# 8 Fotovoltaik

Der *fotovoltaische Effekt* wurde 1839 von *Becquerel* beobachtet, der Silberelektroden in einem Elektrolyten bestrahlte und feststellte, dass dadurch ein Strom induziert wurde. 1954 gelang *Chapin, Fuller* und *Pearson* bei den Bell Laboratorien der Bau der ersten Solarzelle auf der Basis von einkristallinem Silicium mit einem Wirkungsgrad von 6%. Durch intensive Forschung und Entwicklung konnte der Wirkungsgrad innerhalb von 40 Jahren etwa vervierfacht werden.

### 8.1 Wirkungsweise der Solarzelle

Die Solarzelle ist grundsätzlich eine Fotodiode mit großer Fläche (Abb. 8.1, Abschn. 1.6.3.1). Durch absorbierte Photonen gebildete Elektron-Loch-Paare werden infolge des eingebauten elektrischen Feldes getrennt. Dabei werden die Elektronen zum n-Kontakt, die Löcher zum p-Kontakt befördert (Abb. 1.69). Die Deckfläche der Solarzelle ist mit einem Gitter dünner Kontaktfinger versehen, die den erzeugten Fotostrom ableiten. Wegen des hohen Reflexionsgrades der Halbleiter muss die Oberfläche der Zelle stets mit einer reflexvermindernden Schicht versehen werden. Da der Absorptionskoeffizient beim indirekten Halbleiter Silicium nur langsam mit der Photonenenergie ansteigt (Abb. 1.68), benötigen Si-Solarzellen eine Dicke von 200  $\mu$ m bis 300  $\mu$ m. Solarzellen aus direkten Halbleitern wie beispielsweise GaAs kommen dagegen mit Dicken von 1  $\mu$ m bis 2  $\mu$ m aus.

Im Kurzschlussbetrieb fließt durch die Solarzelle ein Fotostrom  $I_{\rm K}$ , der proportional ist zur eingestrahlten Leistung  $\Phi_{\rm e}$ :

$$I_{\rm K} \sim \Phi_{\rm e} = E_{\rm e} A \tag{8.1}$$

Bei gegebener Bestrahlungsstärke  $E_{e}$  steigt der Strom und damit die produzierte elektrische Leistung proportional zur Fläche A.



Abb. 8.1. Schematischer Aufbau einer Solarzelle

Im Leerlaufbetrieb ist an den Kontakten der idealen Solarzelle die Leerlaufspannung

$$U_{\rm L} = \frac{kT}{e} \ln \left( \frac{I_{\rm K}}{I_{\rm S}} + 1 \right) \approx \frac{kT}{e} \ln \left( \frac{I_{\rm K}}{I_{\rm S}} \right) \tag{8.2}$$

abgreifbar. *k*: Boltzmann-Konstante, *T*: absolute Temperatur, *e*: Elementarladung, *I*<sub>s</sub>: Sperr-Sättigungsstrom (Dunkelstrom).

Zeichnet man – anders als in Abb. 1.71 – die Kennlinie der Solarzelle im ersten Quadranten, so gilt für die Strom-Spannungs-Kennlinie einer idealen Solarzelle (Abb. 8.2)

$$I = I_{\rm K} - I_{\rm S} \left[ \exp\left(\frac{eU}{kT}\right) - 1 \right].$$
(8.3)



Abb. 8.2. Strom-Spannungs-Kennlinie einer Si-Solarzelle bei Standard-Testbedingungen (STC). Zellengröße 15 cm x 15 cm.

Ist der Lastwiderstand im Außenkreis  $R_{\rm L}$ , dann definiert der Schnittpunkt der Widerstandsgeraden  $I = U/R_{\rm L}$  mit der Kennlinie den Arbeitspunkt. Der *optimale Lastwiderstand* liegt vor, wenn die Fläche des grauen Rechtecks maximal ist, nämlich

$$P_{\rm m} = I_{\rm m} U_{\rm m} \,. \tag{8.4}$$

Der zugehörige Arbeitspunkt ist in Abb. 8.2 mit MPP (Maximum Power Point) gekennzeichnet. Da sich die Kennlinie mit der Sonneneinstrahlung verändert, muss für effektiven Betrieb der Lastwiderstand durch eine elektronische Schaltung so angepasst werden, dass stets im Punkt maximaler Leistung gearbeitet wird. Ein erster Schätzwert für den *optimalen Lastwiderstand* ist

$$R_{\rm L,opt} \approx \frac{U_{\rm L}}{I_{\rm K}}.$$
 (8.5)

Das Verhältnis der grau schraffierten Rechteckfläche in Abb. 8.2 zur größten denkbaren Rechteckfläche, gebildet durch den Kurzschlussstrom  $I_{\rm K}$  und die Leerlaufspannung  $U_{\rm L}$  wird als *Füllfaktor* bezeichnet:

$$F_{\rm F} = \frac{I_{\rm m} U_{\rm m}}{I_{\rm K} U_{\rm L}} = \frac{P_{\rm m}}{I_{\rm K} U_{\rm L}}.$$
(8.6)

Der Füllfaktor ist ein Maß für die Güte der Zelle. Er beträgt 70% bis 85%.

