

Ergänzungen für das Saarland

Potenzfunktion mit negativem Exponenten

Funktionsgleichung: $y = x^{-n} = \frac{1}{x^n}$, $n \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$

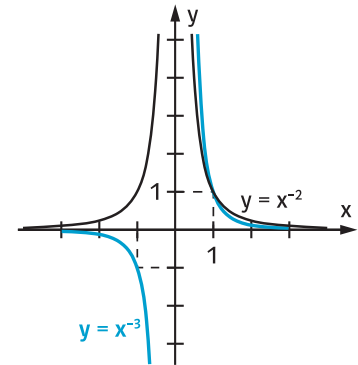
Definitionsmenge: $\mathbb{R} \setminus \{0\}$

Wertemenge: \mathbb{R}^+ , wenn n gerade ist
 $\mathbb{R} \setminus \{0\}$, wenn n ungerade ist

Graphen: **Hyperbeln**

Nullstellen: keine

Symmetrie: Der Graph ist achsensymmetrisch zur y-Achse, wenn n gerade ist;
 punktsymmetrisch zum Ursprung, wenn n ungerade ist.



Wurzelfunktionen

Sinusfunktion

Funktionsgleichung: $y = \sin(x)$

Definitionsmenge: \mathbb{R}

Wertemenge: $[-1; 1]$

Nullstellen: $x_k = k\pi$, $k \in \mathbb{Z}$

Periode: 2π

$$\sin(x + 2\pi) = \sin(x)$$

Symmetrie: Punktsymmetrie
 zum Koordinatenursprung:
 $\sin(-x) = -\sin(x)$

Kosinusfunktion

Funktionsgleichung: $y = \cos(x)$

Definitionsmenge: \mathbb{R}

Wertemenge: $[-1; 1]$

Nullstellen: $x_k = (2k + 1)\frac{\pi}{2}$, $k \in \mathbb{Z}$

Periode: 2π

$$\cos(x + 2\pi) = \cos(x)$$

Achsensymmetrie zur
 y-Achse:
 $\cos(-x) = \cos(x)$

Allgemeine Sinusfunktion

$y = a \sin(bx + c) + d$, $a \neq 0$, $b \neq 0$

Wertemenge: $[-|a|; |a|]$

Nullstellen: $x_k = \frac{k\pi - c}{b}$, $k \in \mathbb{Z}$

Periodenlänge: $\frac{2\pi}{|b|}$

Sonderfall: $y = a \sin(x)$
 a : Graph von $y = \sin(x)$ wird in y-Richtung mit Faktor a gestreckt.

Sonderfall: $y = \sin(x + c)$
 c : Graph von $y = \sin(x)$ wird in x-Richtung um $-c$ verschoben.

Sonderfall: $y = \sin(bx)$
 b : Graph von $y = \sin(x)$ wird in x-Richtung mit Faktor $\frac{1}{b}$ gestreckt.

Sonderfall: $y = \sin(x) + d$
 d : Graph von $y = \sin(x)$ wird in y-Richtung um d verschoben.

