. 468); Stern entwickelt sich zum Roten Riesen.
- $M > 25 \,M_{\odot}$ : Ganze Sequenz der Brennprozesse wird durchlaufen, bevor der Riesenast erreicht wird.

Im oberen Massenbereich wird Entwicklung durch sehr starken Massenverlust (Sternwind) vor Explosion drastisch verändert:

- $M \lesssim 25 \,\mathrm{M_{\odot}}$ : Nur kleiner Teil der Masse wird durch Wind verloren.
- $M \gtrsim 30 \,M_{\odot}$ : Erheblicher Massenverlust durch Sternwind, bis zu > 90 % der Anfangsmasse bei den massereichsten Sternen.

Das Ausmaß des Massenverlustes hängt sehr stark von Metallizität, Z, ab, bei  $Z \leq 0.001$  Massenverlust nur gering

Als Beispiele werden im folgenden die Entwicklung eines Sterns mit  $20 M_{\odot}$ und eines mit  $60 M_{\odot}$  beschrieben.

Homogenes Ausgangsmodell auf der Hauptreihe (Alter "Null")

Ausgangsdaten:

 $(M_k = Masse im konvektiven Kern)$ 

# Kapitel VIII Veränderliche und pekuliare Sterne

# VIII.1 Allgemeines

"Veränderlich" bezieht sich stets auf die Helligkeit.

Grenze zwischen veränderlich und nichtveränderlich ist nicht scharf, sondern eine Frage der Beobachtungsgenauigkeit.

Photoelektrisch sind durch bodengebundene Beobachtungen Änderungen von  $\approx 0.1$ % nachweisbar. Durch Satellitenbeobachtungen von außerhalb der Atmosphäre können Genauigkeiten von  $10^{-6}$  erreicht werden.

Generell: Alle Sterne sind auf Grund ihrer Entwicklung langfristig veränderlich. Hier werden Sterne betrachtet, bei denen die Variationen kurz gegenüber der Lebensdauer sind.

# Kataloge

GCVS: General Catalogue of Variable Stars, Kukarkin u. a.,

4. Auflage 1985–87; laufende Ergänzungen.

Die aktuellste Version ist auf der Webseite des Katalogs verfügbar

➡ Weblink **[**50**]** auf S. 1099.

Ausführliche Information über alle Veränderliche in der astronomischen Datenbank SIMBAD → Weblink [13] auf S. 1096.

# Bezeichnung

Helle Sterne mit bereits vorhandenem Bayer-Namen:

Name wird beibehalten, z. B. α Orionis (Beteigeuze), ο Ceti (Mira), δ Cephei.

Alle anderen: Große lateinische Buchstaben bzw. Doppelbuchstaben und Genitiv des Sternbildes nach folgendem Schema:

R, S, ... Z, RR, RS, ... RZ, SR, SS, ... ZZ, AA ... QZ (334 Möglichkeiten) dann weiter: V 335, V 336 ...

Höchste Zahl im GCVS am 1.1.2009: V 5579 Sagittarii

*Lichtkurve* = Verlauf der Helligkeit *m* (in Magnituden) mit der Zeit *t*: m = m(t).

Für Zeit Jahreszählung oft unpraktisch  $\rightarrow$  Julianisches Datum (s. §I.2.5.C) geeigneter.

Primäre Beobachtungsgrößen

An Per	nplitude riode	bei perio	dischem Verlauf des Lichtwechsels
Phase: Zeit in Einheiten der Periode, meist vom Zeitpunkt des Maximums an gerechnet, aber keine feste Regel.		inheiten der Periode, meist vom «t des Maximums an gerechnet, ne feste Regel.	
Messung:	Visuell (An	schluss an	n Nachbarsterne)
	Photoelektr	risch: –	<i>Absolutmessung</i> mit Standardsternen, erfordert photome- trische Bedingungen.
		-	<i>Relativmessung</i> durch Anschluss an (nichtveränderliche) Nachbarsterne im Feld des Detektors (gewöhnlich CCD).

Besonders schwierig zu messen: Perioden um 1<sup>d</sup> oder 1<sup>a</sup>.

### Klassifizierung

Zwei prinzipielle Arten von Veränderlichen:

- 1. *Intrinsische* Veränderliche variieren infolge physikalischer Prozesse im Stern selbst  $\rightarrow$  zeitliche Veränderung der Leuchtkraft.
  - Pulsationsveränderliche: Helligkeitsvariation durch mehr oder weniger periodische Pulsationen (Kontraktion, Expansion) des Sternes. Die Pulsationen können radial oder nichtradial sein.
     Vorwiegend Riesen oder Überriesen aller Spektralklassen.
  - *Eruptive* Veränderliche: Lichtwechsel durch Auswurf von Gasmassen oder Wechselwirkung mit Materie in der Umgebung des Sterns.
     Eine Untergruppe bilden enge Doppelsterne.

- 2. Extrinsische Veränderliche variieren infolge externer Prozesse.
  - Bedeckungsveränderliche (optische Veränderliche): Doppelsterne, bei denen der Lichtwechsel auf Grund gegenseitiger Bedeckungen zustande kommt. Folge der Bahnbewegung.

bekanntester Sonderfall: Sonnenfinsternis

- *Rotations*veränderliche: Ungleichmäßige Helligkeitsverteilung auf der Oberfläche des Sterns.
- Anisotrope Abstrahlung: z. B. Pulsare

## Detaillierte Klassifizierung

In der Literatur unterschiedlich.

Oft benutzt: Klassifizierung des GCVS

Beruht auf empirischen Gegebenheiten, ist in vielen Beziehungen willkürlich und in vielen Teilen überholt. Wird hier nur für wohldefinierte Gruppen verwendet.

Sterne sollten immer auf Grund der physikalischen Ursache der Variabilität klassifiziert werden, nicht auf Grund der Lichtkurve.

Benennung der Typen erfolgt oft nach einem Prototyp.

Hier verwendete Einteilung:

<ul> <li>Pulsationsveränderliche</li> </ul>	s. § VIII.2
<ul> <li>Eruptive Veränderliche</li> </ul>	s. § VIII.3
<ul> <li>Enge Doppelsterne</li> </ul>	s. § VIII.4
– Kataklysmische Veränderliche	s. § VIII.4.5
<ul> <li>Röntgendoppelsterne</li> </ul>	s. § VIII.4.7
<ul> <li>Bedeckungsveränderliche</li> </ul>	s. § VIII.4.9
<ul> <li>Rotierende Veränderliche</li> </ul>	s. § VIII.5

Anmerkung zu den Häufigkeiten der Typen:

Absolute Häufigkeiten haben mit relativen Zahlen wenig gemeinsam.

Wichtige Hinweise:

- a) große Helligkeitsunterschiede ( $\Delta M = 20$ , d. h. Faktor  $10^8$  in den Leuchtkräften), absolut helle Sterne stammen aus einem größeren Raumvolumen,
- b) Unterschiedliche Entdeckungswahrscheinlichkeit wegen unterschiedlicher Amplituden.

In Wirklichkeit kommen in Sonnenumgebung etwa 1 300 unregelmäßig Veränderliche geringer Leuchtkraft auf *einen* pulsierenden Riesenstern. Bis 5 pc Entfernung sind rund 50 % aller Sterne Veränderliche vom Typ UV Ceti.

### Lage der wichtigsten Typen im Spektraltyp-M<sub>V</sub>-Diagramm

#### (Farben-Helligkeits-Diagramm)



# VIII.2 Pulsationsveränderliche

#### VIII.2.1 Langperiodische Cepheiden

= Überriesen der Typen F ... K; Perioden  $1^d \dots 50^d$ ;

Lichtwechsel wiederholt sich streng in allen Einzelheiten.

Wegen der großen Helligkeit auch in entfernten Kugelhaufen und anderen Galaxien bis zum Virgo-Haufen ( $d \approx 20 \text{ Mpc}$ ) zu beobachten. Cepheiden sind Standardkerzen und damit wichtige Entfernungsindikatoren (s. § XII.2.3.1).

Es gibt zwei Gruppen:

Population I:  $C\delta = \delta$ -Cephei-Sterne = klassische Cepheiden Population II: CW = W-Virginis-Sterne

# VIII.8 Gammastrahlenausbrüche

Gammastrahlen-Ausbrüche (engl.: gamma-ray bursts, GRB) sind

- sekundenlange Blitze elektromagnetischer Strahlung im Bereich einige keV bis einige GeV,
- mit charakteristischem Nachleuchten (engl.: *afterglow*) im gesamten elektromagnetischen Spektrum über Tage bis Wochen.
- Standardszenario: Feuerball in kosmologischen Entfernungen.
  - 1967 Entdeckung von Gammastrahlen-Ausbrüchen mit Vela-Satelliten
  - 1973 erste wissenschaftliche Publikation
  - 1997 Entdeckung des Nachleuchtens und Entfernungsbestimmung
  - 2003 Nachweis des Zusammenhangs langer Gammastrahlen-Ausbrüche mit Supernovae
  - 2005 erster kurzer Burst mit nachgewiesenem Nachleuchten und Muttergalaxie
  - 2009 Gammastrahlen-Ausbruch mit z = 9.2 (photometrische Rotverschiebung) könnte das zur Zeit am weitesten entfernte, uns bekannte Objekt im Universum sein.

Mission/Dauer	Instrument	Energiebereich	Lokalisierung	Kommentar
Cgro: 1991–2000 Bsax: 1996–2002	Batse Grbm WfC	25–100 keV 2–28 keV 2–28 keV	einige Grad omni-direktional einige Bogenmin.	> 2500 GRBs Entdeckung des Nachleuchtens
НЕТЕ-2: 2000–2006	Fregate Wxm	6–400 keV 2–25 keV	omni-direktional 10'	
Swift: 2004–	Ват	15–150 keV	3'	schnelle Beobachtung im Röntgen, UV/Optischen
Fermi: 2008–	Gbm Lat	8 keV-30 MeV 100 MeV-300 GeV	einige Grad einige Bogenmin.	pprox 250/Jahr pprox 5/Jahr

Wichtige Satelliten-Missionen:

## VIII.9 Kompakte Objekte

Objekte, deren räumliche Ausdehnung vergleichbar mit dem Schwarzschild-Radius (siehe S. 574) ist oder bis zu 10 000 Schwarzschild-Radien beträgt, werden als "kompakte" Objekte bezeichnet.

Es werden i. Allg. drei Typen von kompakten Objekten unterschieden:

- Weiße Zwerge
- Neutronensterne
- Schwarze Löcher

Im Inneren dieser Objekte können keine nuklearen Reaktionen mehr stattfinden

- $\rightarrow$  im Unterschied zu gewöhnlichen Sternen wird die Gravitation nicht mehr durch den thermischen Druck des Gases ausgeglichen.
- In Weißen Zwergen bzw. Neutronensternen wirkt der Gravitation der Druck eines entarteten Elektronen- bzw. Neutronengases entgegen.

Schwarze Löcher sind reine klassische Vakuum-Sterne, sie bestehen nur aus Gravitation. Kompakte Sterne, die keine Schwarzen Löcher sind, nennt man auch *entartete Sterne*.

Kawaler, S. D., I. Novikov, G. Srinivasan (1997): Stellar remnants, Saas Fee Advanced Course 25

VIII.9.1

# Weiße Zwerge

- = stellare Objekte, bei denen Gravitation durch Druck der entarteten Elektronen ausgeglichen wird.
- = Endstadium massearmer Sterne mit Ausgangsmassen  $< 8\,M_{\odot}$

```
Sehr geringe absolute Helligkeit gegenüber Sternen der Hauptreihe bei vergleichbarer Masse \longrightarrow im HRD links unten (s. § V.5.1)
```

Zur Entdeckung:

Erste Entdeckung: Dreifachsystem 40 Eridani

System wird durch Hauptreihenstern 40 Eridani A dominiert, zusammen mit einem Doppelsystem, bestehend aus Weißem Zwerg 40 Eridani B und rotem Zwergstern 40 Eridani C.

- 1783 entdeckt Friedrich Wilhelm Herschel das Paar 40 Eridani B/C.
- 1844 bemerkt Friedrich Bessel bei Auswertung langjähriger Beobachtungsreihen Unregelmäßigkeit in Eigenbewegung des Sirius, welche er als Einfluss eines Doppelsternpartners mit Umlaufdauer von etwa 50 Jahren deutete.

- DB: He-dominierte Atmosphären,  $30\,000 \text{ K} > T_{\text{eff}} > 12\,000 \text{ K}$ ; Lücke zwischen DB und DO.
- DQ: He-dominierte Atmosphären,  $12\,000 \text{ K} > T_{\text{eff}} > 6\,000 \text{ K}$ ; C geringfügig vorhanden mit relativen Häufigkeiten  $10^{-7} \dots 10^{-2}$ .
- DZ: nur Metall-Linien (Ca II H+K).

n-

- DC: sind so kühl, dass spektrale Komponenten nicht sichtbar (Linieneinsenkung < 5 %).
- **Zustandsgleichung** Weißer Zwerge ist im wesentlichen Zustandsgleichung des idealen Fermi-Gases für Elektronen.

Parametrisierung mittels Fermi-Impuls  $p_F$  der Elektronen (vgl. § VII.2.3):

$$\begin{aligned} x &= \frac{PF}{m_{\rm e}c} \\ \varrho_0 &= \mu_{\rm e} m_{\rm u} n_{\rm e} = 0.97395 \times 10^9 \,\mu_{\rm e} \, x^3 \,\rm kg \,m^{-3} \\ P &= \frac{m_{\rm e}c^2}{\Lambda_{\rm e}^3} \,\Phi(x) \,, \quad \Lambda_{\rm e} \equiv \hbar/(m_{\rm e}c) \\ \Phi(x) &= \frac{1}{8\pi^2} \left[ x \sqrt{1+x^2} \, \left( 2x^2/3 - 1 \right) + \ln\left( x + \sqrt{1+x^2} \, \right) \right] \,. \end{aligned}$$

Nichtrelativistische Elektronen,  $x \ll 1 \rightarrow \text{Polytrope}P = K_1 \varrho^{5/3}$ extrem relativistische Elektronen,  $x \gg 1 \rightarrow \text{Polytrope}P = K_2 \varrho^{4/3}$ [s. Gl. (VII.2.9) und Gl. (VII.2.10)]

Geringe Korrektionen durch elektrostatische Wechselwirkung mit Ionen

→ Hamada-Salpeter-Modelle: Hamada und Salpeter (1961); Modelle mit heißer Atmosphäre (Panei *et al.* 2000).

Zustandsgrößen, charakterisiert durch	Wertebereich:
Massen	$Mpprox 0.2{ m M}_\odot\ldots1.4{ m M}_\odot$
typische Masse (aus SDSS)	$0.58\mathrm{M}_{\odot}$
kleine Radien	$R pprox 0.02  \mathrm{R}_{\odot}  \ldots  0.008  \mathrm{R}_{\odot}$
typischer Radius	$0.013\mathrm{R}_\odot$
extrem hohe Zentraldichte	$ ho_{ m c} pprox 10^7 \dots 10^{13}  { m kg/m^3}$
extrem hohe Schwerkraft	$g pprox 10^6 \mathrm{m/s^2} = 10^5 g_{\odot}$
Stern besteht aus 3 Schichten:	C/O-Kern, He-Hülle, H-Atmosphäre
Oberflächentemperaturen:	(200 000) 120 000 K 3000 K
Absolute Helligkeiten:	$M_V = 8^{\mathrm{M}} \dots 17^{\mathrm{M}}$

Maximale Zentraldichte limitiert durch

- Elektroneneinfang bei Dichte von  $3.9 \times 10^{13}$  kg/m<sup>3</sup> ( $^{12}$ C  $\rightarrow {}^{12}$ B  $\rightarrow {}^{12}$ Be)
- relativistische Instabilität bei Dichte  $\rho_{krit} = 2.65 \times 10^{13} \text{ kg/m}^3$ .

heizung bei der Abbremsung; die Röntgenstrahlung entweicht seitlich aus diesem heißen, abgebremsten Gasstrom, der so genannten *Akkretionssäule*.

⇒ Das einfachste Modell für die Entstehung der Pulse besteht in zwei heißen Flecken bzw. zwei Akkretionssäulen an den beiden magnetischen Polen, die bei der Rotation des Sterns zeitweise sichtbar und zeitweise hinter dem Stern verborgen sind. Die Form der Pulse wird auch durch die (gravitative) Lichtablenkung beeinflusst.

## Röntgenburster

Röntgenburster sind Röntgendoppelsternsysteme (LMXBs), die periodische Leuchtkraftausbrüche im Röntgenbereich zeigen. Die Röntgenausbrüche wiederholen sich auf Zeitskalen von Stunden bis Tagen. Der akkretierte Wasserstoff brennt kontinuierlich auf der Oberfläche des Neutronensterns, während instabiles He-Brennen die Ausbrüche verursacht.

In den Röntgenausbrüchen kann die Rotation des Neutronensterns gemessen werden  $\to$  Rotationsfrequenzen bis zu 650 Hz gefunden

⇒ aus diesen akkretierenden Röntgensystemen entstehen die Millisekundenpulsare (sogenanntes Recycling von Neutronensternen).

### VIII.9.3 Schwarze Löcher

Schwarzes Loch = globale Vakuumlösung der Einsteinschen Feldgleichungen, die einen Ereignishorizont aufweist und die asymptotisch flach ist.