#### **Beispiel:**

Wie groß ist der Füllfaktor der Zelle von Abb. 8.2?

#### Lösung:

Aus dem Diagramm wird entnommen:  $U_L = 0,6$  V,  $U_m = 0,49$  V,  $I_K = 7,6$  A,  $I_m = 6,7$  A. Damit wird  $F_F = 72\%$ .

Die Kennlinie einer realen Solarzelle weicht etwas von der idealen nach Gl. (8.3) ab. Abbildung 8.3 zeigt ein Ersatzschaltbild einer realen Solarzelle. Der Parallelwiderstand  $R_p$  berücksichtigt Leckströme über die Oberfläche sowie Punktdefekte im pn-Übergang. Der Serienwiderstand  $R_s$  entsteht durch den Ohm'schen Widerstand des Halbleitermaterials, den Widerstand der Kontaktfinger sowie den Übergangswiderstand an der Halbleiter-Metall-Grenzfläche. Die Strom-Spannungs-Kennlinie wird jetzt

$$I = I_{\rm K} - I_{\rm S} \left[ \exp\left(\frac{eU + IR_{\rm s}}{kT}\right) - 1 \right] - \frac{U + IR_{\rm s}}{R_{\rm p}}.$$
(8.7)



Abb. 8.3. Ersatzschaltbild einer realen Solarzelle

Beide Widerstände verschlechtern den Füllfaktor (Abb. 8.4). Bei besonders niedrigen Parallelwiderständen reduziert sich die Leerlaufspannung und bei besonders hohen Serienwiderständen verringert sich der Kurzschlussstrom.



Abb. 8.4. Kennlinien realer Solarzellen

Die Eigenschaften der Solarzelle sind temperaturabhängig. Mit steigender Temperatur nimmt die Leerlaufspannung ab, während der Kurzschlussstrom leicht ansteigt. Tabelle 8.1 zeigt eine Zusammenstellung der Temperaturkoeffizienten.

 
 Tabelle 8.1. Temperaturkoeffizienten der Betriebsparameter von Silicium-Solarzellen

Größe	Temperaturkoeffizient	
Leerlaufspannung $U_{\rm L}$	-0,5%/K	
Kurzschlussstrom $I_{\rm K}$	+0,1%/K	
elektrische Leistung $P_{\rm m}$	-0,44%/K	

### 8.2 Wirkungsgrad

Der Wirkungsgrad einer Solarzelle ist definiert als Verhältnis der maximal entnehmbaren elektrischen Leistung  $P_{\rm m}$  zur eingestrahlten optischen Leistung  $\Phi_c$ :

$$\eta = \frac{P_{\rm m}}{\Phi_{\rm e}} = \frac{I_{\rm K} U_{\rm L} F_{\rm F}}{E_{\rm e} A} \,. \tag{8.8}$$

Trotz großer Anstrengungen ist der Wirkungsgrad handelsüblicher Solarzellen nicht höher als etwa 15%. Die wichtigsten Verlustmechanismen sind in Tabelle 8.2 zusammengestellt.

optische Verluste	elektrische Verluste
Reflexion an der Oberfläche	Interne Zellenverluste infolge des Serien-
• 3%	widerstandes des Zellenmaterials und der
Abschattung durch Kontaktfinger	Kontaktfinger
• 3%	• 1%
Photonen mit überschüssiger Energie	Rekombination von Ladungsträgern in
• 32%	Basis und Emitter
Photonen mit ungenügender Energie	• 22%
• 24%	

