Inhaltsverzeichnis

Inh	altsv	verzeichnis	V
Ein	leitu	ing	IX
1	Die	komplexen Zahlen	1
	1.1	Historisches	1
	1.2	Definition und Modelle komplexer Zahlen	3
		Arithmetische Einführung der komplexen Zahlen Die komplexen Zahlen als Unterring der 2×2-Matrizen	$\frac{4}{5}$
		Die komplexen Zahlen als Restklassenring	6
		Geometrische Einführung der komplexen Zahlen	6
	1.3	Elementare Operationen und Regeln	6
	1.4	Argument, geometrische Veranschaulichung	8
	1.5	Wurzeln	11
	1.6	Riemannsche Zahlenkugel und stereographische Projektion \dots	12
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 1	15
2	Top	ologische Grundlagen	39
	2.1	Konvergenz von Folgen	39
	2.2	Topologische Begriffe für Mengen und Punkte	41
	2.3	Stetigkeit und Grenzwert	43
		Grundeigenschaften stetiger Abbildungen	44
		Grenzwerte	44
		Satz von Weierstraß	45
	2.4	Reihen und Potenzreihen	46
		Potenzreihen	49
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 2	51
3	Komplexe Differenzierbarkeit		
	3.1	Definition und Grundregeln	71
	3.2	Differentiation von Potenzreihen	73
	3.3	Zusammenhang zwischen komplexer und reeller Differenzier- barkeit	74
		Cauchy-Riemann-Differentialgleichungen, Holomorphie	75
		Konforme Abbildungen	76
	3.4	Exponentialfunktion und Logarithmus	77
	J. 1	Allgemeine Potenzen	80
		Cos Sin Tan tan und Umkehrfunktionen	81

 $VI \hspace{35mm} In halts verzeichnis$

	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 3 83
4	Ku	rven, Kurvenintegrale und Hauptsatz
	4.1	Kurven
	4.2	Kurvenintegrale
	4.3	Hauptsatz
		Hauptsatz (Cauchyscher Integralsatz, 1. Fassung) 106
		Fundamentalsatz der Algebra 106
		Hauptsatz (Cauchyscher Integralsatz, 2. Fassung) 114
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 4
5	Cau	ichysche Integralformel und Folgerungen
	5.1	Integral formel
	5.2	Potenzreihenentwicklung
	5.3	Holomorphiekriterien
		Satz von Morera
		Identitätssatz
	5.4	Integralformel für die Ableitungen
		Abschätzung für Ableitungen und Koeffizienten 136
		Satz von Liouville
		Satz von Weierstraß II
		Satz über Gebietstreue
		Prinzip vom Maximum140
		Differentiation unterm Integral
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 5
6	Der	globale Hauptsatz
	6.1	Umlaufzahl, Zyklen
	6.2	Der Hauptsatz für nullhomologe Zyklen
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 6

Inhaltsverzeichnis VII

7	Lau	rent-Reihen, isolierte Singularitäten, Residuensatz 181
	7.1	Laurent-Reihen
	7.2	Isolierte Singularitäten
		Satz von Casorati-Weierstraß
		Berechnungsmethoden für Residuen 188
	7.3	Residuensatz
		Berechnung von Integralen mit Hilfe von Residuen 190
	7.4	Argumentprinzip und Anwendungen
		Logarithmisches Residuum
		Satz von Rouché
		Routh-Kriterium
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 7
8	Kor	nforme Abbildungen und ihre Anwendungen
	8.1	Möbius-Transformationen
	8.2	Joukowski-Transformation
	8.3	Harmonische Funktionen und das Dirichlet-Problem 247
		Komplexe Potentiale
		Mittelwerteigenschaft
		Prinzip vom Maximum, Poissonsche Integralformel 252
		Verpflanzungsprinzip
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 8
9	Die	Γ-Funktion
	9.1	Zur Γ -Funktion im Reellen
	9.2	Die Gammafunktion im Komplexen
	9.3	Stirling-Formel
	Ma	ple Worksheets zu Kapitel 9
10	Anl	nang zu Maple
	10.1	Ein erster Einstieg in Maple
	10.2	Der Befehl interface
	10.3	Die Initialisierungsdatei
	10.4	Der Befehl transform
	10.5	Eigene Pakete definieren

VIII	In halts verzeichnis
------	----------------------

Symbolverzeichnis	315
Namen- und Sachverzeichnis	317
Index zu Maple	323
Literaturverzeichnis	327