Das Schwarze Loch ist allein durch Gravitation bestimmt, es wird keine Materie zur Konstruktion dieser Lösung benötigt. Jedoch ist Materie notwendig, um ein Schwarzes Loch zu erzeugen. Schwarze Löcher entstehen im Kollaps sehr massereicher Sterne am Ende ihrer nuklearen Entwicklung. Sie könnten auch durch Akkretion von Materie auf einen Neutronenstern nahe der Obergrenze gebildet werden.

Der Ausdruck *Schwarzes Loch* wurde 1967 von John Archibald Wheeler geprägt (zuvor sprach man gelegentlich auch von einem "gefrorenen Stern", da der Kollaps nach Koordinatenzeit, d. h. für einen weit entfernten Beobachter, zeitlich unendlich lange gedehnt erscheint) und verweist auf den Umstand, dass auch elektromagnetische Wellen, wie etwa sichtbares Licht, den Ereignishorizont nicht verlassen können und es einem menschlichen Auge daher vollkommen schwarz erscheint. Strahlung kann nur von Plasma in der Umgebung des Schwarzen Lochs beobachtet werden.

#### Geschichtliches:

Schon 1783 spekulierte der britische Naturforscher John Michell über *dunkle Sterne*, deren Gravitation ausreicht, um Licht gefangen zu halten.

- Die gleiche Idee hatte 1796 der Franzose Pierre Simon Marquis de Laplace (1749–1827) in seiner *Exposition du Système du Monde*. Diese Ideen bewegten sich ganz innerhalb der Newtonschen Physik.
- Nach der Veröffentlichung Albert Einsteins 1915, in der er die Feldgleichungen der Allgemeinen Relativitätstheorie aufstellte, berechnete Karl Schwarzschild 1916 erstmals die Größe und das Verhalten eines Schwarzen Loches.
- Diese Lösung (s. Gl. (VIII.9.1) auf S. 574) ist richtig für ein nichtrotierendes Objekt. Wie alle Objekte des Universums rotieren auch Schwarze Löcher. Die entsprechende Lösung der Einsteinschen Feldgleichungen ist von dem neuseeländischen Mathematiker Roy Kerr erst 1963 gefunden worden, sie wird heute deshalb als *Kerr-Lösung* (s. Gl. (VIII.9.2)) bezeichnet.

#### Allgemeine Schwarze Löcher

Schwarze Löcher sind achsensymmetrische rotierende Raumzeiten

$$ds^{2} = -\alpha^{2} c^{2} dt^{2} + R^{2} (d\varphi - \omega dt)^{2} + \exp((2\mu_{2})) dr^{2} + \exp((2\mu_{3})) d\theta^{2}.$$
 (VIII.9.2)

α: Rotverschiebungsfaktor, ω: Frame-Dragging-Frequenz (s. u.), R: Zylinderradius.  $μ_2$  und  $μ_3$  beschreiben Metrik der Meridionalebene.

Im Prinzip können Schwarze Löcher auch geladen sein. Die Schwarzschild-Lösung für geladene Löcher wurde von Hans Jacob Reissner und Gunnar Nordström 1918 gefunden, die Lösung mit Rotation und Ladung von Ezra Newman 1965; sie wird häufig als Kerr-Newman-Lösung bezeichnet.

Die Objekte des Universums sind stets ladungsneutral

 $\rightarrow$  geladene Schwarze Löcher spielen in der Astrophysik keine Rolle.

#### Eigenschaften Schwarzer Löcher

Astrophysikalische Schwarze Löcher sind durch zwei Parameter eindeutig bestimmt:

- 1. Masse *M*,
- 2. Drehimpuls  $J_{\rm H} = a(GM/c) = a_*M^2$ .

 $a_*$  heißt Spin-Parameter des Schwarzen Lochs,  $-1 \le a_* \le 1$ .

Der Horizontradius folgt aus der Beziehung

$$r_{\rm H} = (GM/c^2) \Big[ 1 + \sqrt{1 - a_*^2} \Big]$$

Die Größe  $R_g = GM/c^2 = 1.48 (M/M_{\odot})$  km heißt Gravitationsradius und ist ein Maß für den Horizont-Radius eines schnell rotierenden Lochs.  $R_S = 2R_g$  ist als Schwarzschild-Radius bekannt (s. S. 574).

Schnell rotierende Schwarze Löcher erscheinen kleiner im Vergleich zu nichtrotierenden.

# Kapitel X Sternhaufen

# X.1 Assoziationen

Definitionen:

Phänomenologisch:	= Lokale, lose Ansammlung von Sternen besonderen Typs, deren Partialdichte
	bung, aber
	< Raumdichte aller Sterne in der Umgebung ist.
Physikalisch: =	Lose Ansammlung von Sternen mit ähnlicher Raumbewe- gung, wobei die stellare Massendichte $< 0.1  M_{\odot}/pc^3$ ist. $\rightarrow$ Werden innerhalb von einigen 10 Millionen Jahren durch galaktische Gezeitenkräfte aufgelöst.
11	$\longrightarrow$ <i>Assoziationen sind "jung"</i> ( $\leq$ 50 Millionen Jahre alt).

Je nach Spektraltyp der hellsten (= +massereichsten) Mitglieder auf der Hauptreihe unterscheidet man

- OB-Assoziation = Ansammlung von O-, B-Sternen (etwa bis Typ B2)
- R-Assoziation = Ansammlung von B- und A-Sternen eingebettet in Reflexionsnebel (s. § XI.3.3)
- T-Assoziation = Ansammlung von T-Tau-Sternen (s. § VIII.3.2)

OB-Assoziationen und R-Assoziationen enthalten auch zahlreiche massearme Sterne. Manchmal sind T-Assoziationen und R-Assoziationen Bestandteile von OB-Assoziationen und bilden eine räumliche Einheit,

z. B. Per OB 2  $\widehat{=}$  Per R 1  $\widehat{=}$  Per T 2

*Bezeichnung*: Sternbild + Typ + lfd. arabische Nummer

z. B. Ori OB 1, OB 2, ..., T1, ..., R 1, ...



#### X.2.2.3 Bestimmung der Parameter von Sternhaufen

Zunächst wird aus einem theoretischen Isochronensatz die Isochrone gesucht (links), die am besten die Morphologie des FHD (rechts) repräsentiert:

 $\rightarrow [Fe/H] = -0.44 \text{ und Alter} = 2 \text{ Ga.}$ Verfärbung folgt aus Versatz der Abszissen = Differenz zwischen dem *B* – *V*-Wert der Isochrone und dem beobachteten Wert im FHD:  $\rightarrow E_{B-V} = 0.06$ . Aus Verfärbungsgesetz (s. § XI.3.6)  $A_V = 3.2 E_{B-V}$  ergibt sich so  $A_V = 0.19$ .

Entfernungsmodell folgt aus "Aufschieben" der Hauptreihen (Versatz der Ordinaten) = Differenz zwischen beobachteter Helligkeit im FHD und absoluter Helligkeit der Isochrone:  $\rightarrow m_{V,\text{FHD}} - M_{V,\text{Isochrone}} = 11 \text{ m} 9.$ Nach Korrektion wegen interstellarer Absorption ergibt sich

 $m - M = 11 \stackrel{\text{m}}{\cdot} 6$  bzw. die Entfernung zu 2090 pc.

Im FHD ist über der Hauptreihe noch die Sequenz der unaufgelösten Doppelsterne zu sehen: Da ein Massenverhältnis nahe 1 der Doppelsternkomponenten auf der Hauptreihe bevorzugt vorkommt, liegt die Doppelsternsequenz  $\Delta m = 2.5 \log(2) = 0 \text{ m} 75$  über der Hauptreihe.

#### X.2.3 Dynamik von Sternhaufen

siehe dazu auch s. § XVI.5

#### Sternhaufen und Relaxation

In aller Strenge: Reale (endliche) stellardynamische Systeme besitzen kein Gleichgewicht, da Reichweite der Gravitation unendlich.

Gegensatz: Gasdynamik kennt Gleichgewicht, da Reichweite der van der Waals-Kräfte viel kleiner als Systemabmessungen ist. Gute Näherung von Gleichgewichtszuständen unter Annahme von Kollisionsfreiheit (Sterne bewegen sich im nicht-fluktuierendem Potential der Gesamtheit aller übrigen Sterne) durch die Jeans-Gleichung (s. § XVI.5.6).

In Wirklichkeit: Fluktuationen im Potential durch nahe und weite Sternbegegnungen, welche die Bahn eines Sterns verändern.

Diese Begegnungen sind der "dynamische Motor" des Sternhaufens und treiben seine dynamische Entwicklung. Relevante Zeitskala ist die *Relaxa-tionszeit* (s. § XVI.5.3).

$$\mathbf{t}_{\rm relax} \approx \frac{N}{8\ln N} \cdot t_{\rm crossing} = \frac{N}{8\ln N} \cdot \sqrt{\frac{R^3}{GM}} \approx 1.4 \times 10^7 \frac{N}{\ln N} \cdot \sqrt{\frac{(R/1\,{\rm pc})^3}{M/1\,{\rm M_\odot}}} ~~{\rm Jahre}~,$$

wobei *N* die Anzahl der Sterne des Haufens ist,  $t_{\text{crossing}}$  die *Durchlaufszeit* (engl.: *crossing time*) (= typische Zeit, die ein Stern braucht, um den Haufen zu durchqueren), *R* der Radius, *M* die Masse, und *G* die Gravitationskonstante.

(s. § XVI.5.3 und Binney, Tremaine (1987), S. 190) Nach einer Relaxationszeit hat ein Stern seine anfängliche Bahn "völlig vergessen".

Relaxationszeiten von Galaxien übersteigen das Alter des Universums, während Relaxationszeiten von Sternhaufen je nach Masse und Radius im Bereich  $10^8 < t_{\rm relax} < 10^{10}$  Jahren liegen. Sternhaufen sind also diejenigen Objekte, an denen stellardynamische Entwicklung studiert werden kann.

Relevante Größen für dynamische Betrachtungen:

- Masse,
- Leuchtkraft,
- Radius,
- Dichteprofil,
- stellare Massenfunktion.

Darstellung der stellaren Massenfunktion als Potenzgesetz (s. § VII.5.3.9):

$$\frac{\mathrm{d}N}{\mathrm{d}m} = \mathrm{konst.} \times m^{-\alpha}$$

dN = Anzahl Sterne im Massenintervall m + dm,  $\alpha$  i. Allg. masseabhängig. "Klassische" Salpeter-Massenfunktion benutzt  $\alpha$  = konst. = -2.35.

#### Radius und Dichteprofil, Deprojektion

Sternhaufen haben keine wohldefinierte Grenze, in Gebrauch ist oft der "Halblichtradius"  $R_h$ : Radius, der die Hälfte der Gesamtleuchtkraft einschließt (projiziert!), auch "effektiver Radius"  $R_{eff}$  genannt.

# Kapitel XI Das Milchstraßensystem oder die Galaxis

Alle mit bloßem Auge sichtbaren Sterne und Sternhaufen sind Mitglieder eines übergeordneten, großen Sternsystems. Dieses hat etwa die Form einer flachen Scheibe, die Sonne liegt in der Scheiben-Ebene, aber außerhalb des Zentrums. Die Sterne in Sonnenumgebung sehen wir als Einzelsterne über den ganzen Himmel verteilt, die zahlreichen entfernteren Sterne in der Scheiben-Ebene sind nur als helles Band am Himmel zu sehen, die sogenannte "Milchstraße". Danach nennen wir das ganze System "Unser Milchstraßensystem" oder — nach dem griechischen Wort  $\gamma \alpha \lambda \alpha \xi (\alpha \zeta \text{ für Milchstraße} — unsere "Galaxis".$ 

Objekte des Systems sind die Sterne und Sternhaufen (s. § V bis § X), die "interstellare Materie" (s. u. § XI.3) und die Dunkle Materie (s. § XV.12 und § XI.8).

- Gilmore, G., I. King, P. van der Kruit (1989): *The Milky Way as a galaxy, Saas Fee Advanced Course* 19, Geneva Observatory
- Scheffler, H., H. Elsässer (1992): Bau und Physik der Galaxis, Bibliographisches Institut Mannheim
- Binney, J., M. Merrifield (1998): *Galactic Astronomy*, Princeton Series in Astrophysics

# XI.1 Entfernungsbestimmungen

Zusammenstellung der verschiedenen Methoden. Die Grundlagen der einzelnen Methoden sind teilweise an anderer Stelle behandelt.

Historischer Katalog:Schlesinger, F. (1935):General Catalogue of Stellar Parallaxes,2. Auflage, Yale ObservatoryFast 10 000 Sterne

#### XI.1.1 Geometrische Methoden

1) **Trigonometrische Parallaxe** (s. § I.4.3)

Dreiecksmessung aufgrund der "jährlichen Parallaxe" der Sterne (s. § I.4.3)



Definition: 1 Parsek (pc) Entfernung, wenn  $\pi = 1''$ , also



Reichweite  $\approx 1 \, \text{kpc}$ 

Kataloge

*The General Catalogue of Trigonometric Stellar Parallaxes*, fourth edition, W. F. van Altena, J. T. Lee, E. D. Hoffleit, New Haven, Yale University Observatory 1995

 $\longrightarrow$  8108 Sterne, davon 1881 Sterne mit Fehler kleiner als 20 %.

The HIPPARCOS and TYCHO Catalogues, ESA SP-1200, 1997;

neu reduzierte Daten in F. van Leeuwen (2007): HIPPARCOS, the New Reduction of the Raw Data, Springer Verlag

 $\longrightarrow$  118 218 Sterne, davon 49 399 Sterne mit Fehler kleiner als 20 %.

Maximum: Proxima Centauri,  $\pi = 0$ ." 76, d. h. r = 1.32 pc

#### 2) Säkulare Parallaxe (s. § I.4.3)

Die Sonne bewegt sich relativ zu den Sternen in der Sonnenumgebung mit  $v_{\odot} = 20 \text{ km/s}$  in Richtung Sternbild Herkules (s. § XI.5.1). Sie schafft dadurch eine Basis  $b = v_{\odot}T$ , die im Laufe der Zeit *T* immer größer wird. Aus  $\alpha$ ,  $\beta$  und  $b \longrightarrow$  Entfernung

$$r = \frac{b \cdot \sin \alpha}{\sin(\beta - \alpha)}$$

 $b \alpha$ 

Wegen der Eigenbewegung der Sterne nicht individuell, sondern nur statistisch auf eine Gruppe von Sternen anwendbar.

Voraussetzung: Regellosigkeit der Eigenbewegungen.

# XI.2.3 Stellarstatistische Methoden

Methode der statistischen Analyse der scheinbaren Helligkeitsverteilung wieder hochaktuell wegen der modernen großen Himmelsdurchmusterungen (z. B. *2 Micron All Sky Survey* (2MASS) im nahen Infrarot und *Sloan Digital Sky Survey* (SDSS) im Optischen).

Die Prinzipien der Stellarstatistik wurden vor allem von Jacobus C. Kapteyn, Hugo v. Seeliger und Karl Schwarzschild entwickelt.

# Beobachtete Größen

 $\begin{array}{l} A(m) = \operatorname{Zahl} \operatorname{der} \operatorname{Sterne} \operatorname{im} \operatorname{Helligkeitsin}_{\operatorname{tervall}} & \operatorname{oder} & \operatorname{differentiell:} & A(m) \, \mathrm{d}m = \\ \operatorname{Zahl} & \operatorname{m} \pm 1/2 \operatorname{pro} \square^{\circ} & \operatorname{Zahl} \dots \operatorname{im} \operatorname{Bereich} m \operatorname{bis} m + \mathrm{d}m \\ N(m) = \operatorname{Zahl} & \operatorname{der} & \operatorname{Sterne} & \operatorname{heller} & \operatorname{als} & \operatorname{Grö-}_{\operatorname{genklasse}} m \operatorname{pro} \square^{\circ} & \\ & = \sum_{m}^{-\infty} A(m) \, (\text{,'kumulative Zahl''}) & = \int_{m}^{-\infty} A(m) \, \mathrm{d}m \end{array}$ 

A(m) und N(m) sowie alle folgenden Definitionen und Beziehungen sind natürlich außerdem eine Funktion der Richtung, d. h. der galaktischen Koordinaten  $\ell$  und b. Korrekte Bezeichnung daher:  $A(m \mid \ell, b)$  usw. Der Kürze halber wird dies im folgenden fortgelassen.

Anwendung heute auch auf ganze Farben-Helligkeitsdiagramme, da die Farben unabhängig von der Entfernung sind (abgesehen von der Rötung durch die Staubextinktion).

# Idealer Spezialfall

Unter den Voraussetzungen ...