Tabelle 8.2. Verluste in Si-Solarzellen

Entscheidend für die optischen Verluste ist die in Abb. 8.5 dargestellte *spektrale Bestrahlungsstärke*  $E_{e,\lambda}$  des Sonnenlichts. Außerhalb der Lufthülle (AM0, Air Mass Zero) entspricht die Verteilung etwa der eines schwarzen Strahlers mit T = 5.960 K (Abschn. 1.4.2). Die integrale Bestrahlungsstärke

$$E_{\rm e} = \int_{0}^{\infty} E_{\rm e,\lambda} \, \mathrm{d}\lambda = 1353 \, \frac{\mathrm{W}}{\mathrm{m}^2}$$

wird als *Solarkonstante* bezeichnet. Je nach Einstrahlwinkel und Weglänge der Strahlen durch die Atmosphäre wird die Bestrahlungsstärke infolge von Absorption an Luftmolekülen verringert. Wird die Lufthülle senkrecht durchstrahlt, spricht man von *AM1-Verhältnissen* (Air Mass One). Bei AM2 legen die Strahlen den doppelten Weg zurück usw. Als Standard zur Messung des Wirkungsgrades wurde das AM1,5-Spektrum mit  $E_e = 1000 \text{ W/m}^2$  festgelegt (STC, Standard Test Conditions).



**Abb. 8.5.** Spektrale Bestrahlungsstärke des Sonnenlichts außerhalb der Atmosphäre (AM0) und auf der Erdoberfläche (AM1,5).  $\lambda_g$  ist die Grenzwellenlänge für Absorption in Silicium

Der ganze Teil des Spektrums, der rechts von der Grenzwellenlänge  $\lambda_g$ liegt, wird nicht absorbiert, weil die Photonenenergie nicht ausreicht, um ein Elektron-Loch-Paar zu bilden. Strahlung mit  $\lambda < \lambda_g$  wird zwar absorbiert, aber die überschüssige Energie  $E_{ph} - E_g$  wird in der Solarzelle in Wärme verwandelt. Wenn also beispielsweise ein Photon mit der Energie  $E_{ph} = 2 \text{ eV}$  ( $\lambda = 620 \text{ nm}$ ) in Si absorbiert wird, dann wird die Energie  $E_g = 1,11 \text{ eV}$  elektrisch nutzbar, während 0,89 eV in Wärme umgesetzt wird. Stünde ein Halbleiter mit  $E_g = 2 \text{ eV}$  zur Verfügung, dann könnte die Energie dieses Photons zu 100% elektrisch genutzt werden. Für maximale Ausnutzung des Sonnenspektrums sollte also für jede Photonenenergie der Halbleiter mit passender Energielücke zur Verfügung stehen. Dieser Idealfall kann angenähert werden durch *Tandemzellen*, wobei Halbleiter mit verschiedenen Energielücken hinter einander angeordnet werden. Theoretisch könnten solche Strukturen Wirkungsgrade von über 50% besitzen. Praktisch wurden beispielsweise bei der Kombination GaAs/Si 31% gemessen.

Die größten elektrischen Verluste entstehen durch Rekombination der Ladungsträger an der Grenzfläche zwischen der p-dotierten Basis und der metallisierten Rückseite (Abb. 8.1). Die *Rekombination* wird stark reduziert, wenn der Halbleiter passiviert wird durch eine dünne Schicht aus SiO<sub>2</sub> oder SiN. Da diese Schicht elektrisch isoliert, müssen viele punktförmige Kontakte durch die Schicht hergestellt werden. Ein kleines Gebiet mit hoher p-Dotierung erzeugt ein elektrisches Feld, das die Elektronen von den Kontakten fern hält (*local back surface field*). In der Forschung sucht man nach preisgünstigen Verfahren, um diese Tausende von Punktkontakten an der Zellenrückseite herzustellen. Wenn dieses Problem gelöst ist, sollten Si-Solarzellen in der Massenproduktion mit Wirkungsgraden von etwa 20% möglich sein.

Der Wirkungsgrad einer Solarzelle steigt mit der eingestrahlten Leistung. Wird der Wirkungsgrad bei  $E_{e,0} = 1.000 \text{ W/m}^2$  (STC) mit  $\eta_0$  bezeichnet, so folgt mithilfe der Gln. (8.2) und (8.8) der Wirkungsgrad bei der Bestrahlungsstärke  $E_e$  zu

$$\eta = \eta_0 \frac{\ln(E_e/E_{e,0}) + eU_{\rm L,0}/(kT)}{eU_{\rm L,0}/(kT)}.$$
(8.9)

Es kann also interessant sein, das Sonnenlicht beispielsweise mittels mikrooptischer Bauelemente zu konzentrieren, um einen höheren Wirkungsgrad bei gleichzeitig geringerem Materialverbrauch zu erhalten.

### **Beispiel:**

Um welchen Bruchteil steigt der Wirkungsgrad einer Si-Solarzelle, wenn die Bestrahlungsstärke auf das Hundertfache gegenüber STC erhöht wird?

