Auflösungskinetik

3.4 Umwandlungs- und Ausscheidungskinetik

Abschn.	Programm	Inhalt	Zusatzfile
3.4.4	Nukleation	Keimbildung	
3.4.4	Al-Cu	Aushärtung der Al-Cu-Legierungen	Al-Cu.bmp
3.4.4	Zementitaussch.	Kinetik der Zementitausscheidung	
3.4.4	Alnitrid	Ausscheidungskinetik von AlN im Ferrit	
3.4.4	VC-Diss	Auflösung von VC-Ausscheidungen	
3.4.4	NbC_Aufl	Auflösung von NbC bei hohen Temperaturen	
3.4.4	Ostwald	Teilchenvergröberung / Ostwald-Reifung	Ostwald.bmp

Übersicht der Mathcad-Programme in diesem Abschnitt

Phasenumwandlungen im festen Zustand sind von großer technischer Bedeutung, da über sie Gefüge und Eigenschaften der Werkstoffe gezielt verändert werden können. Ihre Abhängigkeit von den Zustandsgrößen Temperatur, Konzentration und Druck wird im Zustandsdiagramm, die Abhängigkeit von der Abkühlgeschwindigkeit im Zeit-Temperatur-Umwandlungsschaubild erfasst, siehe Tabelle 3.4.1. Zustandsschaubilder gelten also nur für den thermodynamischen Gleichgewichtszustand bzw. nur für sehr geringe Abkühlgeschwindigkeiten. Bei den meisten technisch interessanten Vorgängen ist jedoch die Kinetik der Phasenumwandlungen von Bedeutung.

Die Phasenumwandlung bzw. auch die Ausscheidung von Teilchen erfolgt dabei in drei Phasen:

- Keimbildung
- Wachstum
- Vergröberung -

abene 5.4.1. Thermodynamik und Kinetik der Thasendiniwandrungen				
Grafische Darstellung	Gefügezustand	Einflussgrößen	Beschreibung	
		Temperatur,	Chemische	
Zustandsdiagramm	Gleichgewicht	Konzentration	Thermodynamik	
		Druck		
			Umwandlungskinetik	
ZTU-Schaubild	Ungleichgewicht	Temperatur-Zeit-Verlauf	Keimbildung	
			Wachstum	
Aushärtungsdiagramm			Ausscheidungskinetik	
			Vergröberung	

 Tabelle 3 4 1
 Thermodynamik und Kinetik der Phasenumwandlungen

Keimbildung

ZTA-Diagramm

3.4.1

Die metallphysikalischen Ansätze zur Beschreibung der Keimbildung einer neuen Phase sind in Bild 3.4.1 zusammengefasst. Als Ergebnis ergibt sich die Startkurve der Umwandlung bzw. der Ausscheidungsbeginn von feinen Ausscheidungen. Aufgrund der charakteristischen Form spricht man auch von der sog. "C-Kurve", d.h. bei geringer Unterkühlung ist die zur Unterkühlung ΔT proportionale Treibkraft und bei großer Unterkühlung die Diffusivität D geschwindigkeitsbestimmend.

Kinetik der Umwandlung/Ausscheidung von Phase β zur Phase α





Bild 3.4.1 erklärt auch die dominante Wirkung der Unterkühlung auf die Gefügeausbildung. Eine stärkere Unterkühlung führt zu einem kleineren kritischen Keimradius, somit zu einer kürzen Zeit für die Keimbildung und auch zu einer größeren Anzahl von Keimen pro Zeiteinheit. Insgesamt führt dies zu einem wesentlich feineren Gefüge mit verbesserten mechanischen Eigenschaften.

3.4.2 Wachstumskinetik neugebildeter Phasen

Entsprechend der Darstellungen im Bild 3.4.1 ist die Anlagerung neuer Atome am kritischen Keim proportional der Atomübergänge von der Phase β zur Phase α , wofür jedes Mal die Aktivierungsenergie $\Delta G_A^{\beta \to \alpha}$ aufgewendet werden muss. Mit der Sprungfrequenz v und der Treibkraft ΔG der Umwandlung ergibt sich die Wachstumsrate (~ atomarer Nettofluss) mit:

$$\dot{R} = const \cdot v \cdot exp\left(-\frac{\Delta G_A^{\beta \to \alpha}}{RT}\right) \cdot \frac{\Delta G}{RT}$$
 bzw. vereinfacht $\dot{R} = const \cdot D \cdot \Delta T$,

wobei D der Diffusionskoeffizient für Korngrenzendiffusion ist. Die Temperaturabhängigkeit der Wachstumsrate ist daher ähnlich zu jener der Keimbildung, d.h. bei geringer Unterkühlung ergibt sich ein lineares Wachstum ($r \sim t$) bzw. nimmt das Volumen mit t³ zu.