- 1. euklidischer Raum,
- 2. gleichmäßig mit Sternen angefüllt (konstante Raumdichte),
- 3. gleiche mittlere absolute Helligkeit aller Sterne,
- 4. keine interstellare Absorption,

... gilt:

$$\left. \begin{array}{c} N \propto r^{3} \\ I \propto r^{-2} \end{array} \right\} \rightarrow N \propto I^{-3/2} \quad \text{oder} \quad \log(N/N_{\text{o}}) = -\frac{3}{2}\log(I/I_{\text{o}}) \\ A \, dm \propto r^{2} \, dr \propto r^{3} \, dm \quad \text{differentiell} \end{array}$$

Andererseits nach § V.1.1:  $\log(I/I_o) = -0.4 (m - m_o)$  und damit:

$$\log N(m) = 0.6 m + c_1$$
  
$$\log A(m) = 0.6 m + c_2 \quad \text{mit} \quad c_2 = c_1 + \log [0.6 \ln(10)] = c_1 + 0.14$$

Wegen log 4  $\approx$  0.6 nimmt also die Zahl der Sterne je Größenklasse in A(m) und N(m) etwa um einen Faktor 4 zu.

Die Beobachtung zeigt eine langsamere Zunahme von N(m) mit abnehmender scheinbarer Helligkeit, d. h. obige Voraussetzungen nicht insgesamt erfüllt (insbesondere veränderliche Dichte und interstellare Absorption).

- *Realer Fall* Obige Voraussetzung (1) ist innerhalb des Milchstraßensystems sicher erfüllt, nicht dagegen (2) bis (4).
  - 2.  $\Rightarrow$  Dichtefunktion
  - 3.  $\Rightarrow$  Leuchtkraftfunktion
  - 4.  $\Rightarrow$  interstellare Absorption
- D(r) = Dichtefunktion = räumliche Sterndichte in der Entfernung r; Dimension: Anzahl/Volumen
- $\phi(M, r)$  =Leuchtkraftfunktion LKF
  - = Anteil der Sterne mit der absoluten Helligkeit im Intervall  $\left(M \pm \frac{1}{2}\right)$ in der Entfernung *r*.

Damit ist:  $D(r) \cdot \phi(M, r)$  = Sterndichte in der Entfernung r und im Helligkeitsintervall.

E(r) = Extinktion = interstellare Absorption bis zur Entfernung r in mag.

Ist die interstellare Absorption längs des ganzen Sehstrahls konstant mit  $\gamma$  in mag/pc, so ist  $E(r) = \gamma r$ .

A(m) setzt sich aus diesen Größen folgendermaßen zusammen:



In einer bestimmten Kugelschale in der Entfernung *r* tragen alle Sterne der Helligkeit M zu A(m) bei. In der nächstentfernteren Schale sind es die helleren Sterne (M - 1), die uns in der scheinbaren Helligkeit *m* erscheinen usw. (s. Abbildung).

Wegen  $\log r = 0.2 (m - M + 5)$  ist das Radienverhältnis für zwei benachbarte Schalen mit  $\Delta m = 1$ :  $\log r_{n+1}/r_n = 0.2$  oder  $r_{n+1}/r_n = 1.58$ .

### XI.3

## Interstellare Materie

Bergmann, Schaefer (2002): Sterne und Weltraum, de Gruyter Verlag

Burton, W. B., B. G. Elmegreen, R. Genzel, (1992): *The Galactic interstellar medium*, *Saas Fee Advanced Course* 21, Springer Verlag

# Einteilung

- Im Milchstraßensystem bilden Gas und Staub eine sehr flache Scheibe.
   Skalenhöhe bei halber Dichte
  - $\approx$  80 pc für dichte Molekülwolken und junge Sterne;
  - $\approx 240\,\mathrm{pc}$  für diffuseres molekulares Gas im Übergang zu atomarem Gas;
  - $\approx$  1 kpc für Mischung aus diffusem ionisiertem / atomar neutralem Gas.
- In der Scheibe: Verdichtung der Materie zu Spiralarmen.
- In den Armen: Verdichtung zu einzelnen Wolken, die wiederum in feinere Strukturen unterteilt sind.

In diesem Paragraphen werden die einzelnen Erscheinungsformen und die Physik der interstellaren Materie behandelt. Ihre Verteilung und Bewegung innerhalb der Galaxis wird dann in § XI.2 und § XI.5 mit diskutiert.

Wir können die interstellare Materie unterscheiden nach:

– Art der Materie:	Gas	– Staub
– Art der Verteilung:	allgemein verteilt	<ul> <li>– in dichten Wolken</li> </ul>

– Art der Beobachtung: Radio–(sub)mm-Bereich – optisch/UV/IR, Röntgen

Hiernach ergeben sich zahlreiche Kombinationen. Alle haben hinsichtlich ihrer Beobachtung und Interpretation ganz verschiedene historische Entwicklungen gehabt. Schema

Materie		Erscheinungsform	Beobachtungsgrößen	
	optisch,	Gasnebel oder	Emissionsspektrum	
	leuchtend	H II-Gebiete	(Linien + Kontinuum)	
	optisch, nicht	HI-Gebiete,	Absorptionslinien in	
Cas	leuchtend	Molekülwolken	Sternspektren	
Gas	Radio–	H I-Gebiete	21-cm- und Rekombinati-	
	(Sub)mm-	H II-Gebiete	onslinien, Kontinuum.	
	Bereich	Molekülwolken	Molekulare Rotations- und	
			Vibrationslinien	
	optisch,	Deflection on also	(Absorptions-)Spektrum	
	leuchtend	Kellexionshedel	Farbe, Polarisation	
	optisch, nicht	Dunkelwolken oder	Extinktion, Verfärbung,	
Staub	leuchtend	Molekülwolken	Polarisation	
	Radio-	Dunkelwolken oder		
	(Sub)mm-	Molekülwolken	Kontinuum, Polarisation	
	Bereich			

H I = H neutral, H II = H ionisiert

# Galaktische Nebel

= Sammelbegriff für leuchtende Gas- und Staubwolken

"Dichte Wolke":	Gasdichten $10^2 10^{10}$ I	Moleküle/cm <sup>3</sup>
	Staub hat ungefähr ein	Massenverhältnis
	von 1/186 zum Gas.	(s. § XI.3.8)

Kataloge (eine Auswahl):

Lynds, B. T. (1962, 1965): ApJS 7, 1 und ApJS 12, 163	$N\approx~1800,1100$
Wood, D. O. S., E. Churchwell (1989): ApJ 340, 265	$N \approx 1700$
Lumsden, S. L. et al. (2002): MNRAS 336, 621	$N \approx 3000$
Simon, R. et al. (2006): ApJ 639, 227	$N \approx 10000$
Peretto, N., G. A. Fuller (2009): ApJ 205, 404	$N \approx 11000$

Im interstellaren Medium kann man grob unterscheiden:

(nach Lequeux et al. 2004)

1) Molekülwolken = Neutralgas hoher Dichte

 $T_{\rm kin} \leq 100~{
m K}; \quad n_{\rm H_2} \geq 1000~{
m cm}^{-3}; \quad M \approx 10^9~{
m M}_\odot \;.$ 

2) *H*<sub>I</sub>-*Gebiete* = Neutralgas geringer Dichte

(a)	kalt:	$T_{\rm kin} \approx 100$ K;	$n_{ m H} pprox 25 \ { m cm}^{-3}$ ;	$M_{\rm tot} = 1.5 \times 10^9 \mathrm{M_\odot}$
(b)	warm:	$T_{\rm kin} \approx 8000 {\rm K};$	$n_{\rm H} \approx 0.25 \ {\rm cm}^{-3};$	$M_{\rm tot} = 1.5 \times 10^9 \mathrm{M_{\odot}}$

3) *H*II-*Gebiete* geringer bis mittlerer Dichte; Ursache der diffusen H $\alpha$ -Emission.

(a)	H II-Gebiete:	$T_{\rm kin} \approx 10^4$ K;	$n \approx 1 - 10^4 \text{ cm}^{-3};$	$M_{\rm tot} = 5 \times 10^7  {\rm M}_\odot$
(b)	diffus:	$T_{\rm kin} \approx 8000$ K;	$n \approx 0.03 \text{ cm}^{-3}$ ;	$M_{\rm tot} = 10^9{ m M}_\odot$
(c)	heiß:	$T_{\rm kin} \approx 5 \times 10^5$ K;	$n \approx 6 \times 10^{-3} \text{ cm}^{-3}$ ;	$M_{ m tot} pprox 10^8  { m M}_{\odot}$

- *Strukturen:* sehr unterschiedlich; von völliger Regellosigkeit bis hin zu ausgesprochener Filamentstruktur.
- Physik: Fast immer sind Sterne in den Nebel eingebettet oder in unmittelbarer Nähe → Ursache des Leuchtens. Dichte Dunkelwolken sind meist die Orte aktiver aktueller und/oder zukünftiger Sternentstehung.
  - Bei Novae beobachtet man direkt, dass immer größere Teile des Nebels aufleuchten.
  - Parallelität des Leuchtens bei veränderlichen Sternen.
  - Korrelation zwischen Helligkeit des Sterns und Größe des Nebels.

#### XI.5 Bewegung der Sterne, Dynamik

Bezeichnungen in diesem Paragraphen:

 $\begin{array}{l} v = {\rm Geschwindigkeit\ relativ\ zum\ galaktischen\ Zentrum\ } \\ V = ({\rm Raum-}) \, {\rm Geschwindigkeit\ relativ\ zur\ Sonne\ bzw.\ zum\ LSR\ (s.\ \S\ XI.5.1)\ } \\ U,\ V,\ W = {\rm kartesische\ Komponenten\ der\ Geschwindigkeit\ } \\ V_{\rm r},\ V_{\rm t} = {\rm Radial-\ bzw.\ Tangentialkomponente\ der\ Raumgeschwindigkeit\ } \\ V = \sqrt{U^2 + V^2 + W^2} = \sqrt{V_{\rm r}^2 + V_{\rm t}^2} \\ {\rm EB} = {\rm Eigenbewegung\ (siehe\ \S\ I.4.8)} = V_{\rm t}({\rm in\ km/s}) = \mu^{\prime\prime\prime}\ ({\rm in\ }^{\prime\prime}/{\rm Jahr})\ {\rm RG} = {\rm Radialgeschwindigkeit} = V_{\rm r}\ ({\rm in\ km/s})\ {\rm Schnellläufer} = \ {\rm Sterne\ mit\ } |V| > 100\ {\rm km/s}\ ({\rm in\ der\ älteren\ Literatur:\ } |V_{\rm r}| > 65\ {\rm km/s}) \end{array}$ 

### XI.5.1 Pekuliarbewegung der Sonne

Die auffallendste Gesetzmäßigkeit in der Bewegung der Sterne ist die Widerspiegelung der Sonnenbewegung relativ zu den anderen Sternen,

der sogenannte parallaktische Anteil.

*Effekt:* Sterne "vorn" kommen uns entgegen Sterne "hinten" bleiben zurück Sterne "seitwärts" laufen vorbei



Apex= Zielpunkt der= SonnenbewegungAntapex= Gegenpunkt

Aus den Beobachtungen erhält man neben dem Apex auch die Geschwindigkeit der Sonne, und zwar relativ zum *Zentroid*, d. h. dem kinematischen Schwerpunkt der betrachteten Sterngruppe.

Das Bild verwischt sich durch die Pekuliarbewegungen der anderen Sterne.

Im Mittel bleibt ein deutlicher Effekt:

Standard-Apex

(= konventioneller Mittelwert bezüglich aller Sterne der Sonnenumgebung)

$\alpha = A = 18 \stackrel{h}{\cdot} 00 = 270^{\circ}$	$\ell = 56 \stackrel{\circ}{.} 2$ (1900)
$\delta = D = +30^{\circ}$	$b = 22 \stackrel{\circ}{.} 8$
$v_{\odot} = 20  \mathrm{km/s}$	(im Herkules)

Anmerkungen:

- Das Ergebnis "Richtung Herkules" wurde bereits von Herschel 1787 erhalten.
- Aus Eigenbewegungen allein erhält man nur die Richtung der Pekuliarbewegung, aus RG: Richtung und Betrag.
- Bei der mathematischen Behandlung wird die Sonnenbewegung oft in rechtwinklige Komponenten zerlegt, U, V, W im galaktischen System:

$U_{\odot}$	(Richtung galaktisches Zentrum:	$\ell = 0^\circ, \ b = 0^\circ)$
$V_{\odot}$	(Richtung galaktische Rotation:	$\ell = 90^\circ, \ b = 0^\circ)$
$W_{\odot}$	(Richtung galaktischer Nordpol:	$b = 90^{\circ}$ )

Bei dieser statistischen Methode wird vorausgesetzt, dass die Bewegungen der anderen Sterne zufällig verteilt, im Mittel also Null sind

= Regellosigkeit der Pekuliarbewegungen

Um das zu prüfen, untersucht man die Reste  $(V_* - V_{\odot})$ 

*Ergebnis:* || Regellosigkeit nicht erfüllt; es bleibt:

- - - - der einzelnen Sterngruppen (siehe auch § XI.5.3)

# Man definiert daher eine

*Fundamentale Sonnenbewegung* (engl.: *basic solar motion*, *b.s.m.*)

(1) *Empirische Definition*:

Mittelwerte in der Geschwindigkeitsverteilung der sonnennahen Sterne  $\langle U \rangle, \langle V \rangle$  und  $\langle W \rangle$ 

(= kinematischer Schwerpunkt der gewählten Sterngruppe)

Demgegenüber:

- (2) Dynamische Definition:
  - = Bewegung der Sonne relativ zu dem Punkt, der am Ort der Sonne auf einer Kreisbahn um das galaktische Zentrum läuft.

Das so erhaltene örtliche Bezugssystem für Sternbewegungen bezeichnet man als

*lokales Ruhesystem* (engl.: *local standard of rest = LSR*):

 $U_{\odot} = -\langle U \rangle$ ,  $W_{\odot} = -\langle W \rangle$ , in der V-Komponente ist der LSR nicht unmittelbar fixiert.

Wegen der asymmetrischen Drift (siehe § XVI.5.8 und § XI.5.3) muss die Bewegung der Sonne relativ zum LSR durch Extrapolation der  $\langle V \rangle$ -Komponente von

# Kapitel XII Außergalaktische Systeme

= Sternsysteme außerhalb des Milchstraßensystems

"Große Debatte" zwischen H. Shapley und H. D. Curtis am 26. April 1920 über die Natur der Milchstraße und der Spiralnebel unter dem Thema *The Scale of the Universe.* Nachweis von Cepheiden im Andromedanebel durch Hubble (1925) beendet die Diskussion zu Gunsten der extragalaktischen Natur der Spiralnebel.

⇒ Soweit in Zahlenwerte die Entfernung eingeht, sind diese auf die Hubble-Konstante  $H_0 = 75 (\text{km/s})/\text{Mpc}$  bezogen (s. § XV.1.5) oder durch eine normierte Hubble-Konstante  $h = H_0/(100 \text{ km/s})/\text{Mpc}$  parametrisiert.

#### XII.1 Galaxien

Hubble, E. (1936): Realm of the nebulae. New Haven, Yale University Press.

- Schneider, P. (2006): Einführung in die extragalaktische Astronomie und Kosmologie, Springer Verlag.
- Sparke, L. S. und J. S. Gallagher (2007). *Galaxies in the Universe* (2. Auflage), Cambridge University Press.

Binney, J. und M. Merrifield (1998): Galactic Astronomy, Princeton University Press.

# Zur Nomenklatur

Ursprüngliche Bezeichnung (wegen ihres Aussehens): "extragalaktische Nebel" ("Spiralnebel", "elliptische Nebel", …). Diese historisch bedingte und irreführende Bezeichnung hat sich vor allem in dem Wort "Spiralnebel" bis heute gehalten. Man sollte aber generell nur von Systemen oder Galaxien reden.

Beachte:Galaxis  $\widehat{=}$  Milchstraße; Galaxie  $\widehat{=}$  extragalaktisches System;im Englischen Unterscheidung durch Groß- und Kleinschreibung.

#### XII.1.1

#### Bezeichnungen, Kataloge, Karten

Helle Systeme: spezielle Namen, häufig nach dem Sternbild.
 z. B.: Andromedanebel, Fornax-System, Magellansche Wolken

Relativ gute Darstellung der Beobachtung durch das Kosekans-Gesetz:

$$\log N = \log N_{\rm b} + B \operatorname{cosec} b$$

N = wahre  $N_{\rm b} =$  beobachtete Zahl der Galaxien pro Flächeneinheit



Konstante *B* variiert von Feld zu Feld; Mittelwert: B = 0.24

- b) Verteilung am Himmel nach Korrektion wegen interstellarer Absorption
  - Verteilung im ganz Kleinen

Unregelmäßig; Einzelsysteme, Mehrfachsysteme, Galaxienhaufen, ...

– Verteilung im Großen (>  $4^{\circ}$ )

Gleichförmig, keine systematische Änderung mit galaktischer Länge / Breite. Folgerung für die räumliche Verteilung:

 $\rightarrow$  Kein Dichtegradient im Universum (es sei denn, radial),

 $\longrightarrow$  kein Galaxien-Supersystem; Verteilung homogen.

siehe § XV.2 und § XII.1.12.

– Verteilung im Zwischengebiet (bis  $\approx 4^{\circ}$ )

Statistische Analyse ergibt eine starke Tendenz zur Haufenbildung.

Bei zufälliger Verteilung müsste sich Poisson-Verteilung ergeben. Beobachtung zeigt Überwiegen von Feldern mit zu geringer Galaxienzahl; "defizitäre Felder" nehmen zu große Fläche ein.

Weiteres in § XII.4 und § XV.

Verteilung im Raum (§ XII.1.12) wird erst nach Bestimmung der Entfernung der Galaxien zugänglich.