### Lösung:

Für Si ist  $U_{1,0} \bullet 0, 6 \text{ V}$  (Abb. 8.2), so dass für 300 K aus Gl. (8.9) folgt

$$\eta = \eta_0 \frac{\ln(100) + 23,2}{23,2} = \eta_0 \cdot 1,198$$
. Der Wirkungsgrad steigt also um 20%.

Für den praktischen Gebrauch werden einzelne Zellen zu Modulen von  $0,5 \text{ m}^2$  bis 1 m<sup>2</sup> Fläche zusammen geschaltet. Der Wirkungsgrad eines Moduls ist typischerweise um 1 bis 2 Prozentpunkte niedriger als der Wirkungsgrad einer durchschnittlichen Zelle.

## 8.3 Technologie

Das nach wie vor wichtigste Material zum Bau von Solarzellen ist Silicium. Wegen der hohen Materialkosten wird intensiv nach Alternativen gesucht (Tabelle 8.3). Sowohl beim einkristallinen als auch beim polykristallinen Si werden durch Sägen aus Blöcken (ingots) die Wafer mit ungefähr 300 µm Dicke heraus gesägt. Dabei entsteht ein Abfall von etwa der Hälfte des Ausgangsmaterials. Ungefähr 50% der Kosten für ein Solarmodul entfallen auf die Herstellung der Wafer. Günstiger ist es, polykristallines Silicium in Form von Bändern direkt aus der Schmelze zu ziehen, obwohl der Wirkungsgrad dieses Folien-Siliciums wegen vermehrter Kristalldefekte etwas niedriger liegt. Dünnschichtzellen aus amorphem Silicium (direkter Halbleiter) benötigen wenig Material. Der Wirkungsgrad degradiert aber im Laufe der Zeit und kommt längst nicht an die Wirkungsgrade kristalliner Zellen heran.

GaAs ist mit einer Energielücke von  $E_g = 1,4 \text{ eV}$  optimal an das Sonnenspektrum angepasst. Die höchsten bislang erreichten Wirkungsgrade wurden daher mit GaAs-Zellen erreicht. Wegen der sehr hohen Herstellungskosten mit der Methode der Dünnschichtepitaxie werden GaAs-Zellen nur für Weltraumanwendungen eingesetzt.

Interessante Alternativen zu Silicium für terrestrische Anwendungen sind *Dünnschichtzellen* aus CdTe und verschiedenen Chalkopyriten (Tabelle 8.3). CuInSe<sub>2</sub> ( $E_g = 1,05 \text{ eV}$ ) und CuInS<sub>2</sub> ( $E_g = 1,55 \text{ eV}$ ) werden als *CIS-Zellen* bezeichnet. Durch stöchiometrische Mischung mit CuGaSe<sub>2</sub> ( $E_g = 1,68 \text{ eV}$ ) und CuGaS<sub>2</sub> ( $E_g = 2,3 \text{ eV}$ ) können quintinäre Verbindungen Cu(In,Ga)(S,Se)<sub>2</sub> – kurz CIGSSe – hergestellt werden, deren Energielücke optimal an das Sonnenspektrum angepasst werden kann.

Material		Wirkungsgrad	
		Labormuster	Industrieelle Fertigung
Si	Einkristallin	23%	16% bis 18%
Si	polykristallin	20%	14% bis 16%
Si	polykristallines Band	13% bis 18%	11% bis 16%
Si	amorphe Dünnschicht	13%	7% bis 8%
GaAs	Einkristallin	25%	
CdTe	Dünnschicht	16%	9% bis 10%
$Cu(In,Ga)(S,Se)_2$	Dünnschicht	18,8%	9% bis 12%
CuInS <sub>2</sub>	Dünnschicht	12,7%	
CuGaSe <sub>2</sub>	Dünnschicht	9,3%	

Tabelle 8.3. Wirkungsgrade verschiedener Solarzellen

# 8.4 Literatur

Brendel R (2003) Thin-Film Crystalline Silicon Solar Cells. Wiley-VCH, Berlin Goetzberger A, Voß B, Knobloch J (1994) Sonnenenergie: Photovoltaik. Teubner, Stuttgart

Nelson J (2003) The Physics of Solar Cells. Imperial College Press, London Schmid J (1999) Photovoltaik, Strom aus der Sonne. Müller, Heidelberg Wagner A (1999) Photovoltaik Engineering. Springer, Berlin, Heidelberg Würfel P (2004) Physics of Solar Cells. Wiley-VCH, Weinheim