Fasst man die Keimbildung und das Wachstum einer neuen Phase in einer Gesamtkinetik zusammen, so ergibt sich die sog. *Johnson-Mehl-Avrami-Gleichung* mit

$$f_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}}{V_{\alpha} + V_{\beta}} = 1 - \exp(-b \cdot t^{n})$$

wobei f_{α} der Volumenanteil oder der Umwandlungsgrad ist. Im Faktor b ist die Keimbildungsrate und die Wachstumsrate inkludiert. Der Exponent n nimmt für gleichmäßig fortlaufende Keimbildung (N~t) den Wert 5/2 an, während für einmalige (spontane) Keimbildung (N=const.) der Wert n=3/2 ist. Ein typischer zeitlicher Verlauf einer Phasenumwandlung ist in Bild 3.4.2 dargestellt.



Bild 3.4.2. Gesamtkinetik einer Phasenumwandlung, beschreibbar mit der Johnson-Mehl-Avrami-Gleichung

3.4.3 Ausscheidungshärtung (Aushärtung)

Eine sehr wirksame Methode zur Festigkeitssteigerung besteht in der Behinderung der Versetzungsbewegung durch sehr fein in der Matrix verteilte Teilchen. Voraussetzung für die Möglichkeit einer Ausscheidungshärtung ist ein Zustandsdiagramm, welches bei höherer Temperatur einen Mischkristallbereich und eine mit sinkender Temperatur abnehmende Löslichkeit für das Legierungselement aufweist. Die Vorgänge sollen anhand des Zweistoffsystems Al-Cu beschrieben werden, siehe Bild 3.4.3. Wird eine Legierung mit 3%Cu bei Temperaturen von etwa 550°C geglüht, so bildet sich bei dieser Temperatur ein homogener Mischkristall. Wird nun langsam auf Raumtemperatur abgekühlt, so entsteht ein Zweiphasengefüge mit groben Al₂Cu-Ausscheidungen, die hinsichtlich einer Festigkeitssteigerung eher unwirksam sind. Bei schneller Abkühlung liegt bei Raumtemperatur ein metastabiler, an Cu-Atomen übersättigter Mischkristall vor. Durch mäßige Erwärmung können die Cu-Atome diffundieren und Ausscheidungen bilden. Bei diesem Aushärteprozess kann es je nach Auslagerungstemperatur und -zeit zu einer homogenen, meist kohärenten Ausscheidung im Kristallgitter (keine Phasengrenzfläche, d.h. gleiche Gitterebenen wie Matrix) oder zu einer heterogenen Keimbildung an Gitterfehlstellen in inkohärenter Form kommen. Bei höheren Auslagerungstemperaturen und längeren Zeiten bilden sich stabilere, gleichgewichtsnahe und grobe Ausscheidungen, die zu starken Festigkeitsverlusten führen. In diesem Falle spricht man von Überalterung.

Die Ausscheidungskinetik als Funktion von Temperatur und Zeit lässt sich im Zeit-Temperatur-Ausscheidungsschaubild als C-Kurve für den Ausscheidungsbeginn beschreiben. Liegen mehrere Zwischenformen vor, so kann jeder Phase eine eigene C-Kurve zugeordnet werden; die sich auch überlappen können. Dies trifft auch beim Al-Cu-System zu. Es bilden sich zunächst einschichtige, kohärente Atomlagen auf {100}-Ebenen (sog. *Guinier-Preston/GP -Zonen*), dann mehrschichtige, parallel angeordnete GPII-Zonen, dann eine teilkohärente θ '-Phase und schließlich die Gleichgewichtsphase θ (=Al₂Cu). Wird die Wärmebehandlung auf zwei unterschiedlichen Temperaturniveaus durchgeführt, so können bimodale (grobe und feine) Ausscheidungsstrukturen eingestellt werden. Dieser Mechanismus wird bspw. bei einigen Nickelbasislegierungen genutzt. Ergänzend sei hier noch angeführt, dass durch eine Kaltumformung und damit Erhöhung der Leerstellendichte die Entmischung schneller verläuft.

Direkt mit dem Ausscheidungszustand korreliert sind die mechanische Eigenschaften, die von der Menge, Größe und Gitterkohärenz der Teilchen abhängen. Der zeitliche Verlauf bei einer Warmaushärtung einer AlSiMg-Legierung bei verschiedenen Aushärtungstemperaturen zeigt Bild 3.4.4.