#### XII.1.3

Klassifikation, allgemeine Typenbeschreibung (nach optischer Erscheinung)

A) *Klassifikation nach* Hubble-Sandage

Roguläng Sustange	Elliptische Systeme	Е
- Regulare Systeme	Normale Spiralen	S
(Kotationssymmetrie)	Balkenspiralen	SE
<ul> <li>Irreguläre Systeme</li> </ul>		Ir

E-Galaxien werden auch als "frühe" Typen, S-Galaxien als "späte" Typen bezeichnet, was jedoch nichts mit einer zeitlichen Entwicklungssequenz zu tun hat!

#### XII.1.5.4 Energieverteilung im Spektrum

Im Folgenden aufgeführte generelle Signaturen können durch interne Extinktion in der Galaxie stark verändert werden (z. B. in ULIRGs, s. § XII.1.5.7).



- Galaxien mit starker *aktiver Sternentstehung* (engl.: *starburst galaxy*, oben) zeigen im Spektrum die Signatur junger, heißer Sterne und deren HⅡ-Regionen (→ Flussanstieg zum UV, starke Emissionslinien).
- *Sc-Galaxie* (Mitte) emittiert am stärksten im blauen/nahen UV des Spektrums (Sternlicht der jungen heißen Sterne sowie Emissionslinien des von diesen angeregten Gases).
- Spektrum der *S0-Galaxie* (unten) ähnelt stark dem einer elliptischen Galaxie (Anstieg zum Roten hin, dort Absorptionslinien durch kühle Sterne; zum UV Signaturen von sonnenähnlichen Sternen).

Integriertes Spektrum *elliptischer Galaxien* steigt zum Roten hin stark an (Kontinuum kühler Sterne), zeigt starke Absorptionslinien schwerer Elemente (Ähnlichkeit mit Spektrum eines K-Sterns). Wenig Strahlung unterhalb von 350 nm, da keine jungen Sterne vorhanden sind.

UV-Strahlung alter Sterne auf dem Horizontalast kann zum Anstieg im UV führen (engl.: *UV-upturn*).

## Farben-Helligkeits-Relation:

Leuchtkräftigere Ellipsenzeigen stärkere Absorptionslinien (Faber 1973) und haben rötere Farbe (Visvanathan, Sandage1977).

## Populationssynthese

Problem: Entfernte Galaxien nicht mehr in Einzelsterne auflösbar. Spektren sind Integral über die gesamte Sternpopulation der Galaxie.

Ziel: Beschreibung der zeitlichen Entwicklung eines Galaxienspektrums bzw. des Farben-Helligkeitsdiagramms einer Sternpopulation

> —>Aussagen über zeitlichen Verlauf der Sternentstehung und der Anreicherung mit Metallen

Ansatz: Galaxienspektrum = Überlagerung der Spektren von Sternen unterschiedlicher Masse und Alters

Annahmen notwendig über

- ursprüngliche Massenverteilung der Sterne (engl.: *initial mass function IMF*),
- Masseneinfall während der Entwicklung,
- zeitlicher Verlaufs der Sternentstehungsrate (passive Entwicklung, kontinuierliches Abklingen oder Ausbruch von Sternentstehung),
- Rückführung von prozessiertem Material (Metalle) an das interstellare Medium (Supernovae, Sternwinde),
- zeitliche Entwicklung der Sternspektren (folgt aus Theorie des Sternaufbaus, Entwicklungswege im HRD, Isochronen, siehe s. § X.2.2.2).

Überlagerung der Sternspektren  $\rightarrow$  Galaxienspektrum als Funktion der Zeit

Emissionslinien von HII-Regionen (angeregt von jungen Sternen) müssen mit berechnet werden.

Vergleich mit Beobachtungen erschwert durch interne Extinktion sowie Alters-Metallizitätsentartung (s. u.).

Grundlegende Befunde:

- 1. Integrierte Helligkeit der Sternpopulation wird im Laufe der Zeit schwächer.
- 2. Bei zunehmender Metallizität wird die Population kurzwellig von ca. 1 µm leuchtschwächer, bei längeren Wellenlängen leuchtstärker.
- 3. Integrierte Farbe wird röter mit dem Alter und mit der Metallizität.



XII.1.13 Galaxien bei hoher Rotverschiebung

Aufgrund der zahlreichen Feldgalaxien unterschiedlichster Leuchtkraft und Rotverschiebung (= Entfernung) sind spezielle Auswahltechniken zur Identifikation der entferntesten Galaxien nötig. Bezeichnung der Galaxien meist entsprechend dieser Technik mit Abkürzungen aus dem Englischen (z. B. Lyman-break-Galaxien, LBG).

- Bedeutung hochrotverschobener Galaxien liegt in der unterschiedlichen Rückschauzeit (s. S. 909). Damit kann zumindest statistisch die Entwicklung von Galaxien im Prinzip aus Beobachtungen abgeleitet werden.
- Problem: Auswahleffekte aufgrund der Identifikationstechnik, d. h., Stichproben hoher Rotverschiebung sind nicht vollständig!
- Stern, D. & H. Spinrad (1999): *Search Techniques for Distant Galaxies*. Publications of the Astronomical Society of the Pacific 111: 1475–1502.
- Appenzeller, I. (2009): High-redshift galaxies, Springer Verlag

#### Schwache, blaue Galaxien

(engl.: *faint blue galaxies*)

Population von Feldgalaxien in tiefen Durchmusterungen (Quellenzählungen), zumeist bei Rotverschiebungen bis etwa 1, je nach Tiefe der Beobachtungen (im *Hubble Deep Field* bis jenseits von z = 3).

Aus Untersuchung dieser Population wurde Befund abgeleitet, dass Sternentstehungsrate pro Volumen bis z = 1 stark ansteigt, danach langsamerer Abfall.

(sogenannter "Lilly-Madau-Plot": Sternentstehungsrate als Funktion der Rotverschiebung, siehe § XII.2)

Ellis, R. S. (1997): Faint blue galaxies, Annual Review of Astronomy and Astrophysics 35, 389

Radiogalaxien bei hoher Rotverschiebung(engl.: *high-z radio galaxies, HzRG*)Rotverschiebungsgrenze wurde in den 1960er bis 1980er Jahren vor allem durchIdentifikation von Radioquellen immer weiter nach außen verschoben (bis ca. $z \approx 1$ ). Einsatz von CCDs ermöglichte ab Mitte der 1980er Jahre die Identifikationvon Quellen bis z > 5.

Miley, G., C. de Breuck (2008): Distant radio galaxies and their environments. The Astronomy & Astrophysics Review 15, 67.

#### Lyman-Kanten-Galaxien

(engl.: Lyman-break galaxies, LBG)

Spektrale Energieverteilung von Galaxien mit hoher Sternentstehungsrate (engl.: *starbursts*) zeigt ausgeprägte Lyman-Absorptionskante (Ionisationskante des Wasserstoffs in den Atmosphären massereicher Sterne). Stärke der Kante kann durch Absorption von HI-Gas innerhalb der Galaxie oder im Vordergrund verstärkt werden.

Aufnahmen eines Feldes in Filter mit Ruhewellenlänge unterhalb der Kante und weiteren Filtern oberhalb der Kante ermöglichen effektives Aussondern von Galaxien in bestimmten Rotverschiebungsbereichen anhand von "Aussetzern" (engl.: *drop-out*):



z. B. *U*-"Aussetzer": Kein oder wenig Signal vom Objekt im *U*-Filter (350 nm), deutlicher Nachweis in langwelligeren Filtern (z. B. *g* bei 450 nm) isoliert Objekte mit Rotverschiebung  $z \approx 400/91.2 - 1 = 3.4$ .

Geeignete Auswahl der Filter (bis u. U. in den Infrarot-Bereich) ermöglicht die Identifikation von Objekten extrem hoher Rotverschiebung (Rekord Mai 2009: Gammastrahlenausbruch bei z = 8.2).

Giavalisco, M. (2002): Lyman-break galaxies, Annual Review of Astronomy and Astrophysics 40, 579.

# XII.4 Galaxienhaufen

F. Zwicky: Handbuch der Physik 53, 1959, S. 390

N. A. Bahcall (1977): Clusters of galaxies, Annual Review of Astronomy and Astrophysics 15, 505

—— (1999): Clusters and superclusters of galaxies in Formation of Structure in the Universe, Herausgeber A. Dekel, J. P. Ostriker, Cambridge University Press, S. 135

# XII.4.1 Statistik, Beobachtungen

Schon eine grobe Analyse der Verteilung der Galaxien am Himmel (s. § XII.1.2) lässt eine Tendenz zur Haufenbildung erkennen:

– Helle Galaxien:	Von den 35 Galaxien im Messier-Katalog liegen 16 in einem kleinen Feld (= Virgohaufen).
– Galaxien bis 13 <sup>m</sup> :	Galaxien im Shapley-Aimes-Katalog lassen den Virgohau- fen sowie zwei ausgedehnte Gruppen am Südhimmel er- kennen.
- Galaxien bis 18 <sup>™</sup> 3:	(Lick-Material, s. § XII.1.2) Bearbeitung dieses umfangrei- chen Materials ergab den ersten Beweis dafür, dass Hau- fenbildung etwas "ganz Normales" ist.
– Galaxien bis 21 <sup>m</sup> :	Abell-Durchmusterung des Palomar-Sky-Atlas enthält $\approx$ 4000 Haufen, d. h. im Mittel etwa 1 2 Haufen/10 $\Box^{\circ}$ im Rotverschiebungsbereich bis $\approx$ 0.15 (s. u.).

# Kataloge



Strenge Definition eines Abell-Haufens:

- a) Mindestens 50 Galaxien im Bereich  $m_3$  bis  $m_3 + 2$ ,
  - $(m_3 = dritthellstes Mitglied)$
- b) *n* Mitglieder innerhalb eines Radius von  $1.5 h^{-1}$  Mpc (= Abell-Radius) um das Zentrum (*n* bestimmt Reichheit),
- c) galaktische Breite  $|b| > 30^{\circ}$ .

Tabelle (nördliche Abell-Haufen):	Reichheits-	п	N
$\rightarrow$	klasse R		4.26 sr
n = Zahl der Mitglieder im	0*	(30 - 49)	$(\geq 10^3)$
Bereich $m_3$ bis $m_3 + 2$	1	50 - 79	1224
N = Zahl der Haufen	2	80 - 129	383
	3	130 - 199	68
Bei "schwächeren" Bedingungen	4	200 - 299	6
wächst Zahl der Haufen schnell an.	5	> 300	1

\* Reichheitsklasse 0 unvollständig

Allgemeine Daten für nördliche Abell-Haufen:

Leir, A., S. van den Bergh (1977): Astrophys. J. Suppl. 34, 381

- F. Zwicky: Catalogue of Galaxies and Clusters of Galaxies (= CGCG)
   California Institute of Technology, Pasadena, 6 Bände; 1960–68.
   Größte Liste von Haufen aufgrund visueller Durchmusterung des POSS.
- Durchmusterungen mit automatischen Plattenmessmaschinen
   Digitalisierung von Schmidt-Platten (Palomar, UK-Schmidt) in Edinburgh durch die COSMOS- und Super-Cosmos-Maschine, in Cambridge durch die APM-Maschine (z. B. Maddox *et al.* 1990).
- Durchmusterungen des SDSS (z. B. Kim et al. 2002, Bahcall et al. 2003)
- Durchmusterungen nach Galaxienhaufen im Röntgenbereich
  - a) EINSTEIN Medium Sensitivity Survey (EMSS)
  - b) ROSAT-ESO Flux Limited X-ray Galaxy Cluster Survey, (REFLEX)
  - c) XMM-NEWTON Distant Cluster Project (XDCP)

Röntgen-selektierte Stichprobe

(ausgedehnte Röntgenquellen mit  $L_X > 3 \times 10^{-15} \,\text{W/m}^2$  im Energiebereich  $0.1 \dots 2.4 \,\text{keV}$ ) von 447 Galaxienhaufen über 4.24 sr am Südhimmel (REFLEX).



# Kapitel XIII Aktive Kerne von Galaxien

- AGN = Active Galactic Nucleus = aktiver galaktischer Kern oder aktive Galaxie
  - = Sammelbegriff für verschiedene Typen von Galaxien mit leuchtkräftigen Kernen, die nicht-stellare und nicht-thermische Strahlung hoher Leuchtkraft emittieren.
- Blandford, R. D., H. Netzer, L. Woltjer (1990): Active Galactic Nuclei, Saas Fee Advanced Course 20, Springer Verlag.
- Peterson, B.M. (1997): An Introduction to Active Galactic Nuclei, Cambridge University Press.

Extragalaktische Objekte gehören zur Gruppe der AGN, wenn mindestens eines, möglichst aber mehrere der folgenden Kriterien erfüllt sind:

- Hohe Leuchtkraft und kompakte Kernregion, die sehr viel heller ist als bei normalen Galaxien ähnlichen Typs. Starker Helligkeitskontrast zwischen Kern und umgebender großräumiger Struktur.
- Spektrum nicht-stellares Kontinuum mit Exzess im Radio-, Infrarot-, Ultraviolett-, Röntgen- und Gammabereich gegenüber den optischen Leuchtkräften und damit gegenüber den normalen Galaxien.

Exzess ist meist durch nicht-thermische Emission verursacht.

- Breite und/oder schmale Emissionslinien nicht-stellaren Ursprungs aus dem Kern.
- Kurzzeitige Variabilität (Minuten bis Jahre) des Kontinuums und/oder der Emissionslinien.
- Jet-ähnliche Ausströmungen, im Radio-, optischen oder Röntgenbereich sichtbar.

# XIII.1 Definitionen, Klassifizierung

Für die sehr verschiedenartigen "aktiven" Galaxien gibt es keine einheitliche Systematik. In der Vergangenheit vorgeschlagene und verwendete Definitionen und Klassifikationen beruhen auf ganz unterschiedlichen (morphologischen, photometrischen, spektroskopischen, ...) Kriterien und überschneiden sich teilweise.

Hier soll deshalb zunächst ein Überblick über die charakteristischen Eigenschaften anhand beobachteter Signaturen (optische Spektren, Emission in anderen Spektralbereichen, Variabilität) gegeben werden. Wichtige Objektklassen werden dann in § XIII.2 mit Hilfe dieser Signaturen definiert und an Beispielen veranschaulicht.

## XIII.1.1

# Ultraviolett – optische Spektren der Kerne

## XIII.1.1.1 Spektren der Seyfert-Galaxien und Quasare

Seyfert-Galaxien haben einen hellen punktförmigen oder nahezu punktförmigen Kern, dessen Spektrum ein blaues nicht-stellares Kontinuum und hochangeregte, breite (erlaubte und verbotene) Emissionslinien zeigt (Seyfert 1943).

# **Emissionslinien-Spektrum:**

Zwei spektroskopisch definierte Untergruppen (Äquivalentbreite W):

- Typ 1: Balmerlinien *breiter* als verbotene Linien,  $W(H\beta) \gg W[O III]$ ,
- Typ 2: Linienbreiten etwa gleich,  $W(H\beta) \approx W[O III]$ .

typische Werte	Typ 1 km/s	Typ 2 km/s
FWHM H $\beta$	5 000	1 000
FWHM [O III]	1 000	1 000

In *Typ-1-Spektren* reichen die Halbwertsbreiten bis zu  $10\,000$  km/s, Gesamtbreiten bis zu  $30\,000$  km/s.

Häufig sind die breiten, erlaubten Linien deutlich zusammengesetzt aus einer schmalen Komponente im Linienkern und einem breiten Flügel.



sich bei der nieder-frequenten Eingangs-Strahlung ebenfalls um Synchrotron-Strahlung handelt (in diesem Fall spricht man vom *Synchrotron-Selbst-Compton* Effekt: SSC) oder um thermische Strahlung, ist nicht abschließend geklärt.

# XIII.4 Vereinheitlichte Modelle (engl.: *unified schemes*)

Es gibt eine große Zahl diverser AGN-Typen (vgl. § XIII.2). Einigkeit besteht darin, dass sie alle von derselben Maschine mit Leistung versorgt werden: Akkretion von Material auf ein supermassereiches Schwarzes Loch. Die Frage ist jedoch, ob sich manche Objektklassen weiter vereinheitlichen lassen, indem sie auf eine gemeinsame *Eltern-Population* zurückgeführt werden, die z. B. aus verschiedenem Blickwinkel oder in verschiedenen Evolutionsphasen beobachtet werden.

Hier sollen nur die vereinheitlichten Modelle im engeren Sinn diskutiert werden, die verschiedene AGN-Typen durch eine Eltern-Population erklären, deren Mitglieder von der Erde aus in verschiedenen Blickwinkeln beobachtet wird ("geometrische Vereinheitlichung").

Antonucci, R. (1993): Unified models for active galactic nuclei and quasars, Annual Review of Astronomy and Astrophysics 31, 473

# XIII.4.1 Relativistische Effekte

z.

Die Synchrotronstrahlung der Radioquellen (s. § XIII.3.5) wird von den Plasmaströmungen (Jets) ausgesandt, die relativistische Geschwindigkeiten  $\beta = v_{jet}/c >$ 0.9 erreichen können. Für die Beobachtung entscheidend ist der

Dopplerfaktor:  $D \equiv (\Gamma(1 - \beta \cos \theta))^{-1}$ , mit Lorentzfaktor  $\Gamma = (1 - \beta^2)^{-1/2}$  und Winkel  $\theta$  zwischen Jetströmung und Strahlungsrichtung zum Beobachter.