Bild 3.4.3. Prinzip der Ausscheidungshärtung und Gefügezustände in Abhängigkeit der Wärmebehandlung



Bild 3.4.4. Einfluss unterschiedlicher Auslagerungstemperaturen und Auslagerungszeiten auf die Höhe der Streckgrenze einer AlMgSi-Legierung

3.4.3.1 Aushärtbare Legierungssysteme

Der Aushärtungsmechanismus ist insbesondere für jene Legierungssysteme interessant, die keine polymorphe Umwandlung aufweisen bzw. in einem weichen Zustand vorliegen. Aber auch bei Stählen wird diese Maßnahme zur zusätzlichen Festigkeitssteigerung genutzt. Tabelle 3.4.1 gibt einen Überblick über bedeutungsvolle Legierungssysteme, die meist im ausgehärteten Zustand eingesetzt werden.

Legierungssystem	Ausscheidende	Lösungs-	Aushärte-	Typische Anwendungen
	Phase	temperatur	temperatur	
		[°C]	[°C]	
AlCuMg (2xxx)	GP-Zonen, Al ₂ Cu	500	25 od. 160	Flugzeugbau
	$(\Theta^{\prime\prime},\Theta^{\prime},\Theta)$			
AlMgSi (6xxx)	Mg ₂ Si	530	150-170	Stranggussprofile
AlZnMg (Cu) (7xxx)	MgZn ₂	465	100 + 150	Sportgeräte
Nickelbasislegierungen	$Ni_3(Al,Ti) = \gamma$	1150	850	Gasturbinenschaufeln
CuBe2	γ	750-900	200-300	Federn
CuCrZr		900-1000	400-500	Punktschweißelektroden
TiAl5Sn2,5 (α + β)	Intermetall. Phasen	950	450	Feinmech., Medizintechnik
Maraging Stähle	intermetall. Phasen	800-850	450-500	höchstbeanspruchte Teile
Warmfeste Stähle	Mo_2C , V_4C_3	900	550-600	Kraftwerkskomponenten
17-4(7)PH-Stähle	Cu, Ti, Al, Nb, Ta	1050	550	korrosionsbest. Federn
Schnellarbeitsstähle	Sonderkarbide	1150	600	Werkzeuge
AFP-Stähle	V(C,N)	900	600	Pleuel, Schmiedeteile
höherfeste Feinkorn-	Ti(C,N), $Nb(C,N)$,	1200	850, 600	Druckrohrleitungen
stähle				-
Bake-hardening-Stähle	ε-Karbid, Zementit	650	170	Karosseriebleche

Tabelle 3.4.1. Übersicht aushärtbarer Legierungssysteme

3.4.4 Anwendungsbeispiele

Hothcod

Aushärtung von Al-Cu-Legierungen

MPa := $1 \cdot 10^6 \cdot Pa$

```
Al-Cu.mcd
```

Al-Cu.mcd

Eine Al-Cu-Legierung mit 4% Kupfer hat eine Festigkeit von etwa 600 MPa. Es soll der Teilchenabstand und die Größe der ausgeschiedenen ⊗-Phase bestimmt werden. Es wird angenommen, daß die Teilchen nach dem Orowan-Mechanismus übergangen werden.

Eingabedaten: Rm := 600 · MP	a	Schmelze
Schubmodul: Burgersvekt	or: Schubspg.:	Σ 600 S+α
$G := 27.6 \cdot 10^9 \cdot Pa$ $b := 0.25 \cdot 10^7$	$^{9} \cdot m \qquad \tau := \frac{Rm}{2}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{\alpha}{2}$ $\frac{5,6\%}{\alpha+0}$ Al_2Cu
Dichte von Al: Dichte von A	Al ₂ Cu:	
$\rho\alpha := 2700 \cdot \frac{kg}{m^3} \qquad \rho\theta := 4430$	$\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	
Teilchenabstand: $\lambda := G \cdot \frac{b}{-}$	$\lambda = 2.3 \cdot 10^{-8} \cdot m$	0,5% Kupfergehalt [%]
Gewichtsprozent α -Phase:	wa := $\frac{54-4}{54-0.5} \cdot 100$	$w\alpha = 93.458$
Gewichtsprozent θ -Phase:	$w\theta := \frac{4 - 0.5}{54 - 0.5} \cdot 100$	$w\theta = 6.542$
Volumen der α -Phase:	$V\alpha := \frac{w\alpha \cdot kg}{\rho\alpha}$	$V\alpha = 0.035 \bullet m^3$
Volumen der θ -Phase:	$\nabla \theta := \frac{\mathbf{w} \theta \cdot \mathbf{k} g}{\rho \theta}$	$V\theta = 1.477 \cdot 10^{-3} \cdot m^3$
Volumenanteil der 0-Phase:	$f := \frac{V\theta}{(V\alpha + V\theta)}$	f = 0.041
Unter Annahme von kugelförmige θ-Ausscheidungen ergibt sich der Teilchenradius mit	$r := \frac{3 \cdot f \cdot \lambda}{4 \cdot (1 - f)}$	$r = 7.359 \cdot 10^{-10} \cdot m$

Π<u>απγτ</u>οά ∞ ↓

Nucleation.mcd

Dieses Mathcad-Programm zeigt die Energiebilanz für die Bildung eines kritischen Keims.



		Zementitausscheidung.mcd	
 In Weiterführung der thermodynamischen Berechnung des Tertiärzementitbereiches (s. Abschn. 3.2) wird in diesem Programm zusätzlich die Kinetik der Zementitausscheidung berechnet. Diese Ausscheidung spielt eine Rolle bei modernen Feinblechen aus sog. bake-hardening-Stählen, die bei der Umformung noch ca. 50 ppm Kohlenstoff in Lösung haben und die beim anschließenden Lackeinbrennlackieren zunächst durch die Wechselwirkung zwischen Versetzungen und dem Kohlenstoff (Cottrell-Effekt) und bei höherer Temperatur und längerer Zeit über die Zementitausscheidung verfestigt werden. 2.)Ausscheidungskinetik des Zementits bei isothermer Zustandsbedingung: Theoretischer Hintergrund: Der Werkstoff wird im Zustand, in dem der C vollständig gelöst ist, auf eine gewünschte Temperatur schnell abgekühlt und dort auf dieser Temperatur gehalten Dieser Vorgang ist durch 3 Mechanismen definiert: α.) Keimbildung 			
γ .) Vergröb	erung (Nicht berücksicht	igt) .	
Physikalische Grundlagen: - Keimbildungsrate - Keimwachstu - Df (Treibkraft	e (~ Keime / Zeit und Volu m zur Zementitbildung)	umen)	
Parameterfestlegung:			
Anzahl der Zeitschritte:	ns := 350		
Zeitintervall in Sekunden:	dt := 10		
Temperatur:	T := 200	Tsol (wc) =	
Ausgangskonzentrat:	Xc0 := X(wc)	X(wc) =	
Gleichgewichtskonzentrat.:	Xce $:=$ Res (T, wc)	XM =	
Keimbildungsparameter:	$\beta := 4.0 \cdot 10^{37}$		
Diffusionskoeffizient:	D0 := $2 \cdot 10^{-6}$		
Aktivierungsenergie:	Q := 84000		
Boltzmannkonstante:	$k := 1.38 \cdot 10^{-23}$		
Diffusivität:	$D(T) := D0 \cdot e^{-\frac{Q}{R \cdot (T + 273)}}$	$\overline{D} := D(T)$	
	$vm := 2.5 \cdot 10^{-5}$		
spez. Grenzflächenenergie:	$\sigma := 0.11$		
Zwischenspeichervariablen:			
Datenarray:	$A_{ns}^{2} := 0$		
Zementitanteil	fcem $:= 0$		
Treibkraft	Df := 0		
aktuelle Kohlenstoffkonzentration in der Matrix	Xc :=0		
kritische Keimbildungsenergie	Gkrit := 0		
kritischer Keimradius	rkrit :=0		









NbC_Aufl.mcd

Auflösung von NbC-Teilchen bei hohen Temperaturen

Aufgabenstellung: Zur Vermeidung der Grobkornbildung von Feinkornbaustählen werden diese mit Nb mikrolegiert. Es soll die Auflösungszeit der feinen Nb-Karbid-Ausscheidungen im Austenitgebiet bei 1300°C berechnet werden.

R := 8.314

NbC Aufl.mcd

Eingabedaten:

tiothrod ∞ ↓

Stahlzusammensetzung: Temperatur:

C := 0.08 Nb := 0.04 T := 1300

Diffusionskoeff. D_{Nb} := $5.9 \cdot 10^4 \cdot \exp\left[\frac{-343009}{R \cdot (T + 273)}\right]$ D_{Nb} = $2.4 \cdot 10^{-7}$ $\frac{mm^2}{s}$

Ausgangsgröße des Nb C-Teilchens: $r_0 := 100 \cdot 10^{-6}$ [mm]

Atomgewichte: AGNb := 92.9 AGC := 12.0

Lösungsweg:

Die Auflösungsgeschwindigkeit wird von der Diffusion von Nb im Austenit bestimmt und ist abhängig von der Übersättigung bzw. dem Konzentrationsprofil an der Grenzfläche Teilchen/Matrix.