Der Dopplerfaktor beschreibt die Lorentz-Transformation der Parameter vom System der sich bewegenden Quelle (mit Index  $_0$  bezeichnet) in beobachtete Größen,

$B_{\nu} \propto \nu^{\alpha}$ )

Extremwerte werden erreicht, wenn die Bewegung genau auf den Beobachter zu, bzw. von ihm weg gerichtet ist:

Maximaler Dopplerfaktor ( $\cos \theta = +1$ ):  $D_{+1} = \Gamma(1 + \beta) \approx 2\Gamma$ Minimaler Dopplerfaktor ( $\cos \theta = -1$ ):  $D_{-1} = \Gamma(1 - \beta)$ Beispiel für  $\beta = 0.980$  (das ist  $\Gamma = 5$ ):  $D_{+1} = 9.9$  und  $D_{-1} = 0.10$ .

Die beobachtete Frequenz einer Linienstrahlung könnte sich also um den Faktor 99 unterscheiden.

Relativistische Effekte dominieren die beobachteten Eigenschaften von Radioquellen, die im Standardmodell ein antiparalleles Paar von Jets ausstoßen. In diesem Fall sei  $\theta_j$  der Winkel zwischen Sichtlinie und auf uns zukommendem Jet. Der Gegenjet (engl.: *counter jet*) bildet dann den Winkel  $\theta_{cj} = \theta_j + 180^\circ$  zur Sichtlinie und es gilt  $\cos \theta_{cj} = -\cos \theta_j$ .

Für geringe Abweichung der Jetrichtung von der Sichtlinie,  $\theta_j < 25^\circ$ , das heißt  $\cos \theta_j > 0.9$ , kann sich so eine extrem hohe Asymmetrie der beobachteten Helligkeiten von Jet und Gegenjet ergeben:

$$R_{j,cj} \equiv B_{\nu}(\theta_j) / B_{\nu}(\theta_{cj}) = \left(\frac{D_+}{D_-}\right)^{2-\alpha} = \left(\frac{1+\beta\cos\theta_j}{1-\beta\cos\theta_j}\right)^{2-\alpha}$$

Dies führt dazu, dass bei kleinen Winkeln  $\theta_j \leq 25^\circ$  ein perfekt symmetrischer Doppeljet als *einseitige* Jetquelle wahrgenommen wird. In der Tat zeigen viele Radioquasare einseitige Radiojets, die auf relativistische Geschwindigkeit deuten.

Beispiel für  $\beta = 0.980$ ,  $\theta_j = 20^\circ$  und einen typischen Spektralindex  $\alpha = -0.8$ :  $R_{j,cj} = (1.921/0.079)^{2.8} = 7567.7$ 

Beachte: | Der relativistische Dopplerfaktor spielt auch dann eine Rolle, wenn der Jet *senkrecht* zur Sichtlinie ausströmt ( $\theta_j = 90^\circ$ ). Dann ergibt sich

$$D_{\perp} = D(\theta = 90^{\circ}) = 1/\Gamma$$
, also für  $\Gamma = 5$  und  $\alpha = -0.8$ 

eine Abschwächung um den Faktor 90.

Dies erklärt den Befund, dass sehr ausgedehnte, symmetrisch erscheinende Doppelquellen (z. B. Cygnus A) oft nur sehr schwach wahrnehmbare Radiojets zeigen.
# Kapitel XV Das Universum

Harrison, E. (2000): Cosmology—The Science of the Universe, 2. Auflage, Cambridge University PressGoenner, H. (1994): Einführung in die Kosmologie, Spektrum akademischer Verlag

Liddle, A. R. (2003): An Introduction to Modern Cosmology, Wiley

# XV.1 Kosmologische Modelle

# XV.1.1 Voraussetzungen und Symmetrieannahmen

Kosmologische Modelle werden als Lösungen der Einsteinschen Feldgleichungen konstruiert. Dabei werden zwei Symmetrieannahmen verwendet:

- Das Universum ist um uns herum *isotrop*.
   Präziser: Es existiert ein lokales Bezugssystem, von dem aus gesehen das Universum isotrop erscheint.
- 2. Unsere Position im Universum ist durch nichts gegenüber der Position anderer Beobachter ausgezeichnet.

(kosmologisches oder kopernikanisches Prinzip)

Ein Universum, das demzufolge um jeden Beobachter isotrop ist, ist auch *homo-gen*.

Kosmologische Modelle werden als homogene, isotrope Lösungen der Einsteinschen Feldgleichungen konstruiert.

Beobachtungen — vor allem des kosmischen Mikrowellenhintergrundes (engl.: *cosmic microwave background, CMB*) — stützen besonders die erste Symmetrieannahme, weil relative Schwankungen der Temperatur des Mikrowellenhintergrundes im Bereich von  $10^{-5}$  liegen (s. S. 923).

Es gibt keinen plausiblen Grund, die zweite Symmetrieannahme zu bezweifeln.

Die beobachtete Fluchtbewegung der Galaxien steht *nicht* im Widerspruch zu diesen Annahmen. *Jeder* Beobachter in einem homogenen, isotropen, expandierenden Universum beobachtet sie:



#### XV.1.2 Metrik

Unter diesen Voraussetzungen hat die Metrik die Robertson-Walker-Form

$$ds^{2} = -c^{2}dt^{2} + a^{2}(t) \left[ \frac{dr^{2}}{1 - Kr^{2}} + r^{2} \left( d\theta^{2} + \sin^{2}\theta \, d\phi^{2} \right) \right]$$

Dabei sind  $(r, \theta, \phi)$  räumliche Polarkoordinaten,

- *t* kosmische Zeit ( $t_0$  = heute),
- *K* räumliche Krümmung mit Dimension (Länge)<sup>-2</sup> (kann positiv, negativ oder Null sein),
- a(t) Skalenfaktor, der Expansion oder Kontraktion der Raumzeit beschreibt. Übliche Normierung  $a_0 := a(t_0) = 1$ .

Alternative, häufig verwendete Form der Robertson-Walker-Metrik, verwendet die mitbewegte radiale Koordinate *w*:

$$\mathrm{d}s^2 = -c^2\mathrm{d}t^2 + a^2(t)\left[\mathrm{d}w^2 + f_K^2(w)\left(\mathrm{d}\theta^2 + \sin^2\theta\,\mathrm{d}\phi^2\right)\right]$$

mit der Radialfunktion

$$f_{K}(w) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{K}} \sin\left(\sqrt{K}w\right) & (K>0);\\ w & (K=0);\\ \frac{1}{\sqrt{-K}} \sinh(\sqrt{-K}w) & (K<0). \end{cases}$$

Messungen der Winkelgröße der dominanten Temperaturschwankungen im Mikrowellenhintergrund (s. § XV.7.3) zeigen, dass die *räumliche* Krümmung hervorragend mit K = 0 verträglich ist. Das bedeutet nicht, dass auch die *raumzeitliche* Krümmung verschwindet!

### XV.1.3 Kosmologische Rotverschiebung

Wellenlängen werden im selben Maß gedehnt, wie sich das Universum zwischen Emission und Beobachtung eines Lichtsignals ausdehnt:

$$rac{\lambda_0}{\lambda} = rac{a_0}{a} = rac{1}{a}$$
 ,

 $\lambda$ ,  $\lambda_0$  = ausgestrahlte und beobachtete Wellenlänge. Relative Wellenlängenänderung ist die *Rotverschiebung* (siehe auch § XVI.1.3):

$$z \equiv rac{\lambda_0 - \lambda}{\lambda} \quad \Rightarrow \quad 1 + z = rac{1}{a} \;, \quad a = rac{1}{1 + z} \;.$$

#### XV.1.3.1 k-Korrektion

Die Rotverschiebung bewirkt, dass die Helligkeit kosmologischer Objekte im beobachteten Filterband von deren Rotverschiebung abhängt, weil sich ihr Spektrum gegenüber dem Filterband verschiebt:

Der spektrale Fluss  $S_{\nu}$  eines Objekts durch einen Filter mit der Transmission  $F_{\nu}$  ist

$$\int S_{\nu}F_{\nu}\,\mathrm{d}(\ln\nu)\;.$$

Die Rotverschiebung bewirkt, dass bei der Frequenz  $\nu$  der spektrale Fluss der Quelle bei der höheren Ruhefrequenz  $(1 + z)\nu$  gemessen wird,

$$\int S_{\nu}F_{\nu}\,\mathrm{d}(\ln\nu) \to \int S_{\nu}F_{(1+z)\nu}\,\mathrm{d}(\ln\nu) \;.$$

Dies wird durch die k-Korrektion beschrieben, in Magnituden ausgedrückt

$$k = 2.5 \log_{10} \frac{\int S_{\nu} F_{(1+z)\nu} \, d(\ln \nu)}{\int S_{\nu} F_{\nu} \, d(\ln \nu)} \, .$$



# XV.1.6 Epochen der kosmischen Ausdehnung

Für  $a \rightarrow 0$  steigt die Strahlungsdichte in Gl. (XV.1.4) am schnellsten an. Sie dominiert während der *Strahlungsära* bei

$$a < a_{
m eq} := rac{\Omega_{
m r0}}{\Omega_{
m m0}} = (3.05 \pm 0.08) imes 10^{-4} = rac{1}{3280 \pm 90} \; .$$

Während der folgenden Materieära dominiert die nichtrelativistische Materie.

Später, bei

$$a > \left(\frac{\Omega_{\rm m0}}{\Omega_{\Lambda 0}}\right)^{1/3} = 0.729 \pm 0.018$$

dominiert die kosmologische Konstante.

Während Strahlung und Materie dominieren, so dass der Krümmungsterm und die kosmologische Konstante vernachlässigt werden können, gilt

$$H(t) = H_0 \left( \Omega_{\rm m0} a^{-3} + \Omega_{\rm r0} a^{-4} \right)^{1/2}$$

Wenn Materie dominiert, aber Strahlung unwichtig ist, gilt der *Einstein-de-Sitter-Grenzfall* 

$$H(t) = H_0 \sqrt{\Omega_{\rm m0}} a^{-3/2}$$

Wenn die kosmologische Konstante dominiert, wird

$$H(t) = H_0 \sqrt{\Omega_{\Lambda 0}}$$
.

# XV.1.7

# Kosmische Zeit

Aus der Friedmann-Gleichung folgt  $H_0 t = \int_0^a \frac{\mathrm{d}a'}{\dot{a}'} = \int_0^a \frac{\mathrm{d}a'}{a' H(a')}$ .

Das ergibt 
$$t(a) = \frac{2}{3H_0\sqrt{\Omega_{m0}}} \left[ \sqrt{a + a_{eq}} \left( a - 2a_{eq} \right) + 2a_{eq}^{3/2} \right] ,$$

solange Materie oder Strahlung dominieren und

$$t(a) = \frac{2}{3} \frac{1}{H_0 \sqrt{1 - \Omega_{m0}}} \operatorname{arsinh} \left( a^{3/2} \sqrt{\frac{1 - \Omega_{m0}}{\Omega_{m0}}} \right) ,$$

in der späten materiedominierten Ära, wenn die kosmologische Konstante nicht mehr, Strahlung aber schon vernachlässigbar ist.

908

Die Strahlungsära endet nach

$$t_{\rm eq} := t(a_{\rm eq}) = rac{2\left(2 - \sqrt{2}
ight)}{3} rac{a_{\rm eq}^{3/2}}{H_0 \Omega_{\rm m0}^{1/2}} \approx 1.74 \times 10^{12} \, {
m s} \approx 55\,155\,{
m a}$$
 ,

und das Alter des Universums ist

$$t_0 := t(1) = \frac{2}{3H_0\sqrt{1 - \Omega_{m0}}} \operatorname{arsinh}\left(\sqrt{\frac{1 - \Omega_{m0}}{\Omega_{m0}}}\right) \approx 0.984 t_{H} \approx 13.7 \,\mathrm{Ga} \;.$$



### XV.1.8 Entfernungen

Entfernungsmaße sind in der Allgemeinen Relativitätstheorie nicht eindeutig. Für Lichtstrahlen ist ds = 0, wenn sie radial verlaufen, ferner  $d\theta = 0 = d\phi$ . Aus der Metrik Gl. (XV.1.2) folgt die *mitbewegte Entfernung* (engl.: *co-moving distance*)

$$w(a) = c \int_a^1 \frac{\mathrm{d}a'}{a'^2 H(a')} \; .$$

Sie ist die Entfernung, die in mitbewegten räumlichen Koordinaten gemessen wird, aus denen die kosmische Expansion herausdividiert wird.

Die Laufzeit des Lichts *c* d*t* definiert die *Eigenentfernung* (engl.: *proper distance*)

$$D_{\text{prop}}(a) = c \int_a^1 \frac{\mathrm{d}a'}{a' H(a')} \ .$$

mit  $\chi = 13.6 \text{ eV}$  zeigt, dass die Rekombination erst stattfinden konnte, als  $T_{\text{Rek}} \approx 3000 \text{ K}$  erreicht wurde. Das geschah etwa  $t_{\text{Rek}} = (376 \pm 3) \times 10^3$  a nach dem Urknall und dauerte  $\Delta t \approx 50 \times 10^3$  a.

### XV.7.2 Der Dipol des Mikrowellenhintergrunds

Die Bewegung der Erde um die Sonne, mit der Sonne um das Zentrum der Milchstraße, mit der Milchstraße innerhalb der Lokalen Gruppe und mit der Lokalen Gruppe in Richtung Virgo-Haufen verursacht eine Anisotropie des Mikrowellenhintergrunds, die in niedrigster Ordnung der Geschwindigkeit einem Dipol entspricht (siehe dazu auch § XII.4.8). Seine Amplitude von  $\delta T = (3.372 \pm 0.014)$  mK ergibt die mittlere Geschwindigkeit der Erde relativ zum Ruhesystem des Mikrowellenhintergrunds,

$$v_{\rm Erde} pprox c \, rac{\delta T}{T} pprox (370.8 \pm 1.6) \, {\rm km \, s^{-1}}$$

in Richtung der galaktischen Koordinaten

 $l = (264.14 \pm 0.30)^{\circ}, \ b = (48.26 \pm 0.30)^{\circ}$  (Fixsen *et al.* 1996).

#### XV.7.3

#### Strukturen im Mikrowellenhintergrund

Seit der kosmische Mikrowellenhintergrund durch die Rekombination bei  $a_{\text{Rek}} \approx 9.2 \times 10^{-4}$  freigesetzt wurde, hat sich das Universum um das  $\approx 1090$ -fache ausgedehnt. Die Amplitude linearer Dichteschwankungen hat seitdem um den Faktor

$$\frac{D_+(1)}{D_+(a_{\rm Rek})}\approx 10^3$$

zugenommen; vgl. Gl. (XV.2.1). Heutige Dichteschwankungen um  $\delta \approx 1$  sollten als Temperaturschwankungen um  $\delta T \approx 1$  mK im Mikrowellenhintergrund erscheinen, wenn Materie und Strahlung damals aneinander gekoppelt gewesen wären. Aus der Tatsache, dass beobachtete Temperaturschwankungen im Mikrowellenhintergrund um etwa zwei Größenordnungen kleiner sind, folgt, dass die Dunkle Materie nicht mit Licht wechselwirken kann (Peebles 1982). Dies bekräftigt, dass sie höchstwahrscheinlich aus schwach wechselwirkenden Elementarteilchen besteht (s. § XV.12). Drei physikalische Effekte sind für die Strukturen im Mikrowellenhintergrund wesentlich:

 Sachs-Wolfe-Effekt: Kombination aus Gravitationsrotverschiebung und gravitativer Laufzeitverzögerung im Gravitationspotential Φ bei der Entkopplung,

$$\frac{\delta T}{T} = \frac{1}{3} \frac{\delta \Phi}{c^2}$$

Wichtig nur auf den größten Winkelskalen.



 Akustische Schwingungen: Getrieben durch Gravitation der Dunklen Materie und den Gegendruck des Baryon-Photon-Gemisches. Wichtig auf Längenskalen unterhalb des mitbewegten Schallhorizonts bei t<sub>Rek</sub>,

$$w_{\rm Rek} \approx \int_0^{t_{\rm Rek}} \frac{c_{\rm s} \, \mathrm{d}t}{a} \approx 163.3 \, \mathrm{Mpc}$$

bzw. Winkelskalen unterhalb von  $\approx 0$ ?7; dabei ist  $c_s \approx c/\sqrt{3}$  die Schallgeschwindigkeit im kosmischen Plasma.

 Silk-Dämpfung: Verursacht durch Photonendiffusion aufgrund der zunehmenden mittleren freien Weglänge der Photonen während der Entkopplung. Setzt auf Winkelskalen kleiner als etwa 10' ein.

#### XV.7.4

#### Leistungsspektrum des Mikrowellenhintergrunds

Die Temperaturschwankungen des Mikrowellenhimmels werden in Kugelflächenfunktionen zerlegt,

$$a_{lm} = \int \mathrm{d}^2 \theta \, Y_{lm}(\vec{\theta}) rac{\delta T}{T}(\vec{\theta}) \; ,$$

und wegen der erwarteten Isotropie über *m* gemittelt,

$$C_l := \frac{1}{2l+1} \sum_{m=-l}^l |a_{lm}|^2.$$



# Kapitel XVI Physikalische Prozesse

# XVI.1 Elektromagnetische Strahlung

Schäfer H. (1985): Elektromagnetische Strahlung; Information aus dem Weltall, Vieweg-Verlag

Rybicki, G.B., A.P. Lightman (1986): Radiative Processes in Astrophysics, Wiley-VCH

#### XVI.1.1

#### **Die Spektralbereiche**

# **Gamma-, Röntgen-, UV-Strahlung:** $\lambda < 3\,000 \text{ Å} = 300 \text{ nm}$ Absorption vorwiegend durch Ozon O<sub>3</sub> (ferner N<sub>2</sub>, O<sub>1</sub>, O<sub>2</sub>, ...) Beobachtung nur von Raketen und Satelliten aus möglich.

Unterteilung (Definitionen oftmals unterschiedlich, Bereiche z. T. überlappend):

γ-Strahlung	<	< 10 pm	nuklearen Ursprungs
harte Röntgenstrahlung	10 pm	50 pm	
weiche Röntgenstrahlung	50 pm	30 nm	
extremes UV (UV-C)	30 nm	200 nm	Vorgänge in der
Vakuum-UV (VUV, UV-C)	200 nm	280 nm 🌔	Elektronenhülle
nahes UV (UV-B)	280 nm	315 nm 丿	
nahes UV (UV-A, "Schwarzlicht")	315 nm	380 nm	

**Optisches Fenster:**  $\lambda \approx 3\,000...10\,000\,\text{\AA} \cong 300\,\text{nm}...1\,\mu\text{m}$ Knapp eine Zehnerpotenz; ragt nach beiden Seiten etwas über den sichtbaren Be-

reich hinaus ( $\approx$  380 bis 750 nm, siehe Eigenschaften des Auges § IV.4.1).

380 420 nm	violett	550 570 nm	gelb-grün
420 450 nm	blau-violett	570 590 nm	gelb
450 480 nm	blau	590 600 nm	orange
480 510 nm	blau-grün	600 630 nm	orange-rot
510 550 nm	grün	630 750 nm	rot

**Infrarot- und Sub-mm-Bereich:** ca. 1 µm bis 1 mm

Absorption durch Banden des H<sub>2</sub>O (Wasserdampf),  $CO_2$ ,  $O_3$ , ... siehe § IV.1 Durchlässigkeit sehr variabel; im nahen IR mehrere breite Fenster

(s. IR-Farbbereiche in § V.1.2).

Bezeichnung	Wellenlänge / µm	Bandbezeichnung
nahes IR (NIR)	13	J, H, K
mittleres IR	325	L, M, N, Q
fernes IR (FIR)	25350	
Submillimeter	3501000	

Radiofenster: einige mm bis knapp 20 m

Für  $\lambda > 20$  m: Radiostrahlung durch Ionosphäre abgeschirmt

Im Radiobereich benutzt man meist die Frequenz statt der Wellenlänge:  $\nu \lambda = c$ 

$\lambda$ :	10 m	1 m	10 cm	1 cm	1 mm
$\nu$ :	0.03	0.3	3	30	300 GHz
	c = 3	$3 \times 10^{8}$	m/s, 1	GHz = 1	$10^9$ Hz (= Schwingungen/Sekunde = s <sup>-1</sup> )

- 1893 Erste Idee einer "Radiostrahlung der Sonne" (Ebert), aber Technik zum Nachweis noch zu primitiv.
- 1920 Technik ausreichend, aber Idee vergessen.
- 1932 Zufällige Entdeckung extraterrestrischer Radiostrahlung (Jansky)
- > 1945 Großer Aufstieg der "Radioastronomie" (weitgehend bedingt durch Radarentwicklung während des Krieges, siehe auch § XVII).

**Energie** Jedem Lichtquant entspricht eine Energie *E*, umgekehrt proportional zur Wellenlänge: Aus  $E = h\nu$  folgt  $E \propto 1/\lambda$ kurzwellig: energiereich langwellig: energiearm

Einheiten:  $1\,{\rm eV} = 1.6 \times 10^{-19}\,{\rm Ws} = 1.6 \times 10^{-12}\,{\rm erg}$ 

Es gilt: 
$$\frac{\lambda}{1 \text{ nm}} = 1240 \left(\frac{E}{1 \text{ cm}}\right)$$

 $\left(\frac{E}{\text{eV}}\right)^{-1}$  = Energie, die Elektron beim Durchlaufen von 1 Volt gewinnt.

$$1 \text{ Ws} = 0.624 \times 10^{19} \text{ eV} = 1 \text{ J} (= \text{ Joule}).$$

z. B.

 $\begin{array}{l|ll} \mbox{Röntgenstrahlung:} & 0.1\ \mbox{nm} = 10^4\ \mbox{eV} & \mbox{Infrarot:} & 1.24\ \mbox{\mu}\mbox{m} = 1.0 & \mbox{eV} \\ \mbox{Sichtbares Licht:} & 500\ \mbox{nm} = 2.5\ \mbox{eV} & \mbox{Radiobereich:} & 21\ \mbox{cm} = 6\times 10^{-6}\ \mbox{eV} \\ \end{array}$ 

Von thermischer Strahlung spricht man, wenn die beteiligten Elektronen eine Maxwellsche Geschwindigkeitsverteilung besitzen.

# XVI.1.5 Hohlraumstrahlung (Schwarzer Körper)

Jeder Körper sendet entsprechend seiner Temperatur eine Strahlung aus. Im Idealfall: Hohlraumstrahlung oder Strahlung des "Schwarzen Körpers"; Energieverteilung nach dem Planckschen Strahlungsgesetz.

Die Strahlung der Sterne wird oft durch eine Hohlraumstrahlung angenähert. Darum, und auch wegen der Temperaturdefinitionen (s. § V.6), spielt das Plancksche Strahlungsgesetz eine wichtige Rolle.

Im strengen Sinne ist nur die 3-Grad-Hintergrundstrahlung (s. § XV.7) eine ideale "Schwarze-Körper-Strahlung". Zu T = 2.7 K gehört nach dem Wienschen Verschiebungsgesetz (s. u.) eine Strahlung mit  $\lambda_{\max} \approx 1$  mm.

#### Plancksches Strahlungsgesetz:

$$B_{\nu} = \frac{2h\nu^{3}}{c^{2}} \frac{1}{\exp(h\nu/(kT)) - 1} \qquad J \, \mathrm{m}^{-2} \, \mathrm{s}^{-1} \, \mathrm{sr}^{-1} \underbrace{\mathrm{Hz}^{-1}}_{\hookrightarrow \text{ Bandbreite}}_{\mathrm{Hz}^{-1} \equiv \, \mathrm{s}^{+1}}$$

$$h = \mathrm{Wirkungsquantum} = 6.626 \times 10^{-34} \, \mathrm{J \cdot s}$$

$$c = \mathrm{Lichtgeschwindigkeit} = 2.998 \times 10^{8} \, \mathrm{m/s}$$

$$k = \mathrm{Boltzmannkonstante} = 1.381 \times 10^{-23} \, \mathrm{J/K}$$

$$B_{\lambda} = \frac{2hc^{2}}{c^{2}} \frac{1}{c^{2}} - \frac{1}{c^{2}} \mathrm{Im}^{-2} \, \mathrm{s}^{-1} \, \mathrm{sr}^{-1} \, \mathrm{m}^{-1}$$

$$B_{\lambda} = \frac{2\pi c}{\lambda^5} \frac{1}{\exp(c_2/(\lambda T)) - 1} \qquad \text{Jm}^{-2} \,\text{s}^{-1} \,\text{sr}^{-1} \underbrace{\text{m}^{-1}}_{\hookrightarrow \text{ Bandbreite}}$$
$$\left| c_2 = \frac{hc}{k} = \text{Strahlungskonstante} = 1.44 \times 10^{-2} \,\text{m} \cdot \text{K} \right|$$

Zur Umrechnung von "pro Frequenz" auf "pro Wellenlänge":

$$\begin{vmatrix} \lambda = c/\nu \\ \text{also } |d\lambda| = \frac{c}{\nu^2} d\nu \end{vmatrix} \quad \text{fermer muss sein: } B_{\nu} |d\nu| = B_{\lambda} |d\lambda| \\ \text{also } B_{\nu} = \frac{c}{\nu^2} B_{\lambda} = \frac{\lambda^2}{c} B_{\lambda}$$

Grenzfälle

1) Kurze Wellen bzw. tiefe Temperaturen:  $\frac{h\nu}{kT} \gg 1 \Rightarrow \exp\left(\frac{h\nu}{kT}\right) \gg 1$ Wiensche Näherung:  $B_{\nu} = \frac{2h\nu^3}{c^2} \cdot \exp\left(-\frac{h\nu}{kT}\right)$  Ferland, G. J. (2003): Quantitative Spectroscopy of Photoionized Clouds. Annual Review of Astronomy and Astrophysics 41, 517

### XVI.5 Grundlagen der Stellardynamik

Die Stellardynamik beschreibt die Kräfte, die in einem Sternsystem auftreten, und erklärt den Bewegungszustand der Sterne.

### XVI.5.1

### Zweckmäßige Einheiten

*Länge*: pc; *Geschwindigkeit*: km/s; *Zeit*:  $10^6$  a, so dass  $1 \text{ km/s} \times 10^6$  a = 1.02 pc; *Newtonsche Gravitationskonstante*:  $G = 4.30 \times 10^{-3} \text{ (km/s)}^2 \text{ pc/M}_{\odot}$ .

# XVI.5.2

### **Boltzmann-Gleichung**

An sich lässt sich die Entwicklung eines Sternsystems mit dem Satz der Bewegungsgleichungen für jeden Stern beschreiben

$$\ddot{\vec{r}}_i = -\sum_{j=1, j \neq i}^N \frac{G m_j}{|\vec{r}_i - \vec{r}_j|^3} (\vec{r}_i - \vec{r}_j);$$

 $\vec{r}_k, m_k$  (k = 1, 2, ..., N) = Ortsvektoren bzw. Massen der Sterne. Das System gewöhnlicher Differentialgleichungen lässt sich derzeit für Systeme mit einigen hunderttausend Mitgliedern wie z. B. Sternhaufen numerisch direkt integrieren.

Für Galaxien mit 10<sup>11</sup> Sternen ist das nicht mehr möglich

 $\rightarrow$  statistische Beschreibung  $\rightarrow$  Boltzmann-Gleichung.

Bewegung eines Sterns  $\rightarrow$  Spur im 6-dimensionalen Phasenraum  $\mathbb{R}^6$ .

Ein *Phasenraumelement* ist in kartesischen Koordinaten (x, y, z; u, v, w) (= Ortsbzw. Geschwindigkeitskoordinaten) definiert durch die Intervalle

$$(x, x + dx), (y, y + dy), (z, z + dz),$$
  
 $(u, u + du), (v, v + dv), (w, w + dw)$ 

Das Volumenelement des Phasenraumes ist dann  $d\tau = dx dy dz du dv dw$ .

Es sei  $\mathcal{N} = \mathcal{N}(x, y, z, u, v, w, t)$  die (kumulative) Anzahl der Sterne im Teilraum  $(-\infty, x] \times (-\infty, y] \times (-\infty, z] \times (-\infty, u] \times (-\infty, v] \times (-\infty, w] \subset \mathbb{R}^6$  des Phasen-

968

raums zur Zeit t. Die Dichte der Sterne im Phasenraum,

$$\frac{\mathrm{d}\mathcal{N}}{\mathrm{d}\tau} = f(x, y, z, u, v, w, t) \; ,$$

wird als Verteilungsfunktion bezeichnet; sie kann mit der Anzahldichte, n, oder der Massendichte,  $\varrho$ , vernüpft werden und muss für jede Komponente, deren Verteilung sich in Ort oder Kinematik unterscheidet, einzeln angesetzt werden. Die Kopplung besteht dann meist nur über das gemeinsame Gravitationsfeld. Hier beschreiben wir stellvertretend die Verteilungsfunktion für die Anzahldichte einer Komponente, die i. Allg. auch von der Zeit t abhängt. Die *räumliche* Dichte der Sterne erhalten wir durch Integration über den Geschwindigkeitsraum  $\mathbb{R}^3$ :

$$n(x,y,z,t) = \iiint_{\mathbb{R}^3} \mathrm{d}^3 v \, f(x,y,z,u,v,w,t) \quad (\mathrm{d}^3 v \stackrel{\scriptscriptstyle\frown}{=} \mathrm{d} u \, \mathrm{d} v \, \mathrm{d} w)$$

In der Stellardynamik wird gewöhnlich die Entstehung oder Explosion von Sternen nicht berücksichtigt  $\rightarrow$  keine "Quellen" bzw. "Senken" für Sterne; daher gilt eine Kontinuitätsgleichung,

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \sum_{i=1}^{3} v_i \frac{\partial f}{\partial x_i} + a_i \frac{\partial f}{\partial v_i} = 0.$$

Die Beschleunigungen  $a_i = \dot{v}_i$  lassen sich aufspalten in zwei Anteile:

- 1. Komponente des mittleren, "geglätteten" Gravitationsfeldes  $\Phi$ ,
- 2. Komponente, bedingt durch die verbleibende (stochastisch fluktuierende) "Rauhigkeit" des Gravitationsfeldes, d. h. Begegnungen ("Stöße") einzelner Sterne untereinander.
- $\rightarrow$  die Boltzmann-Gleichung mit dem "Stoßterm" auf der rechten Seite:

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \sum_{i=1}^{3} v_i \frac{\partial f}{\partial x_i} - \frac{\partial \Phi}{\partial x_i} \frac{\partial f}{\partial v_i} = \left(\frac{\partial f}{\partial t}\right)_{\text{Stoß}} \,.$$

Befindet sich ein System im oder in der Nähe eines dynamischen Gleichwichts  $\rightarrow$  außergewöhnliche Vereinfachung der Beschreibung:

Entwicklung des Systems darstellbar als eine Abfolge von Gleichgewichtszuständen (ähnlich wie in der Thermodynamik).

Im dynamischen Gleichgewicht fallen in der Boltzmann-Gleichung die beiden zeitabhängigen Terme fort. Als Folge ist die Phasenraumdichte konstant entlang jeder Sternbahn, und die Verteilungsfunktion kann durch Integrale der Bewegung (siehe § XVI.5.3) beschrieben werden (Beispiele: Sternhaufen, Galaxien, Galaxienhaufen).

Kleine Abweichungen vom Gleichgewicht, wie z. B. Spiralarme, behandelbar im Rahmen einer Störungstheorie (s. § XVI.5.12).

# XVI.6.4 Mikrolinseneffekt bei Quasaren

Gleichzeitiges Auftreten des Mikrolinseneffektes von Sternen und Mehrfachabbildung von Hintergrundquasaren

Bilder des Quasars werden durch die Linsengalaxie hindurch beobachtet, wobei die optische Tiefe für den Mikrolinseneffekt ungefähr gleich der Konvergenz  $\tau \approx \kappa$  ist.

Bei Mehrfachquasaren typischer Weise  $\kappa > 0.1$ , Effekt also oft beobachtbar.

Die Lichtablenkung der Sterne in der Galaxie erzeugt in der Quellebene ein vielfach vernetztes Muster von Kaustiken, durch das sich der Quasar in Projektion bewegt.

Insbesondere bei Kaustik-Übergängen steigt die Helligkeit des Quasars stark an oder nimmt ab (Bildpaare bilden sich oder verschmelzen). Mit Hilfe solcher Ereignisse lässt sich z. B. die Helligkeitsstruktur der Akkretionsscheibe von Quasaren studieren. Paradeobjekt: Einstein-Kreuz.

Für die Untersuchung des Mikrolinseneffektes von Quasaren muss man die Lichtlaufzeitunterschiede kennen, damit man intrinsische Helligkeitsveränderungen des Quasars und den Mikrolinseneffekt unterscheiden kann.

Schneider, P., J. Ehlers, E. E. Falco (1999): Gravitational lenses, Springer Verlag

# XVI.7 Plasmaphysik

Bei einem *Plasma* handelt es sich um elektrisch neutrale Materie aus positiv und negativ geladenen Teilchen, die so eng beisammen liegen, dass sie jeweils auf viele Nachbarn einwirken. Diese *kollektive Wirkung* macht ein Plasma aus.

In manchen astrophysikalischen Anwendungen ist die Näherung der Magnetohydrodynamik (MHD) als Beschreibung eines Plasmas nicht mehr ausreichend.

Die Zweikomponenten-Theorie kann als Erweiterung der MHD weitere physikalische Effekte erklären.

In voller Allgemeinheit muss die Wechselwirkung von Materie und elektromagnetischem Feld in der *statistischen Plasmaphysik* behandelt werden, einer Koppelung zwischen Elektrodynamik und statistischer Mechanik.

Kennzeichnende Größen eines Plasmas:

- Debye-Länge
- Plasma-Parameter
- Ionisationsgrad

996

# XVI.7.1 Debye-Länge

Die Debye-Länge ist die typische Distanz  $\lambda_D$  im Plasma, auf der Ladungen abgeschirmt werden und Quasi-Neutralität erreicht wird. Das elektrische Potential einer Ladung im Plasma folgt  $\Phi = (Z_i e/r) \exp(-r/\lambda_D)$ , also  $\Phi = (Z_i e/r)$  für  $r \to 0$  und  $\Phi \to 0$  für  $r \gg \lambda_D$ .