Übersättigung $\alpha = (ci-cm)/(cp-ci)$

für die allgemeine Teilchenzusammensetzung Nb $_{n}C_{m}$ =nNb+mC gilt allgemein für die freie Gibbs-Energie mit [a] für die Aktivität und K für das Löslichkeitsprodukt $_{\Delta}G^{\circ}=_{\Delta}H^{\circ}-T_{\Delta}S^{\circ}=-RTInK=-RT(In(10))*log([a_{Nb}]^{n*}[a_{C}]^{m}/a_{NbC}]$ wobei a $_{NbC}$ =1

 $\log[\%Nb]^{n*}[\%C]^{m} = \Delta S^{\circ}/R^{*}ln(10) - \Delta H^{\circ}/RTln(10) = A - B/T \dots Löslichkeitsprodukt$

Auflösungstemperatur von NbC: $T=B/(A-log[\%Nb]^*[C])$ A := 2.26 B := 6770 Taufl := $\frac{B}{A - log(Nb \cdot C)}$ Taufl - 273 = 1.151•10³ [°C]

Nb-Konzentration an der Grenzfläche Matrix/Teilchen (unter Ánnahme eines inkohärenten Teilchens - kein Gibbs-Thomson-Effekt)

 $ci := \frac{exp(A \cdot ln(10))}{C} \cdot exp\left(-\frac{B \cdot ln(10)}{T + 273}\right) \qquad ci = 0.113 \quad Gew.\%$

Nb-Konzentration im Teilchen

 $cp := \frac{AGNb}{(AGNb + AGC)} \cdot 100$ cp = 88.561 Gew.%

Nb-Übersättigung $\alpha := \frac{ci}{cp}$ $\alpha = 1.276 \cdot 10^{-3}$

Auflösungzeit bei Temp. T ergibt sich aus r²=ro²-2^{*} α *D, wobei r=0:

$$\operatorname{taufl} := \frac{\mathrm{r0}^2}{2 \cdot \alpha \cdot \mathrm{D}_{\mathrm{Nb}}} \qquad \qquad \operatorname{taufl} = 16.332 \quad [S]$$

Moth.cod *	Ostwald.mcd		
Teilchenvergröberung bzw. Ostwald-Reifung	ostwald.mcd		
Gesetz nach Wagner, Lifshitz und Slyozov:			
$d^{3}-d_{0}^{3}=k.t$ mit k= $\alpha^{*}D^{*}\gamma^{*}c_{0}^{*}V_{m}^{2}/(R.T)$			
α Konstante α =8/9 für kugelförmige Teilchen, α =64/9 für würfelförmige Teil D Diffusionskoeffizient der langsamsten Atomsorte im Teilchen γ spez. Phasengrenzflächenenthalpie zw. Matrix u. Teilchen [J/m ²] c ₀ Sättigungskonzentration des teilchenbildenden Legierungselements V _m Molvolumen des Teilchens [m ³ /mol]	chen		
d.h. niedrige Vergröberungsrate bei Legieren von Nibas-Leg. mit Ta, geringe zwischen γ und γ ', sowie geringer Löslichkeit der Teilchen-bildenden Elemei	er Fehlpassung nte in der Matrix.		
Beispiel: Vergröberung der γ '-Phase (=Ni ₃ AI) in Nickelbasislegierungen:			
-aus obiger Gleichung gilt für k=C*D/T mit D=D0*exp(-Q/RT). Durch Logarith	mieren ergibt sich		
log(k)=C1-0,434*Q/R * 1/T			
Für eine typische Gasturbinen-Schaufel-Legierung wie bspw. IN738LC mit c $_{\gamma}$ '-Anteil gilt für den monodispersen Dendritenkernbereich:	a. 40 bis 45 Vol.%		
log(k)=15.89-14500*1/T mit k[nm³/s und T[K]			
Die leicht gekrümmte Kurve kann mit			
log(k)=-13.96+0.00994*T[C] beschrieben werden.			
Eingabedaten:			
TC := 900 [°C] t := 30000 [h]			
$lgk := -13.96 + 0.00994 TC$ $k := 10^{lgk}$ $k = 9.683 \cdot 10^{-6}$ $[\mu m^3/h]$			
d0 := 0.3 µm			
$d := \sqrt[3]{8 \cdot k \cdot t + d0^3}$ $d = 1.33$			
Für praktische Fragestellung, wie z.B. Ermittlung der Temperatur aus der Größe der γ '-Phase ergibt sich aus den obigen Gleichungen TI°CI=1404+100.6*log[(d³-d0³)/8*t[h], mit d in um			