Näherung: 
$$\lambda_{\rm D} = \sqrt{\epsilon_0 k_{\rm B} T_{\rm e}/(e^2 n_{\rm e})} = 69 \sqrt{\left(\frac{T_{\rm e}}{1 \, \rm K}\right) \left(\frac{n_{\rm e}}{1 \, \rm m^{-3}}\right)^{-1}} \, \rm m_{e}$$

|| mit Elektronentemperatur  $T_{e}$  und Elektronendichte  $n_{e}$ .

*Quasi-Neutralität* wird erreicht, wenn  $\lambda_D \ll L$ , der Gesamtausdehnung der Plasmaverteilung. Randeffekte spielen dann keine Rolle mehr.

Zahlenwerte:

Plasmatyp	$m_{ m e}$ m <sup>-3</sup>	T <sub>e</sub> K	$\lambda_{ m D}$ m
Sonnenzentrum:	10 <sup>32</sup>	107	$10^{-11}$
Sonnenwind:	$10^{6}$	$10^{5}$	10
Interstellares Gas:	$10^{5}$	$10^{4}$	10
Intergalaktisches Gas:	1	$10^{6}$	$10^{5}$

### XVI.7.2 Plasma-Parameter

Der *Plasma-Parameter*,  $\Lambda = (4\pi/3) n_e \lambda_D^3$ , misst die Teilchenanzahl in einer Kugel mit Radius  $\lambda_D$ .

Achtung: Manchmal ist der Plasma-Parameter invers definiert.

- $\Lambda \gg 1$ : relativ heiße und dichte Plasmen, schwache Kopplung  $\rightarrow$  interstellare Materie, Jets
- $\Lambda \ll 1$ : relativ kühle und dünne Plasmen, starke Kopplung  $\rightarrow$  Atmosphären kompakter Objekte.

# XVI.7.3 Ionisation

Plasma-Materie ist ionisiert. Plasmen entstehen allgemein aus Stoßionisation durch Elektronen oder Photonen.

*Kollisionen*: Die Beschreibung der Stöße als eines stochachstischen Prozesses erfolgt durch eine Wahrscheinlichkeitsfunktion. Wegen der Debye-Abschirmung erfolgen die meisten Stöße nur mit kleinen Winkelablenkungen (Näherung in der Fokker-Planck-Gleichung). Durch Kollisionen kann die Maxwell-Verteilung etabliert werden.

- Kippenhahn, R., C. Möllenhoff (1975): *Elementare Plasmaphysik*, Bibliographisches Institut Mannheim.
- Shu, F. (1992): *The Physics of Astrophysics, Vol. II: Gas Dynamics,* University Science Books, Sausalito.
- Kirk, J. G., D. B. Melrose, E. R. Priest (1994): Plasma astrophysics, Saas Fee Advanced Course 24, Springer-Verlag.

# XVI.8 Kontinuumsnäherung der Materie (Hydrodynamik)

Ein Ensemble freier Teilchen wird als Kontinuum betrachtet, wenn die mittlere freie Weglänge  $\ell$  klein zur typischen makroskopischen Längenskala *L* ist.

Für  $\ell \ll L \rightarrow$  Beschreibung der Materie durch ein Kontinuum aus dicht gepackten *Strömungselementen* (Massenelementen), jeweils bestehend aus einer "Teilchen-Wolke" mit Volumen *V*, und einer Ausdehnung groß gegen  $\ell$  bzw. klein gegen *L*. Die Strömungselemente füllen bei infinitesimaler Ausdehnung den ganzen Raum aus. Die physikalischen Eigenschaften der Strömung werden durch die räumliche Verteilung der Strömungselemente und deren individuelle Eigenschaften bestimmt und in einer makroskopischen Betrachtung durch (stückweise) differenzierbare ("glatte") Funktionen beschrieben. In einem Strömungselement befinden sich nahezu gleiche Teilchen.

Dem Strömungselement wird z. B. eine mittlere Geschwindigkeit zugeordnet. Wegen  $\ell \ll L$  entfernen sich die Teilchen bei ihrer Zufallsbewegung (= "Irrfahrt", engl.: *random walk*) nie weit von der mittleren Bewegung des Strömungselements.

### Lagrangesche Beschreibung

Ableitung aus der Kinematik individueller Strömungselemente ähnlich der Newtonschen Mechanik. Betrachter bewegt sich mit dem Strömungselement mit, beobachtet dessen Änderungen.

### Eulersche Beschreibung

Ableitung im Sinne einer Feldtheorie, ähnlich der Maxwellschen Feldtheorie. Betrachter beobachtet an einem festen Ort zu verschiedenen Zeiten verschiedene Strömungselemente.

# XVI.8.1 Hydrodynamische Gleichungen

Ableitung der hydrodynamischen Gleichungen aus der statistischen Theorie (siehe auch Kap. XVI.7.6). Kurzbeschreibung:

- 1) Betrachte zeitliche Entwicklung der *Verteilungsfunktion*  $f(\vec{x}, \vec{v}, t)$  eines Teilchens im Phasenraum. Die Größe  $f(\vec{x}, \vec{v}, t) d^3x d^3v$  gibt die Anzahl der Teilchen an, die sich zur Zeit *t* im Ortsvolumen  $(\vec{x}, \vec{x} + d\vec{x})$  befinden und sich mit Geschwindigkeiten im Bereich  $(\vec{v}, \vec{v} + d\vec{v})$  bewegen.
- 2) Änderung von f durch
  - a) externe (langreichweitige) Kräfte  $\vec{F}$ ,
  - b) Teilchen-Kollisionen (stochastisch), beschrieben durch die *Boltzmann-Gleichung* mit Stoß-Term C(f).
- 3) *Mittelwerte* physikalischer Größen als *Strömungselement-Mittelwert*  $\langle Q \rangle$  von Teilchengrößen Q durch Integration der Boltzmann-Gleichung über alle Geschwindigkeiten mit Wichtung f,  $\langle Q \rangle = n^{-1} \int_{\mathbb{R}^3} Q f d^3 v$ , mit der mittleren Teilchendichte  $n = \int_{\mathbb{R}^3} f d^3 v$ .
- Momente der Boltzmann-Gleichung ergeben die Erhaltungsgleichungen f
  ür Masse, Impuls und Energie → hydrodynamische Gleichungen:

Die Kontinuitätsgleichung als 0. Moment:

$$\frac{\partial \varrho}{\partial t} + \nabla \cdot (\varrho \vec{v}) = 0.$$

Die Bewegungsgleichung als 1. Moment:

$$\varrho \left[ \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \nabla) \vec{v} \right] = -\nabla P - \varrho \nabla \Phi - \nabla \cdot \overline{\overline{\pi}}$$

mit dem Gravitationspotential  $\Phi$ , dem Gasdruck *P*, dem viskosen Spannungstensor  $\overline{\overline{\pi}}$  und der Vektordivergenz  $(\nabla \cdot \overline{\overline{\pi}})_i \equiv \Sigma_j (\partial \pi_{ij} / \partial x_j)$ .

Die Energiegleichung als 2. Moment:

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial t} \left[ \varrho \left( \frac{1}{2} |\vec{v}|^2 + \varepsilon \right) \right] + \nabla \cdot \left[ \varrho \left( \frac{1}{2} |\vec{v}|^2 + \varepsilon \right) \vec{v} \right] = \\ & - \nabla \cdot (P\vec{v}) - \varrho \vec{v} \cdot \nabla \Phi + \nabla \cdot (\vec{v} \cdot \overline{\overline{\pi}}) - \nabla \cdot \vec{w} \,, \end{split}$$

mit spezifischer innerer Energie  $\varepsilon$  und Energiefluss  $\vec{w}$  durch Wärmeleitung.

1004

Die wichtigsten Bedingungen sind:

- 1) eine hinreichend hohe Materiedichte (kleine freie Weglänge),
- nur Betrachtung von Effekten, bei denen es auf elektrische Ströme und nicht auf die Existenz individueller Ladungsträger ankommt (Kontinuumsnäherung).

Die MHD-Gleichungen können aus der statistischen Plasmaphysik abgeleitet werden (siehe § XVI.7.6). Dabei werden die Gleichungssysteme für die Plasmakomponenten, Elektronen und Ionen, unter Annahme bestimmter Näherungen in ein Gleichungssystem für eine einzige Flüssigkeits- bzw. Gaskomponente übergeführt.

Insbesondere folgt in der MHD-Näherung aus den Lorentzkräften auf einzelne Teilchen  $\propto q \ (\vec{v} \times \vec{B})$  die MHD-Lorentzkraft  $\propto \vec{j} \times \vec{B}$ .

Bei sehr hoher Leitfähigkeit sind Magnetfeld und Materie "eingefroren" (*ideale MHD*). Sinkt die Leitfähigkeit, so entsteht "Schlupf" zwischen Massenfluss und und magnetischem Fluss. Neutrale Materie kann durch Stöße an das "eingefrorene" Material und damit an das Magnetfeld gekoppelt werden (ambipolare Diffusion).

Störungen einer MHD-Konfiguration pflanzen sich durch Wellen fort. Kleine (lineare) Störungen breiten sich als *MHD-Wellen* verschiedener Geschwindigkeit und Fortpflanzungsrichtung aus. Größere Störungen steilen sich zu *Stoßwellen* auf.

Magnetische Spannungen und magnetischer Druck ermöglichen — im Vergleich zur Hydrodynamik — die Existenz weiterer *Instabilitäten*.

#### XVI.9.1 MHD-Grundgleichungen

Aus den *Maxwell-Gleichungen* (SI-Einheiten,  $\mu = 4\pi \times 10^{-7}$  Vs/Am) in der sogenannten *MHD-Näherung* (Raumladungseffekte bleiben wegen hoher elektrischer Leitfähigkeit unberücksichtigt),

$$rac{1}{\mu} \, 
abla imes ec{B} = \epsilon_0 \, rac{\partial ec{E}}{\partial t} \; , \quad rac{\partial ec{B}}{\partial t} = - 
abla imes ec{E} \; , \quad 
abla \cdot ec{B} = 0 \; ,$$

dem *Ohmschen Gesetz* ( $\sigma$  = elektrische Leitfähigkeit),

$$\frac{1}{\sigma}\vec{j}=\vec{E}+\vec{v}\times\vec{B}\;,$$

und den um die *Lorentzkraft*  $\vec{j} \times \vec{B}$ , erweiterten hydrodynamischen Gleichungen lässt sich der Satz von *MHD-Gleichungen* ableiten:

1014

# Induktionsgleichung

$$rac{\partial \vec{B}}{\partial t} = -
abla imes \vec{E} = 
abla imes (\vec{v} imes \vec{B}) - 
abla imes (\eta 
abla imes \vec{B})$$
;

**Divergenzfreiheit des Magnetfeldes**  $\rightarrow$  Abwesenheit magnetischer Monopole

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$
;

Kontinuitätsgleichung (Massenerhaltung),

$$rac{\partial arrho}{\partial t} + 
abla \cdot (arrho \, ec v) = 0$$
 ;

Bewegungsgleichung (Impulserhaltung, siehe auch § XVI.8.1),

$$\varrho \left[ \frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \nabla) \, \vec{v} \right] = -\varrho \nabla \Phi - \nabla P + \vec{j} \times \vec{B} - \nabla \cdot \overline{\overline{\pi}} + \vec{f}_{\text{rad}} ;$$

**Energiegleichung**, welche die zeitliche Änderung des Energieinhalts eines Massenelements beschreibt, und insbesondere den Energietransport, die geleistete Arbeit s. § XVI.8.1, den Poyntingfluss, Heizung  $\Gamma$  und Kühlung  $\Lambda$ , Ohmsche Heizung berücksichtigt,

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial t} \left[ \frac{1}{2} \varrho \left| \vec{v} \right|^2 + \varrho \, \Phi + \varrho \, \varepsilon + \frac{\left| \vec{B} \right|^2}{2\mu} \right] + \nabla \cdot \left[ \left( \frac{1}{2} \varrho \left| \vec{v} \right|^2 + \varrho \Phi + \frac{\gamma P}{\gamma - 1} \right) \vec{v} + \frac{\vec{E} \times \vec{B}}{\mu} \right] \\ &= \varrho \, \frac{\partial \Phi}{\partial t} + \Gamma - \Lambda + \eta \left| \nabla \times \vec{B} \right|^2 \,. \end{split}$$

Der Gravitationsterm auf der rechten Seite beruht auf der Nichtlokalisierbarkeit der Gravitationsenergie, namentlich in selbstgravitierenden Systemen.

Zusammen mit einer Aussage über die Thermodynamik der betrachteten Materie, ist dies ein vollständiges Gleichungssystem.

Für ein ideales Gas mit der spezifischen inneren Energie,  $\varepsilon$ , konstanten spezifischen Wärmen,  $c_p$  und  $c_v$ , gelten mit  $\gamma = c_p/c_v$ , sowie der Boltzmannschen Konstanten,  $k_B$ , und der atomaren Masseneinheit,  $m_u$ , die Zustandgleichungen,

$$P = rac{k_{\mathrm{B}}}{m_{\mathrm{u}}} \varrho T ,$$
  
 $arepsilon = rac{1}{\gamma - 1} rac{P}{arepsilon} .$ 

Die Ausströmungen können sich unterscheiden bzgl. ihrer Geschwindigkeit, des Grades ihrer Bündelung (Kollimation), oder ihres Beschleunigungsmechanismus.

Heute nimmt man an, dass die schnellen, stark gebündelte Ausströmungen — die Jets — der verschiedenen Quellen durch einen ähnlichen physikalischen Prozess erzeugt werden: Sie werden *magnetohydrodynamisch* beschleunigt und kollimiert. Weniger stark gebündelte Ausströmungen werden hauptsächlich von *Gasdruck* oder *Strahlungsdruck* getrieben.

XVI.11.1 Winde

Weniger stark kollimierte, vergleichsweise langsame Ausströmungen werden als Winde bezeichnet. Beispiele sind stellare Winde, z. B. der Sonnenwind, Winde von heißen Sternen, Pulsarwinde, oder auch galaktische Winde.

### XVI.11.1.1 Parker-Wind

Parker (1958) schlug ein (hydro-) dynamisches Modell für die Struktur des Sonnenwindes vor (in der Voraussage bestätigt 1959–1960 von den Raumsonden LU-NIK III, VENUS und MARINER). Der Wind steht dabei im Kräftegleichgewicht von *Gasdruck* und *Gravitation*.

Grundannahmen: Stationarität, sphärische Symmetrie und isothermes Gas.

Für die Massenerhaltung folgt dann  $r^2 \rho v =$  konst. und aus der Bewegungsgleichung

$$\varrho v \, \frac{\mathrm{d} v}{\mathrm{d} r} = -\frac{\mathrm{d} P}{\mathrm{d} r} - \varrho \, \frac{G \mathrm{M}_\odot}{r^2}$$

mit der isothermen Schallgeschwindigkeit  $c_s := \sqrt{P/\varrho}$  und  $r_s := GM_{\odot}/c_s^2$  folgt

$$\left(1-\frac{c_{\rm s}^2}{v^2}\right)v\,\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}r}=\frac{2c_{\rm s}^2}{r^2}\left(r-r_{\rm s}\right)\,.$$

Auflösung nach dv/dr zeigt eine potentiell *singuläre Stelle* bei  $v = c_s$ . Regularität ist nur gewährleistet, wenn gleichzeitig  $r = r_s$ . Integration ergibt die Bernoulli-Gleichung (Windgleichung, Energiegleichung), in der Form

$$\left(\frac{v}{c_{\rm s}}\right)^2 - \log\left(\frac{v}{c_{\rm s}}\right)^2 = 4\log\left(\frac{r}{r_{\rm s}}\right) + 4\frac{r_{\rm s}}{r} + C$$

Die Lösung dieser Gleichung besitzt mehrere Lösungsäste: Die physikalische Windlösung (Ast V) startet innen mit kleiner Geschwindigkeit, beschleunigt nach außen und überschreitet dabei den kritischen Punkt  $r_s$ , an dem der Wind die Schallgeschwindigkeit überschreitet (Schallpunkt, vgl. §XVI.8.4 auf S. 1008).

Diese kritische Lösung ergibt sich für eine bestimmte Konstante C. Über- oder unterkritische Lösungsäste sind nicht



für alle Radien bzw. Geschwindigkeiten definiert (Äste I-IV).

Beispiel: Sogenannte "Brisenlösung" (Ast IV) mit radial zunächst ansteigender, dann wieder abfallender Geschwindigkeit.

*Zahlenwerte Sonne* (*R* = Gaskonstante):

 $T_{\rm K} = 10^6$  K (Korona),  $c_{\rm s} \approx (RT)^{1/2} \approx 100$  km/s, Schallpunkt  $r_{\rm s} \approx 10$  R<sub> $\odot$ </sub>.

Am Erdbahnradius  $r_{\pm} = 214 \text{ R}_{\odot}$  ist v = 345 km/s,  $c_s = 310 \text{ km/s}$ .

 $\rightarrow$  Parker-Modell macht sehr gute Vorhersage: Beobachtungen ergeben bei 1 AE eine Windgeschwindigkeit  $v \approx 320 \, \text{km/s}$ .

Als weitere Verbesserung kann z. B. ein polytropes Gas  $P = K \rho^{\gamma}$  anstelle der isothermen Näherung verwendet werden. Der Sonnenwind fließt nur aus 20 % der Sonnenoberfläche und "endet" bei etwa 100 AE in der Stoßfront der Heliopause.

### XVI.11.1.2 Magnetische Winde

Der Sonnenwind und andere Winde und Ausströmungen sind magnetisch. Eine Erweiterung des Parker-Modells erfolgte von Weber & Davis (1967).

Zwei wichtige Gesichtspunkte spielen beim magnetischen Wind eine Rolle:

- Rotation der Fußpunkte der Feldlinien überträgt sich auf die MaterieBeitrag von magnetischem Drehimpuls und Drehmoment

Die Energiegleichung (Windgleichung, Bernoulligleichung) hat im magnetischen Fall weitere potentielle Singularitäten. Diese singulären Stellen sind mit den MHD-Wellengeschwindigkeiten verknüpft. Regularität der Lösung erfordert, dass die Windgeschwindigkeit am langsamen magnetosonischen Punkt die langsame magnetosonische Geschwindigkeit, am *Alfvénpunkt* die Alfvéngeschwindigkeit, und am schnellen magnetosonischen Punkt die schnelle magnetosonische Geschwindigkeit erreicht.

#### Daraus ergeben sich vier Grundfragen der MHD-Jet-Theorie:

- 1) Beschleunigung und Bündelung eines Scheibenwindes in einen Jet?
- 2) Umkehr der Akkretionsströmung in einen Ausfluss?
- 3) Ursprung und Struktur des Jet-Magnetfeldes?
- 4) Propagation der Jetströmung und Wechelswirkung mit dem umgebenden Medium?



### XVI.11.4 Magnetohydrodynamische Wind-/Jetbeschleunigung

Blandford und Payne (1982) schlugen vor, dass Scheibenwinde und -jets zunächst *magneto-zentrifugal* beschleunigt werden. Die Magnetfeldlinien können hierbei als starke "Führungsschienen" für die Materieströmung angesehen werden (engl.: *beads on a wire*).

Für Feldlinien, die in einer Kepler-Scheibe verankert sind (Fußpunkt  $r_0$ ), ist das effektive Potential entlang der Feldlinie

$$\Phi(r,z) = -\frac{GM}{r_0} \left[ 0.5 \left(\frac{r}{r_0}\right)^2 + \frac{r_0}{\sqrt{r^2 + z^2}} \right] \,,$$

Für Neigungsswinkel unter  $60^{\circ}$  zwischen Scheibe und Feldlinie wird das zentrifugale Gleichgewicht instabil  $\rightarrow$  eine Störung führt zu einem "Auswurf" des Materials entlang der Feldlinie.

Dieselbe Instabilität wirkt übrigens auch, wenn die Feldlinie zur Rotationsachse hin geneigt sind; dann gewinnt die Gravitation, und das Gas wird nach innen beschleunigt.

Die magneto-zentrifugale Beschleunigung ist kein eigentlicher MHD-Prozess. Sie benötigt allerdings ein *starkes poloidales Magnetfeld*.





# Kapitel XVII Geschichte der Astronomie

# Literatur:

- Allgemeine Darstellungen:
  - Hoskin, Michael (1999): *The Cambridge Concise History of Astronomy*, Cambridge University Press
  - North, John D. (2008): *Cosmos An Illustrated History of Astronomy and Cosmology*, University of Chicago Press
- Zeitschriften:
  - Journal for the History of Astronomy
  - Isis
  - British Journal for the History of Science
- Abdruck von Originalarbeiten:
  - Hamel, Jürgen (1996): Astronomiegeschichte in Quellentexten von Hesiod bis Hubble, Spektrum Akademischer Verlag
  - Lang, Kenneth R. & Owen Gingerich (1979): A Source Book in Astronomy and Astrophysics, 1900–1975, Harvard University Press, Cambridge (Mass.).
  - Sonderausgabe des Astrophysical Journal, Vol. 525 (1999): Selected fundamental papers published this century in the Astronomical Journal and The Astrophysical Journal.

# XVII.1 Symbolik des Himmels

N. M. Swerdlow (2000): Ancient Astronomy and Celestial Divination, MIT Press, Cambridge (Mass.)

Die Bedeutung des Himmels als sichtbarer Raum über der Erdoberfläche geht in vielen Kulturen fließend über in gleichnishafte Vorstellung eines mit übernatürlichen Wesen bevölkerten oder mit übernatürlichen Kräften ausgestatteten Bereichs der menschlichen Umwelt. Sichtbarer Himmel steht in vielen Kulturen für (rituelle) Reinheit. Als Quelle von Licht und Wasser Himmel auch Symbol für Erleuchtung und Fruchtbarkeit.

Im Mittelalter stand Himmelsblau für das Gewand der Jungfrau Maria.

Analogie zum (stehenden) menschlichen Körper schafft Verbindung zwischen Himmel und Bewusstsein/Geist (Hinduismus, Mahayana-Buddhismus).

Werden Götter in der Umwelt lokalisiert, sind die höchsten und mächtigsten oft im Himmel.

In manchen Kulturen galt Himmel als *identisch* mit Göttern (Babylon, altes China, Ewe-Kultur im heutigen Ghana, Westafrika), in anderen gilt Himmel als Wohnort der Götter (z. B. in Mythologie der Griechen).

Heiligkeit bestimmter irdischer Orte von der des Himmels abgeleitet.

z. B. *Kaaba* in Mekka. Einem muslimischen Text des 9. Jahrhunderts zufolge fiel ein Stein durch ein Loch im Himmel auf diese Stelle der Erde.

### XVII.2 Der Himmel mit bloßem Auge

Aaboe, Asger (2001): Episodes from the Early History of Astronomy, Springer-Verlag

Walker, Christopher (Hrsg.) (1996): Astronomy Before the Telescope, St. Martin's Press (New York)

Drei elementare Beobachtungen sind für Navigation und Kalender grundlegend:

- 1) Alle Himmelskörper vollziehen scheinbar Kreisbahnen um den nördlichen, bzw. südlichen *Himmelspol*.
- 2) Im Jahreslauf verändert sich der *sichtbare Ausschnitt* des Sternhimmels im Einklang mit den Jahreszeiten (nach einem Jahr sind nachts zu derselben Zeit dieselben Fixsterne sichtbar),
- 3) Parallel dazu variieren der *Azimut* des Auf- und Untergangs der Sonne sowie die Tageslänge.

Oft bedeutsam: *Heliakischer Aufgang* (s. § I.1.1) von Himmelskörpern im Osten vor Sonnenaufgang, Wiederkehr von Sternen an den Nachthimmel nach mehrwöchiger Überstrahlung durch Sonne.

Die Wahrnehmung des Nachthimmels in Nähe des Äquators unterscheidet sich markant von der in gemäßigten Breiten und Polarregionen.

Am Äquator steigen Himmelskörper senkrecht (im rechten Winkel zum Horizont) auf und gehen senkrecht unter. Das vereinfacht manche Navigationsaufgaben.

Langfristige Änderungen des von einem bestimmten Ort aus sichtbaren Teil des Sternhimmels aufgrund der Präzession.

Schaefer, Bradley E. (2000): The Latitude and Epoch of Formation of the Southern Greek Constellations, Journal for the History of Astronomy, 33: 313-350

# XVII.2.1 Mündliche Überlieferung

In der zufälligen Projektion naher, heller Sterne an die Himmelssphäre erkennen Menschen in Mustern Dinge, die in Mythologie oder Alltagsleben bedeutsam sind. Dies ähnelt einem Rorschach-Klecksbildtest in der Psychologie. Einprägsame Muster mündlich überliefert.

Das *womöglich älteste Sternbild* ist Ursa Maior, Großer Bär (wegen weiblicher Form Ursa eigentlich Große Bärin). Es ist unter diesem Namen in Kulturen beiderseits der Beringstraße bekannt, welche sich am Ende der letzten Eiszeit (vor etwa 10000 Jahren) öffnete.

Das *Gebet der Götter an die Nacht* (Babylon, etwa 1700 v. Chr.) beschreibt vier Sternbilder.

Zahlreiche weitere Sternbilder entstanden vermutlich erst zwischen 1 300 und 1 100 v. Chr. in Mesopotamien. Die Schrift *mul.apin*, entstanden am Ende dieser Zeit, nennt bereits 30 Sternbilder.

Sterngruppen aus diesen Sternbildern wurden in spätere klassische griechische Sternbilder integriert, die auch die Namen teilweise übernehmen.

Älteste überlieferte Diskussion der griechischen Sternbilder in Lehrgedicht *Phaenomena* des Aratos von Soli (um 275 v. Chr.).

# XVII.2.2 Materielle Fragmente

Aveni, Anthony F. (2008): *People and the Sky: Our Ancestors and the Cosmos*, Thames and Hudson (London)

Ältestes datierbares (Sonnen-) "Observatorium": *Ringförmige Anlage* (Palisadenzaun) bei Goseck (Sachsen-Anhalt) aus der Zeit um 5 000 bis 4 800 v. Chr. mit Öffnungen in Richtung Nord, Südwest und Südost (wie Mercedesstern). Aus dem Zentrum betrachtet, sind letztere die Richtungen des Sonnenaufund Untergangs zur Zeit der Wintersonnenwende (um den 21. Dezember).

Neolithische *Großsteingräber* in Portugal weisen grob Richtung Osten, genauer: in Richtungen, in denen die Sonne nach der Erntezeit im Herbst aufgeht. Vermutlich wurden solche Anlagen in Zeiten geringer landwirtschaftlicher Arbeit errichtet.

In welchem Ausmaß die Ringanlage von *Stonehenge* (Südengland), die um 2400 bis 2200 v. Chr. entstand, als Observatorium diente, ist bis heute umstritten.

Werke von Aristoteles und Ptolemäus erst ab dem 12. Jh. ins Lateinische übersetzt.

Wichtige Aufgabe der praktischen Astronomie: Berechnung des Osterdatums.

Astronomie und Astrologie weiter eng verwandt. Grundlage dafür unter anderem Vorstellung des Aristoteles, der menschliche Körper sei zum Kosmos analog.

Ab dem 14. Jahrhundert (als griechische Texte bekannt) neue Überlegungen zur Dynamik, insbesondere der Frage, ob die Erde ruht oder sich dreht.

Wesentliche Fortschritte erst mit *Erfindung des Buchdrucks* im 15. Jh. Wichtig insbesondere für Verbreitung mathematischer Methoden, da handschriftlich übertragene Texte oft voller Fehler waren.

Ebenfalls im 15. Jahrhundert wurden Werke Platons verbreitet, die der Naturphilosophie des Aristoteles eine *mathematische Weltsicht* zur Seite stellte.

Popularisierungen des *Almagest* machten Schwächen der ptolemäischen Modelle bekannt. Kosmologische Schriften des Ptolemäus waren längst vergessen, Modelle des *Almagest* wurden mit seinen theoretischen Überlegungen verwechselt.

#### XVII.2.7 Frühe Neuzeit

Gingerich, Owen (1993): *The Eye of Heaven: Ptolemy, Copernicus and Kepler,* American Institute of Physics (New York)

Nikolaus Kopernikus (1473–1543) arbeitet seit 1503 als Domherr für das Bistum Frauenburg (heutiges Polen). Anfangs ist sein Onkel dort Bischof.

Nach mehrjährigem Aufenthalt in Rom veröffentlicht Kopernikus den Ptolemäus-Kommentar *Commentariolus* ("Kleiner Kommentar", 1503).

Dieser beschreibt die Sonne als Mittelpunkt der Welt und den Mond als Satellit der Erde  $\rightarrow$  *heliozentrisches Weltbild*. Darin Bahnmodelle der Planeten ohne Äquanten.

Verbesserung dieser Modelle in Hauptwerk *De revolutionibus orbium coelestium* ("Über die Umdrehungen der Himmelskreise"), das 1543 erscheint. Modelle nicht weniger komplex als die des *Almagest*.

Neue Erklärung der *rückläufigen Planetenbewegung*: wir beobachten Planeten von der selbst um die Sonne kreisenden Erde. Diese "überholt" die langsamer umlaufenden, äußeren Planeten wie etwa den Mars.

*De revolutionibus orbium coelestium* ist zweifellos der Höhepunkt des griechischen Programms, die Planetenbewegung geometrisch zu beschreiben.

# Kapitel XVIII Anhang

# XVIII.1 Astronomie im Internet

Die folgenden Hyperlinks wurden zum Zeitpunkt der Drucklegung kontrolliert. Leider werden diese (oft scheinbar willkürlich) geändert, so dass eine Garantie über ihre Funktionsfähigkeit nicht gegeben werden kann. Gegebenenfalls kann der Link aber dabei helfen, eine umgezogene Webseite aufzuspüren.

[1] Literaturdatenbank ADS (SAO/NASA Astrophysics Data System):

http://esoads.eso.org/abstract\_service.html

Scans älterer Publikationen ( $\lesssim$  1990) und Links zu neueren Originalarbeiten. Empfohlene Einstellungen bei Recherche: "All refereed articles" und "Sort by citation count".

- [2] Literaturdatenbank mit Vorabdrucken http://arxiv.org/archive/astro-ph/
- [3] Landolt-Börnstein Datenbank (Zugriff erfordert Lizenz) http://www.springermaterials.com/navigation/#1\_1\_84836\_
- [4] Murdin, P. (2001) Encyclopedia of Astronomy and Astrophysics (Zugriff auf Artikel erfordert Lizenz) http://eaa.crcpress.com/
- [5] Annual Review of Astronomy and Astrophysics Jährliche Reihe von Übersichtsartikel, erscheint seit 1963 (Zugriff auf Artikel erfordert Lizenz, viele aber über astroph erreichbar) http://www.annualreviews.org/
- [6] Konferenzberichte der Astronomical Society of the Pacific (ASP) seit 1988, (Zugriff auf Artikel erfordert Lizenz) http://www.astrosociety.org/pubs/cs/confseries.html
- [7] Konferenz-Beiträge der Carnegie-Symposia 2003 finden sich auf der Webseite der Carnegie Observatories Astrophysics Series http://obs.carnegiescience.edu/ociw/symposia/series

# XVIII.2 Fachwörterbuch

Übersetzung der wichtigsten Fachbegriffe in die (aus der) englische(n) Sprache. Aufgenommen sind nur Begriffe, die in mittelgroßem Wörterbuch nicht zu finden sind oder deren wörtliche Übersetzung fehlerhaft würde.

Englische Begriffserklärungen bzw. Übersetzungen auch in andere Sprachen finden sich in folgenden Werken:

- Hopkins, J. (1980): Glossary of Astronomy and Astrophysics, University of Chicago Press
- Kleczek, Josip (1961): Astronomisches Wörterbuch in sechs Sprachen (Englisch, Russisch, Deutsch, Französisch, Italienisch, Tschechisch), Czechoslovak Academy of Sciences, Praha.

Deutsch — englisch

Abbildung mit akustischen Methoden	Auflösungsvermögen
acoustic imaging	Aufwühlphase dredge
Abknickpunkt turn-off point	Ausbruch burst
Abkühlzeit cooling time	ausgedehnter Ring (in 2
Absenkung dip	mit koronalem Mass
Absorptionssystem mit ausgeprägter	CME
Lyman-Kante Lyman-limit system	Auslaufen von Ladung
(LLS)	Ausleserauschen read
Absorptionssystem, deren Ly-α-Linie auf	Ausreißerstern runaw
kurve liegt damped Lyman-α system (DLA)	außen liegendes Gebiet sionslinien extend region (ENLR)
advektionsdominierte Akkretionsströmung advection dominated accretion flow (ADAF)	außer Kontrolle geraten Reaktion thermor
Alter-Null-Hauptreibe zoro ago main so	Aussetzer drop-out
quence (ZAMS)	Auswahleffekt bias
Alterslücke age-gap	Bahnelement orbital e
Anfangsmassenfunktion initial mass	Bahnneigung inclinat
function (IMF)	Baldachin (in Sonnench
Anregung excitation	nopy
Anschlussstern reference star	Balkenspirale barred
Anstellwinkel pitch angle	Balmersprung Balmer
i moto datama	baryonische akustische
Aquinoktium equinox	ryonic acoustic oscil
Äquivalentbreite equivalent width	Bauch bulge
asymptotischer Riesenast asymptotic giant branch (AGB)	Bedeckungsveränderlic binary

ufwühlphase dredge-up usbruch burst usgedehnter Ring (in Zusammenhang mit koronalem Massenauswurf) halo CME uslaufen von Ladung blooming usleserauschen read-out noise (RON) usreißerstern runaway star ußen liegendes Gebiet schwacher Emissionslinien extended narrow-line region (ENLR) ußer Kontrolle geratene thermonukleare **Reaktion** thermonuclear runaway ussetzer drop-out uswahleffekt bias orbital element ahnelement inclination of orbit ahnneigung aldachin (in Sonnenchromosphäre) canopy alkenspirale barred spiral almersprung Balmer discontinuity aryonische akustische Schwingung baryonic acoustic oscillation (BAO) auch bulge edeckungsveränderlicher eclipsing binary

resolution